نشريه مهندسي مكانيك اميركبير

نشریه مهندسی مکانیک امیرکبیر، دوره ۵۲، شماره ۳، سال ۱۳۹۸، صفحات ۵۲۷ تا ۵۴۲ DOI: 10.22060/mej.2019.15298.6087

# پیشبینی نمودار حد شکلدهی ورقها با شبیهسازی عددی آزمونهای ناکازیما و مارسینیاک اصلاح شده

واله طالبصفا، مهرداد آقایی خفری\*

مهندسی و علم مواد، دانشگاه صنعتی خواجه نصیرالدین طوسی، تهران، ایران

خلاصه: نمودار حد شکل دهی از ابزارهای مفید در بررسی شکل دهی ورق های فلزی به منظور طراحی محصولات صنعتی به شمار می رود. استخراج نمودارهای حد شکل دهی به صورت تجربی، مستلزم آزمایش های دقیق، صرف زمان و هزینه زیاد است. از این رو پژوهش های متعددی در استفاده از روش های تحلیلی و نرمافزارهای المان محدود برای تعیین این نمودارها صورت گرفته است. در این پژوهش، منحنی های حد شکل دهی برای ورق آلیاژ آلومینیوم ۳۱۰۵ از طریق شبیه سازی آزمون ناکازیما و آزمون مار سینیاک اصلاح شده در نرمافزار آباکوس به دست آمده است. به منظور تعیین عددی نمودارهای حد شکل دهی آلیاژ آلومینیوم ۳۱۰۵، معیار تسلیم هیل ۱۹۴۸، معیار تسلیم هاسفورد و مدل آسیب گارسن بر پایه هاسفورد با به کار گیری روابط سختشوندگی وس و توانی بررسی و مقایسه شدند. به دلیل عدم وجود معیار تسلیم هاسفورد و مدل آسیب گارسن بر پایه هاسفورد در نرمافزار آباکوس، زیرروال نویسی ویومت توسعه یافته و معیار تسلیم هاسفورد و مدل آسیب گارسن بر پایه هاسفورد در نرمافزار آباکوس، زیرروال نویسی ویومت توسعه یافته و تهرین بر پایه هاسفورد و مدل آسیب گارسن بر پایه هاسفورد در نرمافزار آباکوس، زیرروال نویسی ویومت توسعه یافته و معیار تسلیم هاسفورد و مدل آسیب گارسن بر پایه هاسفورد در نرمافزار آباکوس، زیرروال نویسی ویومت توسعه یافته و تومینیوم، اختلاف زیادی با نتایج تجربی دارد و استفاده قرار گرفت. نتایج نشان دادند معیار هیل ۱۹۴۸، برای آلیاژهای آلومینیوم، اختلاف زیادی با نتایج تعربی دارد و استفاده از معیار هاسفورد و مدل آسیب گارسن بر پایه هاسفورد، از تطابق خوبی با نتایج تجربی برخوردار است. همچنین به دلیل وجود حفره ها در ساختار فلزات، مدل آسیب گارسن به برای آلیاژهای دارا بودن پارامتر کسر حجمی حفرها، توجیه فیزیکی بیشتری نسبت به سایر معیارها دارد. همچنین آزمون مارسینیاک اصلاح شده، نسبت به آزمون ناکازیما نمودار حد شکل دهی را در کرنش های حدی پایین تر نسبت به آزمون ناکازیما

تاریخچه داوری: دریافت: ۲۶–۸۰–۱۳۹۷ بازنگری: ۲۱–۱۰–۱۳۹۷ پذیرش: ۲۰–۱۲–۱۳۹۷ ارائه آنلاین: ۱۴–۱۰–۱۳۹۸

کلمات کلیدی: نمودار حد شکل دهی معیار تسلیم ناهمسانگرد مدل آسیب گارسن آزمون ناکازیما آزمون مارسینیاک اصلاح شده

سمت راست نمودار حد شکل دهی را به دست آورند [۲]. پس از آن،

گودوین<sup>†</sup> در سال ۱۹۶۸، با کشش ورقهایی با عرض های مختلف،

سمت چپ نمودار حد شکل دهی را به دست آورده و بدین ترتیب

تعیین نمودار حد شکل دهی با سه روش تجربی، تحلیلی و عددی

امکان پذیر است. انجام آزمایشهای تجربی مستلزم صرف هزینه و

زمان زیادی است؛ روش عددی اجزای محدود به دلیل سرعت و هزینه

کم میتواند به عنوان یک روش جایگزین نسبت به روش تجربی

مورد استفاده قرار گیرد. عوامل زیادی بر نمودار حد شکلدهی تأثیر

گذارند که از جمله مهمترین آنها میتوان به معیار تسلیم و روابط

سختشوندگی اشاره نمود. مطالعات بسیاری به منظور بررسی این

نمودار حد شکل دهی را کامل کرد [۳].

#### ۱– مقدمه

شکلدهی فلزات از مهمترین روشهای تولید در صنایع مختلف است. در شکلدهی فلزات، ماده اولیه توسط ابزار و با استفاده از تغییر شکل پلاستیک به محصول با شکل پیچیده و خواص مهندسی مطلوب تبدیل میشود. حد شکلدهی در ورقها با توجه به موضعیشدن تغییر شکل و تشکیل گلویی تعیین میشود. نمودارهای حد شکلدهی<sup>۱</sup>، حد شکل دهی ورق را در حالتهای مختلف کرنش نشان میدهند [۱]. کیلر<sup>۲</sup>و بکوفن<sup>۳</sup> در سال ۱۹۶۴ برای اولین بار کرنشهای حدی را برای ورقهای فلزی به صورت تجربی بررسی کردند. آنها توانستند

<sup>1</sup> Forming Limit Diagram (FLD)

<sup>2</sup> Killer

<sup>3</sup> Backofen

<sup>\*</sup> نویسنده عهدهدار مکاتبات: maghaei@kntu.ac.ir

<sup>4</sup> Goodwin

و لیان<sup>۱۶</sup> ۲۰۰۰ - ۲۰۰۰ و روابط سختشوندگی سوئیفت و وس اصلاح شده، تعیین و با منحنیهای تجربی مقایسه کردند. نتایج آنها نشان میدهد منحنی حد شکلدهی و حد تنش شکلدهی به طور قابل توجهی تحت تأثیر معیار تسلیم و مدل سخت شوندگی هستند [۹]. کرجیبانی<sup>۱۷</sup> و همکاران از دو معیار عددی مشتق دوم نازکشدگی و معیار کرنش بیشینه برای پیش بینی منحنی حد شکل دهی ورق های دولایه آلومینیوم و فولاد استفاده کردند. نتایج تحقیق آنها نشان داد که روشهای عددی از تطابق خوبی با نتایج تجربی برخوردار هستند [۱۰]. ژانگ و همکاران با استفاده از معیارهای مختلف روش عددی، منحنیهای حد شکلدهی گلویی آلومینیوم آلیاژی را بهدست آوردند و نتيجه گرفتند که سه معيار نسبت کرنش پلاستيک معادل، نقطه انشقاق برای تغییرات ضخامت المان بحرانی و مشتق دوم کرنش ضخامتى المان بحرانى با نتايج تجربى بهدست آمده انطباق قابل قبولی، دارند [۱۱]. تحقیقات نشان میدهد که در آلیاژهای شکل پذیر به دلیل وجود ذرات فاز ثانویه و ناخالصیها، حفرهدار شدن در حین تغییر شکل پلاستیک رخ می دهد [۱۲]. جوانهزنی حفرهها و سیس رشد و به هم پیوستن آنها در حین تغییر شکل پلاستیک می تواند سبب شکست در ورق فلزی شود. در این شرایط باید تأثیر تنش هیدرواستاتیک و کسر حجمی حفره در تغییر شکل پلاستیک لحاظ گردد. با توجه به این موضوع مدل های در بر گیرنده حفره و عیب توسط محققین برای پیشبینی صحیح رفتار تسلیم یک فلز نرم ارائه شده است. شناخته شدهترین معیار مبتنی بر اثر حفرهها، مدل ارائه شده توسط گارسن<sup>۱۸</sup> است که بعدها این مدل با اصلاحاتی که تور گارد<sup>۱۹</sup> و نیدلمن<sup>۲۰</sup> بر روی آن انجام دادند، تصحیح شد و امروزه به عنوان مدل گارسن-تورگارد-نیدلمن <sup>12</sup> شناخته می شود [۱۳]. چن و همکاران مدل گارسن ناهمسانگرد را بر پایه معیار تسلیم ناهمسانگرد مربعی هیل گسترش دادند [۱۴]. عباسی و همکاران منحنی حد شکل دهی فولاد IF را به صورت تجربی و شبیهسازی مورد بررسی قرار دادند. آنان جهت اعمال مدل گارسن در نرمافزار آباکوس از زیرروال یومت<sup>۲۲</sup> و معیار همسانگرد میسز استفاده نمودند [۱۵]. پارسا و همکاران با

- 16 Barlat and Lian(Yld)
- 17 Karajibani
- 18 Gurson
- 19 Tvergaard
- 20 Needleman
- 21 Gurson–Tvergaard–Needleman (GTN)
- 22 UMAT

عوامل بر پیشبینی کرنشهای حدی صورت گرفته است. زو' و وينمان از معيار تسليم هيل ۲۹۹۳ برای پيش بينی منحنی حد شکلدهی استفاده کردند و نشان دادند مکان هندسی معیار تسلیم اثر زیادی بر روی کرنش های حدی می گذارد [۴]. فریدمن ٔ و ین ٔ اثر معیارهای تسلیم درجه دو هیل، غیر درجه دو هیل و هاسفورد<sup>۶</sup> را بر سمت راست منحنی حد شکل دهی بررسی کردند. نتایج آن ها نشان داد برای یک مقدار ضریب ناهمسانگردی مشخص، اثر ناهمسانگردی پلاستیک بر کرنشهای حدی در کشش دو محوری، به معیار تسلیم وابسته است [۵]. عاصم پور و همکاران، اثر توابع تسلیم هاسفورد و بانابیک-بالان-کمسا ۲۰۰۰ را بررسی کردند و نتیجه گرفتند کرنشهای حدی پیشبینی شده توسط معیار تسلیم هاسفورد با توان ۶ برای فولاد AK، و معیار تسلیم هاسفورد با توان ۸ برای آلیاژ آلومینیوم سری ۵۰۰۰ مطابقت خوبی با نتایج تجربی دارد [۶]. آقایی و همکاران بصورت تحلیلی منحنی حد شکلدهی را توسط معیار هاسفورد با به کارگیری رابطه سختشوندگی وس^، رابطه توانی و رابطه تیان-ژانگ<sup>۱۰</sup> برای آلیاژهای آلومینیوم ۳۱۰۵ و ۸۰۱۱ بدست آورده و با نتایج تجربی مقایسه کردند و قابلیت پیشبینی خوب کرنشهای حدی را برای دو رابطه وس و تیان-ژانگ نشان دادند [۷]. فانگ <sup>11</sup>و همکاران با مطالعه نمودار حد شکلدهی آلیاژ آلومینیوم ۱۰۶۰ نشان دادند که از بین دو معیار سخت شوندگی وس و سویفت<sup>۱۲</sup>، معیار وس برای بیشتر آلیاژهای آلومینیوم تطابق بیشتری با دادههای تجربی دارد [۸]. یانیچ<sup>۳</sup> و همکاران نمودار حد شکل دهی و حد تنش شکلدهی دو ورق فلزی را با استفاده از مدل مارسینیاک-کوزینسکی<sup>۱۱</sup> و معیارهای تسلیم ون میسز<sup>۱۵</sup>، هیل ۱۹۴۸ و معیار تسلیم بارلات

- 1 Xu
- 2 Vinman
- 3 Hill
- 4 Friedman
- 5 Pan
- 6 Hosford
- 7 Banabic-Balan-Comsa (BBC)
- 8 Voce
- 9 Power-law
- 10 Tian–Zhang
- 11 Fang
- 12 Swift
- 13 Panich
- 14 Marciniak-Kuczynski (M-K)
- 15 Von Mises

استفاده از مدل آسیب گارسن، حد شکلدهی ورق ساندویچی آلیاژ آلومینیوم ۳۱۰۵/ پلی پروپیلن/ آلیاژ آلومینیوم ۳۱۰۵ را پیش بینی کردند [۱۶]. کمی و همکاران به منظور تعیین منحنیهای حد شکلدهی ورق آلیاژ آلومینیو۲۶-۲۰۶ ناهمسانگرد، زیرروال ویومت<sup>۱</sup> مدل گارسن با معیار تسلیم هیل ۱۹۴۸ را توسعه دادند. آنها همچنین منحنیهای تحلیلی حد شکلدهی آلیاژ آلومینیوم حداکثر اصلاح شده<sup>۲</sup> به دست آوردند. نتایج آنها نشان داد منحنی حد شکلدهی پیش بینی شده توسط مدل گارسن مطابقت بیشتری با نتایج تجربی به خصوص در منطقه کشش دو محوری دارد [۱۷].

آلیاژهای آلومینیوم به واسطه شکل پذیری خوب، استحکام مکانیکی بالا، چگالی کم، هدایت حرارتی و الکتریکی بالا و مقاومت نسبتاً بالا به خوردگی از دسته آلیاژهای پرکاربرد و مورد توجه در صنعت شکل دهی میباشند. تعیین و تحلیل شکل پذیری ورقهای آلومینیومی میتواند در طراحی محصول و فرایند تولیدی، مؤثر واقع شود.

در پژوهش حاضر، یک مدل آسیب گارسن بر پایه هاسفورد جهت تعیین عددی منحنی حد شکلدهی برای ورق آلومینیوم ۳۱۰۵ با شبیهسازی آزمون ناکازیما و آزمون مارسینیاک اصلاح شده در نرمافزار آباکوس توسعه داده شده است. این مدل به صورت زیرروال ویومت در نرمافزار آباکوس ۲۰۱۴ وارد شد. همچنین پیشبینی عددی منحنی حد شکلدهی با استفاده از معیار تسلیم هیل ۱۹۴۸و معیار تسلیم هاسفورد صورت گرفته و نتایج بدست آمده با یکدیگر مقایسه شدند. علاوه بر این مقایسه اثر روابط سختشوندگی وس و رابطه توانی بر نمودار حد شکلدهی برای ورق آلومینیوم ۳۱۰۵ از طریق شبیهسازی بررسی شدند.

# ۲- توصيف روابط ساختاري

در این قسمت توابع تسلیم و روابط ساختاری مورداستفاده در تحلیل المان محدود ارائه شده است.

## ۲-۱- توابع تسليم

توابع تسلیم ناهمسانگرد هیل ۱۹۴۸، هاسفورد و مدل گارسن بر پایه هاسفورد برای پیشبینی عددی منحنی حد شکل دهی ورق آلیاژ

2 Modified Maximum Force Criterion (MMFC)

آلومینیوم ۳۱۰۵ مورد بررسی و مقایسه قرار گرفتهاند.

۱۹۴۸ تابع تسلیم هیل ۱۹۴۸  
تابع تسلیم هیل ۱۹۴۸ با توجه به رابطه (۱) بیان می گردد [۱۸]:  
$$\overline{\sigma} = \sqrt{\left(F\left(\sigma_{22} - \sigma_{33}\right)^{2} + G\left(\sigma_{33} - \sigma_{11}\right)^{2} + H\left(\sigma_{11} - \sigma_{22}\right)^{2}}$$
(۱)

 $+2L\sigma_{23}^{2}+2M\sigma_{31}^{2}+2N\sigma_{12}^{2}$ 

$$F = \frac{1}{2} \left( \frac{1}{R_{22}^2} + \frac{1}{R_{23}^2} - \frac{1}{R_{11}^2} \right)$$
(7)

$$G = \frac{1}{2} \left( \frac{1}{R_{11}^2} + \frac{1}{R_{33}^2} - \frac{1}{R_{22}^2} \right)$$
(°)

$$H = \frac{1}{2} \left( \frac{1}{R_{11}^2} + \frac{1}{R_{22}^2} - \frac{1}{R_{33}^2} \right)$$
(\*)

$$L = \frac{3}{2R_{23}^2} \tag{\Delta}$$

$$M = \frac{3}{2R_{13}^2}$$
 (۶)

$$N = \frac{3}{2R_{12}^2}$$
 (Y)

که  $R_{ij}$  ها ضرایب ناهمسانگردی هستند که با استفاده از آزمون کشش بدست آمدهاند و بر اساس پارامتر ناهمسانگردی در جهات مختلف طبق روابط (۸) تا (۱۱) محاسبه می شوند:

$$\frac{R_{11} = R_{13} = R_{23} = 1}{\left(\frac{R_{23} = R_{23}}{R_{23} = 1}\right)}$$
(A)

$$R_{22} = \sqrt{\frac{90(-0)}{R_0(R_{90}+1)}} \tag{9}$$

$$R_{33} = \sqrt{\frac{R_{90} \left(R_0 + 1\right)}{R_0 + R_{90}}} \tag{(1.)}$$

$$R_{12} = \sqrt{\frac{3R_{90}(R_0 + 1)}{(2R_{45} + 1)(R_{90} + R_0)}}$$
(11)

در روابط (۹) تا (۱۱)  $R_{45}$  و  $R_{90}$  و  $R_{90}$  به ترتیب ضرایب ناهمسانگردی در جهات ۰، ۴۵ و ۹۰ درجه نسبت به جهت نورد میباشند. به دلیل سادگی و دقت زیاد، معیار تسلیم هیل ۱۹۴۸ به طور گستردهای برای پیشبینی رفتار ورقهای فولادی ناهمسانگرد استفاده میشود. این تابع تسلیم مربعی تنها نیاز به تعداد محدودی از خواص مکانیکی برای تعیین شکل سطح تسلیم دارد. با این حال، به رغم استفاده گسترده، کاربرد معیار تسلیم هیل ۱۹۴۸ برای برخی از

<sup>1</sup> VUMAT

فلزات با R < 1 مثل آلومینیوم با مشکلاتی همراه است [۱].

۲-۱-۲- معیار تسلیم ناهمسانگرد هاسفورد هاسفورد بر اساس بررسیهای بلور شناسی، به طور مستقل از هیل، معیار تسلیم غیر مربعی را به صورت رابطه (۱۲) ارائه کرد:

$$\bar{\sigma}^{M} = F \left(\sigma_{22} - \sigma_{33}\right)^{M} + G \left(\sigma_{11} - \sigma_{33}\right)^{M} + H \left(\sigma_{22} - \sigma_{11}\right)^{M}$$
(17)

M در رابطه (۱۲)، پارامتر M توان بزرگتر از یک است. پارامتر M برای فلزات مکعبی با وجوه برای فلزات مکعبی با وجوه مرکزدار برابر  $\wedge$  در نظر گرفته می شود [۱۹].

معادله (۱۲)، در حالت تنش صفحهای و همسانگردی صفحهای به شکل رابطه (۱۳) نوشته میشود:

$$(1+R)\overline{\sigma}^{M} = (\sigma_{11})^{M} + (\sigma_{22})^{M} + R(\sigma_{11} - \sigma_{22})^{M}$$
(17)

۳-۱-۲ مدل آسیب گارسن

مدل گارسن به صورت رابطه (۱۴) بیان می شود [۱۳]:

$$\varphi = \left(\frac{\overline{\sigma}}{\sigma_{Y}}\right)^{2} + q_{1}f^{*}(f)\left[2\cosh\left(-q_{2}\frac{3_{m}}{2_{Y}}\right) - q_{1}f^{*}(f)\right] - 1$$
(14)

که  $\sigma$  تنش معادل،  $\sigma_{Y}$  استحکام تسلیم فلز پایه بدون حفره،  $q_{1}$  و  $r_{T}$  تنش هیدرواستاتیک،  $f^{*}$  تابعی از کسر حجمی حفرهها و  $q_{1}$  و  $q_{2}$  و  $q_{2}$  ثابتهایی هستند که برای مدلسازی دقیق تر در نظر گرفته شدهاند. چنانچه در مدل گارسن، برای  $\overline{\sigma}$  از معیار میسز استفاده شود، مدل گارسن ناهمسانگرد مانند هیل، هاسفورد و غیره استفاده شود، مدل گارسن ناهمسانگرد است و قابلیت توصیف رفتار مواد ناهمسانگرد را دارد.

پارامتر  $f^*$  توسط تورگارد و نیدلمن جهت شبیهسازی کاهش سریع استحکام در مراحل نهایی رشد حفرهها معرفی شد [۱۳]. در روش تورگارد-نیدلمن، زمانی که کسر حجمی حفرهها به مقدار بحرانی  $f_c$  میرسد، یک اصلاح در  $f^*$  به صورت رابطه (۱۵) درنظر گرفته میشود:

$$f^{*}(f) = \begin{cases} f, & \text{if } f < f_{c} \\ f_{c} + \frac{f_{F}^{*} - f_{c}}{f_{F} - f_{c}} (f - f_{c}) & \text{if } f \ge f_{c} \end{cases}$$
(14)

که ،  $f_{\mathcal{C}}$  کسر حجمی حفره بحرانی و  $f_F$  کسر حجمی حفره در

Void Volume Fraction (VVF)

نقطه شکست است. رشد و تکامل کسر حجمی حفره شامل دو بخش است: رشد حفرههای موجود و جوانهزنی حفرههای جدید. افزایش کسر حجمی حفره در مدل به صورت رابطه (۱۶) بیان می گردد:  $df = df_g + df_n$  (۱۶)

رشد حفرههای موجود (  $f_g$  ) و جوانهزنی حفره، (  $f_n$  ) بصورت رابطه (۱۷) محاسبه میشوند:

$$df_{g} = (1 - f) tr \left( d \overline{\varepsilon}_{p} \right) \quad , \ df_{n} = A d \overline{\varepsilon}_{p} \tag{14}$$

فرض میشود که جوانهزنی حفره، توسط کرنش پلاستیک کنترل میگردد. مقدار 1/از رابطه (۱۸) به دست میآید:

$$A = \frac{f_n}{S_N \sqrt{2\pi}} exp\left(-\frac{1}{2} (\frac{\overline{\varepsilon}_p - \varepsilon_N}{S_N})^2\right)$$
(1A)

که  $f_n$  بیانگر کسر حجمی حفرههای مستعد جوانهزنی است و بیشترین مقدار جوانهزنی حفره است.  $\stackrel{-}{s}_{\mathcal{D}}$ کرنش میانگین جوانهزنی بوده و  $S_N$  انحراف معیار است.

۲-۲- روابط سختشوندگی  
۱-۲-۲- رابطه توانی  
رابطه توانی به صورت رابطه (۱۹) است:  
$$\overline{\sigma} = k \ \overline{\varepsilon}^{\ n} \ \overline{\dot{\varepsilon}}^{\ m}$$

که *n* ، *k* و *m* ثابتهای مادهاند که به ترتیب ضریب استحکام، توان کارسختی و ضریب حساسیت به نرخ کرنش میباشند.

برخی از محققین گزارش کردهاند که رابطه توانی رفتار تنش-کرنش برخی از آلیاژهای آلومینیوم را به خوبی توصیف نمیکند. شواهد نشان میدهند که معادله اشباع تنش وس ممکن است مناسبتر باشد [۷].

## ۲-۲-۲ معادله وس

معادله وس به صورت رابطه (۲۰) است:

$$\sigma = A - (A - B)\exp(-C\varepsilon) \tag{7}$$

که A، B و C ثابتهای ماده میباشند. در فلزاتی مانند آلومینیوم، کاهش سرعت کرنش سختی و پدیده اشباع در منحنی سیلان رخ میدهد. رابطه توانی امکان توصیف پدیده اشباع را ندارد ولی در رابطه وس حضور عبارت نمایی، امکان توصیف پدیده اشباع شدن را فراهم میکند [۱].

## ۳- فرمولاسیون عددی معادلات ساختاری

به دلیل غیرخطی بودن رفتار یک ماده الاستوپلاستیک، مسأله به صورت نموی و مرحلهای حل میشود به گونهای که بتوان در هر مرحله رفتار را خطی فرض کرد. الگوریتم مورد استفاده بر اساس جدا کردن عملگرها است، که در آن یک اپراتور پیشبینی کننده الاستیک و یک عملگر اصلاحکننده پلاستیک مورد استفاده قرار میگیرد. مبانی تئوری پلاستیسیته مورد نیاز عبارتند از:

- تجزیه نمو کرنش به قسمت الاستیک  $darepsilon^e$  و قسمت پلاستیک  $darepsilon^p$  .

معیار تسلیم  $f(\sigma,q_lpha)$  که شروع تسلیم و ادامه آن را کنترل مینماید.  $q_lpha$  مجموعهای از متغیرهای داخلی است.

- کنترل سیلان پلاستیک و تعیین نمو کرنش پلاستیک توسط قانون سیلان.

- معادلات تکمیلی متغیرهای داخلی، شامل رابطه کرنش سختی [۲۰].

الگوریتم به روز رسانی تنش مورد استفاده در این پژوهش، الگوریتم نگاشت بازگشتی<sup>۱</sup> است. هدف الگوریتم نگاشت بازگشتی، گرفتن اطلاعات ( $\mathcal{E}_n, \mathcal{E}_n^p, q_n$ ) در زمان n و محاسبه ( $\mathcal{E}_{n+1}, \mathcal{E}_n^p, q_n$ ) در گام زمانی بعد و همچنین ارضا شرایط بارگذاری–باربرداری است. در این راستا دو روش انتگرال گیری جلو رونده اویلر<sup>۲</sup> و روش انتگرال گیری عقب رونده <sup>۳</sup> وجود دارد. در روش انتگرال گیری جلو رونده از اطلاعات لحظه قبل استفاده می شود، در نتیجه این اطلاعات الزاماً تابع تسلیم را ارضا نمی کنند. در روش انتگرال گیری عقب رونده از اطلاعات لحظه

الگوریتم نگاشت بازگشتی به روش انتگرال گیری اویلر عقب رونده به صورت زیر خلاصه شده است:

۱ – معرفی مقادیر اولیه کرنش پلاستیک و متغیر داخلی و اسکالر
 سیلان پلاستیک
 ۲ – محاسبه تنش حدسی
 ۳ – محاسبه نمو اسکالر سیلان پلاستیک، نمو تنش و نمو متغیر

داخلى

۴- بررسی شرایط تسلیم و همگرایی ۵- به روز رسانی مقادیر کرنش پلاستیک، متغیر داخلی و اسکالر سیلان پلاستیک [۲۰].

جزئیات وارد نمودن مدل آسیب گارسن در نرمافزار المان محدود آباکوس مطابق با مرجع [۱۴] صورت گرفته است.

۴- شبیهسازی

به منظور تحلیل عددی، دو آزمون ناکازیما و مارسینیاک اصلاح شده در نرمافزار آباکوس ۱۴.۶ شبیهسازی شد. ماده مورد آزمایش در این پژوهش، ورق آلومینیوم آلیاژی ۳۱۰۵ آنیل شده، با ترکیب شیمیایی مطابق با جدول ۱ و خواص مکانیکی مطابق با جدول ۲ است.

برای معیار هاسفورد و مدل گارسن، پارامترهای مربوط به خواص آلیاژ آلومینیوم ۳۱۰۵ مطابق با جداول ۲ و۳ در زیرروال ویومت اعمال شد. همچنین پارامترهای مربوط به روابط سختشوندگی توانی و وس مطابق با جدول ۴ در نظر گرفته شد.

# ۱-۴- شبیهسازی آزمون ناکازیما

در آزمون ناکازیما، از طریق کشش نمونههای با عرضهای مختلف با استفاده از سنبه نیمکره و قالب دایرهای، مسیرهای مختلف کرنش قابل حصول هستند. قطعاتی که باید جهت انجام تحلیل در قسمت مدلسازی نرمافزار ایجاد شوند، شامل یک ورق تغییر شکل پذیر و سه ابزار صلب به نامهای سنبه، ماتریس و نگهدارنده میباشند. ابزارها به دلیل این که ضخامت بسیار بیشتری نسبت به ورق دارند، تغییر شکلی در آنها وجود ندارد و به صورت صلب در نظر گرفته می شوند. در تمامي تحليلها ابعاد اجزاي صلب يكسان بوده و تنها ابعاد ورق تغيير مى كند. مطابق با روش توصيف شده در استاندارد بين المللى ايزو (۲۰۰۸) ۲- ۱۲۰۰۴، حداقل پنج نمونه ورق برای دستیابی به مسیرهای مختلف کرنش نیاز است. در این پژوهش شش نمونه ورق با عرضهای ۴۵، ۷۵، ۹۰،۱۳۰، ۱۵۰ میلیمتر و یک نمونه کاملاً دایرهای مورد تجزیه و تحلیل قرار گرفته است. کرنشهای حدی مربوط به هر یک از این حالتها به طور میانگین از نتایج شش آزمون ناکازیما به دست آمده است. هندسه ورق شبیهسازی شده در شکل ا نشان داده شده است. پارامتر W نشاندهنده عرض ورق میباشد.

<sup>1</sup> Return mapping algorithm

<sup>2</sup> Forward Euler integration

<sup>3</sup> Backward Euler

جدول۱: ترکیبات شیمیایی ورق آلیاژ آلومینیوم ۳۱۰۵ [۷].	
Table 1: Chemical composition of AA3105 alloy sheet [7	7]

Ga	V	Cr	Ti	Zn	Fe	Si	Mg	Mn	Cu	Al
۰/۰۱	۰/۰ ۱	۰/۰۲	۰/۰ ۱	۳۳/	۰/۸۱	•/77	۰/۶۱	۰/۶۷	۰/۲۳	پايە

#### جدول ۲: خواص مكانيكي آلياژ آلومينيوم ۳۱۰۵ [۷].

#### Table 2: Mechanical Properties of AA3105 alloy [7]

ضخامت، mm	چگالى، <sup>3-</sup> g. cm	مدول يانگ، GPa	نسبت پواسون	نوع ماده
١	۲/۷	٧٠	۰/٣٣	آلومينيوم ۳۱۰۵

جدول ۳: پارامترهای مدل گارسن برای آلیاژ آلومینیوم ۳۱۰۵ [۱۶]. Table 3: GTN model parameters for the alloy AA3105 [16]

$f_0$	$f_N$	$f_c$	$f_{f}$	$\epsilon_N$	$S_N$	$q_1$	$q_2$
• / • 1	•/•۶	• / ١	۰/۱۵	• / • A	• / ١	١/۵	۲/۲۵

## جدول ۴: پارامترهای ساختاری رابطه توانی و وس [۷]. Table 4: Constitutive parameters of power law and Voce rules [7]

	رابطه وس		رابطه توانى	آلياژ
С	B, MPa	A , MPa	n m K,MPa	
11/29	47/11	149/78	•/٣• •/•••٢ ٢۵۵	آلومينيوم ٣١٠٥



شکل ۱: هندسه ورق به کار برده شده در شبیهسازی آزمون ناکازیما [۱۷]. Fig. 1: Sheet geometry used in the simulation of the Nakazima test [17]

۱–۱–۴- نحوه محاسبه پارامترهای مربوط به معیار هیل ۱۹۴۸ در آباکوس:

در نرمافزار آباکوس به منظور اعمال معیار تسلیم هیل ۱۹۴۸،  $R_{23}, R_{13}, R_{12}, R_{33}, R_{22}, R_{11}$  پارامترهای پارامترهای  $R_{45}, R_{0}$  و  $R_{45}, R_{0}$  محاسبه شوند و به عنوان ورودی در قاسمت خواص به نرمافزار معرفی شوند. مقادیر ضرایب ناهمسانگردی

در جهات <sup>°</sup> ۰ ، <sup>°</sup> ۴۵ و <sup>°</sup> ۹۰ حاصل از پژوهش آقایی و همکاران در جدول ۵ نشان داده شده است.

محاسبه  $R_{23}, R_{13}, R_{12}, R_{33}, R_{22}, R_{11}$  محاسبه شده، در جدول ۶ بیان شده است.

به جهت آنکه نرمافزار آباکوس معیارهای هاسفورد و مدل گارسن بر پایه معیار هاسفورد را دارا نیست، جهت تعیین خواص پلاستیسیته میبایست از زیرروال استفاده نمود. در این تحقیق از حل گر صریح و کد زیرروال ویومت به زبان فرترن جهت بررسی رفتار مکانیکی آلیاژ آلومینیوم ۳۱۰۵ استفاده شده است.

فرآیند شبیه سازی در دو مرحله انجام می شود. در مرحله اول ورقگیر که در ابتدا بر روی سطح ورق مماس است، به سمت بالا حرکت می کند. نیروی ورق گیری برابر با ۱۰۰ کیلو نیوتون به ورق وارد می شود تا طبق استاندارد از ورود ورق به ناحیه در معرض کشش جلوگیری شود. در مرحله دوم، سنبه با سرعت ثابت در راستای محور خود حرکت کرده و تا پارگی ورق پیش می رود. در هر دو مرحله از اعمال نیرو به سنبه خودداری شده و فرآیند کاملاً مطابق روال عملی با کنترل جابجایی و با سرعت ثابت تعریف شده است. به طور کلی در

.[٧]	31.0	الومينيوم	ای الیاژ	ئردی بر	ناهمسانگ	پارامتر	: مقادير	ندول ۵	÷
Table	5: A	nisotrop	y para	meter	values	for AA	43105	alloy	7]

$R^*$	$R_{90}$	$R_{45}$	$R_{0}$	آلياژ
۰/۳۱۲	٠/١٩٨	•/474	•/٢•٢	آلومينيوم ٣١٠۵

جدول ۶: ضرایب ناهمسانگردی بر اساس معیار تسلیم ناهمسانگرد هیل ۱۹۴۸. Table 6: Anisotropy coefficients based on anisotropic Hill 1948 yield criterion

$R_{11}$	R <sub>22</sub>	<i>R</i> <sub>33</sub>	$R_{12}$	$R_{13}$	<i>R</i> <sub>23</sub>
١	٠/٩٩١	• /YY 1	۰/۹۸۳	١	١



شکل ۲: مدلسازی قطعات آزمون ناکازیما Fig. 2: Modeling of the parts of the Nakazima test



شکل ۳: مشبندی یک چهارم ورق با عرض ۱۳۰ میلیمتر. Fig. 3: Quarter sheet meshing with a width of 130 mm

نازکترین المان در نظر گرفته شده است. به هنگام بروز گلویی موضعی، تغییر ناگهانی در رفتار کرنش المان انتخابی مشاهده میشود. با رسم نمودار تغییرات کرنشهای اصلی در راستای ضخامت ورق بر حسب زمان، یک زانویی ایجاد میشود که نمایان گر تغییرات بیشتر کرنش نسبت به زمان است. در این لحظه، مشتق دوم کرنش نسبت به زمان مقدار بیشینهی خود را دارد. با رسم تغییرات مشتق دوم کرنش بر حسب زمان میتوان شروع گلویی در نقطهی پیک نمودار را به دست آورد. با انجام آنالیز شبه استاتیک، این نکته باید مورد توجه قرار گیرد که دامنه اعمال بارگذاری ها باید بصورت هموار انجام گیرد. از این رو دامنه حرکت سنبه را از نوع ملایم ٔ تعریف میکنیم تا حرکت سنبه در طی فاصله مد نظر بصورت آرام و هموار انجام گیرد. در حل اجزای محدود، انتخاب نوع المانها و تعداد آنها بسيار مهم است. نوع المان به کار رفته باید متناسب با شرایط و فیزیک مسأله باشد. در این شبیه سازی برای مشبندی ورق از المان نوع CTDAR یک المان هشت گرهای متقارن، با انتگرال کاهش یافته<sup>۳</sup> استفاده شده است. به منظور استخراج دقيق تنشها و كرنشها، تعداد سه المان در راستاي ضخامت ورق در نظر گرفته شد. شرایط اصطکاکی بین ورق فلزی و ابزار با مدل کولمب<sup>†</sup> توصیف شده است. مقادیر ضریب اصطکاک ۰/۰۳ برای سطح سنبه و ۰/۱ برای سطوح قالب و نگهدارنده در نظر گرفته شد. بدلیل تقارن و به منظور کاهش حجم محاسبات، ورقها بصورت یک چهارم شبیهسازی شدند. در تمامی مراحل، شرط مرزی تقارن در دو قسمت لبه ورق که دارای تقارن هندسی بوده، اعمال شد. در شکل ۲ مدلسازی قطعات آزمون ناکازیما نشان داده شده است.

نحوهی مشبندی نمونه ورق با عرض ۱۳۰ میلیمتر در شکل ۳ نشان داده شده است.

# ۲-۱-۴- مراحل رسم نمودار حد شکلدهی

در این پژوهش، از روش پیتک<sup><sup>۵</sup> و همکاران برای تعیین آغاز گلویی موضعی استفاده شده است [۲۱]. در این الگوریتم برای تعیین گلویی موضعی، کرنش مومسان در راستای ضخامت در</sup>

Amplitude

<sup>2</sup> Smooth

<sup>3</sup> Reduced integration

<sup>4</sup> Coulomb's model

<sup>5</sup> Petek





(Unit: mm)

Specimen blank

Washer



نسبت کرنش	D	R	W	نوع
منفى	-	٩٠	۲.	١
منفى	-	VV/۵	40	١
منفى	44	-	1	٢
منفى	44	-	17.	٢
کرنش صفحه ای	44	۳۷/۵	120	٣
مثبت	44	۳۲/۵	۱۳۵	٣
اتساع دو محوری متقارن	٣٣	-	7	۴

جدول ۷ : ابعاد نمونههای ورق و واشر [۲۲].	
Table 7: Dimensions of sheets and washers	[22].

مراحل ذکر شده برای هر نمونه، نقطههای مختلف نمودار حد شکلدهی به دست میآیند.

# ۴-۲- شبیهسازی آزمون مارسینیاک اصلاح شده

برای شبیه سازی آزمون مارسینیاک اصلاح شده، کلیه مراحل شبیه سازی مشابه با آزمون ناکازیما انجام گرفت. با این تفاوت که همانطور که در شکل ۴ نشان داده شده است، سنبه به کار گرفته شده در این آزمون دارای سطح صاف است و علاوه بر قطعات مورد استفاده در آزمون ناکازیما از یک واشر فلزی با خصوصیات ورق استفاده شده است.

ابعاد نمونههای ورق و واشر مطابق با پژوهش لی<sup>۰</sup> و همکاران انتخاب شد (شکل ۵ و جدول ۷) [۲۲].

شرایط مرزی اعمال شده در آزمون مارسینیاک در شکل ۶ نشان داده شده است.

## ۵- نتایج و بحث

به منظور مقایسه نمودار تنش – کرنش با نمودار تجربی، شبیه سازی آزمون کشش تک محوری برای نمونه صورت گرفت. پس از اتمام حل، منحنی تنش – کرنش حاصل از شبیه سازی رسم شد. جهت به دست آوردن منحنی های تنش – کرنش از مقادیر نیرو – جابجایی استفاده شده است. منحنی تنش – کرنش حقیقی حاصل از شبیه سازی در شکل ۷ نشان داده شده است. همانطور که مشاهده می شود، منحنی تنش – کرنش حقیقی آزمون کشش تک محوری آلیاژ آلومینیوم ۳۱۰۵ با نتایج تجربی آقایی و همکاران تطابق خوبی دارد [۷]. این تطابق نشان دهنده صحت الگوریتم و زیرروال ویومت مورد استفاده در این تحقیق است.

بهدلیل رشد و بههم پیوستن حفرهها در ماده پس از بار حداکثر، پدیده شکست نرم رخ میدهد. این امر در نمودار سیلان به صورت افت ناگهانی تنش و شکست نمونه قابل مشاهده است. هرچند پدیده افت تنش و شکست نرم را با استفاده از شبیهسازیهای مرسوم نمیتوان نشان داد ولی امروزه مدلهای عددی مبتنی بر معادلات بنیادین

1 Lee



شکل۸ : مقایسه منحنی تنش–کرنش حاصل از شبیهسازی آلیاژ آلومینیوم ۳۱۰۵ با استفاده از معیار هاسفورد با درنظر گرفتن رابطه وس و توانی به همراه نتایج تجربی.

Fig. 8: Comparison of stress-strain curve obtained from simulating AA3105 alloy using the Hosford criterion considering the power and voce rules with experimental results





۵–۱– مقایسه نمودار حد شکلدهی حاصل از روابط سختشوندگی
 وس و توانی
 مقایسه منحنی تنش-کرنش آلیاژ آلومینیوم ۳۱۰۵ حاصل از



شکل ۶: شرایط مرزی اعمال شده در آزمون مارسینیاک. Fig. 6: Boundary conditions applied to the Marciniak test



شکل ۷: مقایسه منحنی تنش-کرنش حقیقی حاصل از شبیهسازی آلیاژ آلومینیوم ۳۱۰۵ با نتایج تجربی. Fig. 7: Comparison of the true stress- strain curve obtained from simulating AA3105 alloy with

experimental results

مربوط به مواد متخلخل مثل مدل گارسن به طور گستردهای برای شبیه سازی شکست نرم به کار برده می شوند. این مدل های تجربی، توابع تسلیم و توابع پتانسیلی را به کار می برند که تخلخل را به عنوان یک متغیر داخلی که عامل نرم شدن است در نظر می گیرند. مدل گارسن چنانچه در شکل ۷ نشان داده شده می تواند به وضوح این پدیده را نشان دهد. در صورتی که در معادلات سخت شوندگی معمول از جمله معادلات وس، سویفت و رابطه توانی نمودار سیلان، افزایشی است و قادر به نمایش نرم شوندگی ماده نیستند.



شکل ۱۰: توزیع کرنش در لحظه گلویی حاصل از شبیه سازی آزمون ناکازیما برای آلیاژ آلومینیوم ۳۱۰۵ با استفاده از معیار هاسفورد. (الف)عرض ۴۵ میلیمتر ، (ب) عرض ۷۵ میلیمتر، (ج) عرض ۱۳۰ میلیمتر و (د) ورق کامل.

Strain distribution at the necking time obtained from the simulation of the Nakazima test for the AA3105 alloy :10 .Fig using the Hosford criterion. (A) 45, (b) 75, (c) 130 mm and (d) full sheet

شبیهسازی آزمون کشش تک محوری با استفاده از معیار هاسفورد با در نظر گرفتن دو رابطه سختشوندگی وس و توانی در شکل ۸ نشان داده شده است. همانطور که مشاهده میشود، منحنی سیلان حاصل از رابطه وس از تطابق بیشتری با نتایج تجربی برخوردار است.

مقایسه نمودار حد شکلدهی پیش بینی شده بر اساس روابط توانی و وس با استفاده از معیار هاسفورد با نتایج تجربی در شکل ۹ نشان داده شده است. هرچند در آزمون کشش تک محوری نتایج شبیه سازی معادله وس و توانی به هم نزدیک است ولی به دلیل حالتهای مختلف تنش (کشش دو محوری و حالت کرنش مسطح) در منحنی حد شکل دهی پیش بینی این معادلات متفاوت است.

در آلومینیوم و برخی از آلیاژهای دیگر مقدار توان کارسختی  $n = \frac{d \ln \sigma}{d \ln c}$ ) در طول تغییر شکل ثابت نبوده و با افزایش کرنش، کاهش می یابد. این اثر در معادله توانی با n ثابت نشان داده نمی شود ولی در معادله وس توان کارسختی، با افزایش کرنش کاهش یافته و می تواند در کرنشهای زیاد، حالت اشباع تنش که در تغییر شکلهای می تواند در کرنشهای زیاد، حالت اشباع تنش که در تغییر شکلهای زیاد قابل مشاهده است را نشان دهد. این پدیده می تواند دلیل دیگری برای اختلاف مقادیر پیش بینی شده معادله توانی و معادله وس باشد. به زیاد قابل مشاهده است را نشان دهد. این پدیده می تواند دلیل دیگری این تر تیب مقدار کرنش یکنواخت که بر اساس معیار کانسیدر از محل این تر تیب مقدار کرنش یکنواخت که بر اساس معیار کانسیدر از محل وس و هولمان متفاوت خواهد بود. با توجه به نتایج بدست آمده برای

آلیاژ آلومینیوم ۳۱۰۵ مقدار تجربی کرنش یکنواخت ۷/۲۱۹ بوده و این مقدار بر اساس پیشبینی معادلات وس و هولمان بهترتیب ۱۹۷۷ و ۱۳/۲ است. به این ترتیب معادله هولمان کرنش یکنواخت بیشتری را پیشبینی کرده و در نتیجه مقدار کرنش حدی پایه<sup>۱</sup> در نمودار حد شکلدهی پیشبینی شده توسط معادله هولمان بیشتر از پیشبینی معادله وس است.

برخلاف معادله توانی، معادله ساختاری وس در پیش بینی نمودار حد شکل دهی بهتر عمل کرده، به طوری که دادههای آن بسیار نزدیک به دادههای تجربی بدست آمده است.

# ۵-۲- نتایج شبیهسازی آزمون ناکازیما با معیار هاسفورد

کانتور کرنش ماکزیمم برای ورقهای آلومینیوم ۳۱۰۵ با عرض ۴۵، ۱۳۰،۷۵ میلیمتر و ورق کامل در شکل ۱۰ نشان داده شده است. همانطور که مشاهده میشود، تمرکز کرنش در قله ورق رخ داده است.

# ۵–۳– بررسی آزمون ناکازیما با مدل گارسن

کانتور کرنش ماکزیمم حاصل از شبیه سازی آزمون ناکازیما با مدل گارسن بر پایه معیار هاسفورد برای ورق آلومینیوم ۳۱۰۵ با



شکل ۱۱: توزیع کرنش در لحظه گلویی حاصل از شبیه سازی آزمون ناکازیما برای آلیاژ آلومینیوم ۳۱۰۵ با استفاده از مدل گارسن بر پایه هاسفورد. (الف) عرض ۴۵ میلیمتر ، (ب) عرض ۷۵ میلیمتر، (ج) عرض ۱۳ میلیمتر، (ج) عرض ۱۳۰ میلیمتر ، ه) عرض ۱۵۰ میلیمتر و) ورق کامل.

Fig. 11: Strain distribution at the necking time resulting from the simulation of the Nakazima test for the AA3105 alloy using the GTN model based on Hosford. A) width 45 mm, b) width 75 mm, c) width 90 mm, d) width 130 mm, e) width 150 mm, and) full sheet



فلزات نرم معمولاً دارای حفرهها و تخلخل میباشند و در حین فرآیند تغییر شکل پلاستیک بر کسر حجمی آنها افزوده میشود. نهایتاً با پیوستن این حفرهها به یکدیگر، فلز دچار پارگی و شکست میشود. از آنجاییکه مدل گارسن معیار تسلیمی است که پارامتر کسر حجمی حفرهها را در نظر میگیرد، میتواند جهت بررسی و آنالیز میزان حفرهها و تغییرشان در حین تغییرشکل، مورد استفاده قرار گیرد. تغییرات کسر حجمی برای یک نمونه چند المانی مطابق با شکل ۱۲ بررسی شده است. به منظور تعیین دقیق مکان حفرهها، ورق بدون تقارن و به صورت کامل شبیهسازی شده است. با توجه به نمونه دارای بیشترین مقدار است که این نشاندهنده مستعد بودن این ناحیه برای شکست و پارگی است. در صورت مقایسه با کانتور کرنش ماکزیمم (شکل ۱۱) میتوان نتیجه گرفت در گنبد نمونه که



شكل ۱۲: كانتور كسر حجمى حفرهها براى نمونه با عرض ۴۵ ميلىمتر. Fig. 12: Void volume fraction contour for specimen with a width of 45 mm

در شکل ۱۳ نمودار تغییرات کسر حجمی حفرهها نسبت به زمان فرآیند حاصل از شبیه سازی آزمون ناکازیما با مدل گارسن بر پایه معیار هاسفورد نشان داده شده است. زمانی که ورق متخلخل تحت اثر اعمال تنش کششی قرار گیرد، میزان حجم آزاد یا حفرهها، رشد کرده و افزایش مییابند. با افزایش



شکل ۱۴: تغییرات کسر حجمی حفرهها در طول نمونه. Fig. 14: Voids volume fraction variations along the sample

تعیین عددی نمودار حد شکلدهی برای آلیاژ آلومینیوم ۳۱۰۵ با معیارهای هیل ۱۹۴۸، هاسفورد و مدل گارسن بر پایه هاسفورد صورت گرفت. مقایسه آنها در شکل ۱۶ نشان داده شده است.

همانطور که مشاهده میشود منحنی نمودار حد شکل دهی بدست آمده از آمده توسط معیار هیل بالاتر از منحنی حد شکل دهی بدست آمده از دو معیار هاسفورد و مدل گارسن بر پایه معیار هاسفورد قرار گرفته است. بنابراین میتوان نتیجه گرفت که منحنی حد شکل دهی حاصل از معیار هاسفورد و مدل گارسن بر پایه معیار هاسفورد برای آلیاژ آلومینیوم ۲۰۱۵ با نتایج تجربی آقایی و همکاران مطابقت بیشتری دارد [۷]. همچنین منحنی حد شکل دهی حاصل از مدل گارسن بر پایه معیار هاسفورد نیز پایین تر از دو معیار دیگر قرار گرفته است. دلیل آن مربوط به در نظر گرفتن حفرهها موجود و رشد آنها است. به دلیل حضور حفرهها در ماده، در اثر اعمال تنشهای کششی، رشد و پیوستن حفرهها در ماده، در اثر اعمال تنشهای کششی، مطح منحنی شکل دهی و کاهش میزان شکل پذیری ماده شده و موجب شکست ماده در کرنشهای کمتر میشود. با مقایسه نتایج منحنی حد شکل دهی بدست آمده در این پژوهش با نتایج منحنی



شکل ۱۳: رشد حفرهها در آزمون ناکازیما برای نمونه آلیاژ آلومینیوم ۳۱۰۵ با عرض ۷۵ میلیمتر. Fig. 13: Growth of voids in the Nakazima test for a sample of AA3105 alloy with a width of 75 mm

تنش، حفرهها به یکدیگر می پیوندند و موجب پارگی ماده می شوند. همانطور که در شکل ۱۳ ملاحظه می گردد، کسر حجمی حفرهها با رسیدن به کسر حجمی بحرانی ( $(-)=f_c$ ) در زمان گلویی، به یکباره افزایش یافته و با رسیدن به میزان کسر حجمی شکست ( $(-)=f_c$ )، پارگی و شکست در ماده رخ می دهد. همچنین میزان تغییرات کسر حجمی حفرهها در نمونه، با استفاده از ابزار مسیر در نرم افزار آباکوس، بررسی شد و نتایج آن در شکل ۱۴ نشان داده شده است. همانطور که مشاهده می گردد، در لبه ورق مینیمم کسر حجمی حفرهها را داریم. با اعمال تنش کششی، حفرهها رشد کرده و در گنبد ورق به بیشترین مقدار خود می رسند. به همین دلیل شکست ماده در گنبد ورق رخ می دهد.

۵-۴- مقایسه نمودارهای حد شکلدهی حاصل از سه معیار هیل ۱۹۴۸، هاسفورد و مدل گارسن

به منظور تعیین کرنشهای اصلی و فرعی بر اساس روش پیتک، نمودار کرنش در راستای ضخامت برحسب زمان در ناحیه گلویی موضعی برای هر شش ورق شبیهسازی شده رسم شد. نحوه تعیین زمان گلویی برای ورق با عرض ۱۳۰ میلیمتر در شکل ۱۵ نشان داده شده است. در زمان وقوع گلویی، یک تغییر شکل ناگهانی در نمودار مشاهده میشود. در مرحله بعد، اولین و دومین مشتقهای کرنش محاسبه میشوند. با مشخص شدن لحظه گلویی، کرنشهای اصلی و فرعی از روی نمودار بدست میآیند.

1 Path



شکل ۱۵: نحوه تعیین زمان گلویی و کرنشهای اصلی و فرعی. الف)نمودار کرنش ضخامتی بر حسب زمان برای ورق با عرض ۱۳۰ میلیمتر، ب ) نمودار مشتق دوم کرنش ضخامتی بر حسب زمان برای ورق با عرض ۱۳۰ میلیمتر در آزمون ناکازیما.

Fig. 15: Calculation the time of the necking and the major and the minor strains. a) Thickness strain- time diagram for a sheet with a width of 130 mm; (b) second derivative diagram of the thickness strain - time for a sheet with a width of 130 mm in the Nakazima test

حد شکلدهی حاصل از مدل گارسن بر پایه معیار هیل ۱۹۴۸ بر روی آلیاژ آلومینیوم T۴- ۲۶۰۱۶در پژوهش کمی و همکاران، مشخص شد منحنیهای حد شکلدهی اختلاف جزئی با یکدیگر دارند که این اختلاف را میتوان به تفاوت معیار تسلیم به کار رفته شده نسبت داد.

۵-۵- مقایسه نمودار حد شکلدهی حاصل از دو آزمون ناکازیما و مارسینیاک

کانتور کرنش ماکزیمم حاصل از شبیهسازی آزمون مارسینیاک با معیار تسلیم هاسفورد مربوط به آلیاژ آلومینیوم ۳۱۰۵ برای نمونه دو<sup>۱</sup> در شکل ۱۷ نشان داده شده است.

منحنیهای حد شکلدهی بدست آمده از آزمون ناکازیما و مارسینیاک اصلاح شده برای آلیاژ آلومینیوم ۳۱۰۵ با معیار تسلیم



شکل ۱۶: مقایسه نمودارهای حد شکلدهی بدست آمده از معیارهای هیل ۱۹۴۸، هاسفورد و مدل گارسن با نتایج تجربی.



1 type 2







هاسفورد، در شکل ۱۸ نشان داده شده است. آزمون ناکازیما یک آزمایش خارج صفحهای است که شرایط هندسی نمونهها و اصطکاک بین نمونه و سنبه، نقش اصلی را در جابهجایی پیوسته محل تمرکز کرنش از ناحیه شروع شده دارند. در آزمون مارسینیاک اصلاح شده، حفره مرکزی واشر، شرایط گسترش آزاد نمونه را فراهم میکند. بنابراین نمودار حد شکلدهی در آزمون ناکازیما بالاتر از آزمون مارسینیاک قرار می گیرد. مطابقت این نتیجه با نتایج تجربی مشکسار و منصورزاده [۲۳] در شکل ۱۸ دیده می شود .

## ۶- نتیجهگیری

در این پژوهش مقایسه معیار تسلیم هیل ۱۹۴۸، معیار تسلیم هاسفورد و مدل گارسن بر پایه معیار هاسفورد بر منحنی حد شکلدهی ورق فلزی از طریق شبیهسازی اجزای محدود صورت گرفته است. نتایج به شرح ذیل میباشند:

 بررسیهای حاصل از مقایسه معیار تسلیم هیل ۱۹۴۸، معیار تسلیم هاسفورد و مدل گارسن بر پایه معیار هاسفورد نشان دادند معیار هاسفورد و مدل گارسن منحنی حد شکلدهی آلیاژ آلومینیوم ۳۱۰۵ را دقیقتر و منطبق با نتایج تجربی پیشبینی میکنند.

بر اساس مقایسه نتایج تجربی حد شکلدهی آلیاژ آلومینیوم
 ۳۱۰۵ با حد شکلدهی عددی حاصل از روابط سخت شوندگی،
 میتوان نتیجه گرفت رابطه توانی، کرنشهای حدی را بالاتر از مقادیر
 تجربی پیشبینی میکند و رابطه وس برای آلیاژهای آلومینیوم







مناسب است.

 با استفاده از مدل گارسن میتوان نرمشوندگی در ماده را مشاهده نمود در صورتی که روابط سختشوندگی معمول از جمله روابط وس و توانی قابلیت نمایش نرمشوندگی در ماده را ندارند.

 نتایج حاصل از شبیه سازی آزمون ناکازیما و مارسینیاک اصلاح شده در نرمافزار آباکوس نشان دادند هر دو آزمون برای تعیین منحنی حد شکل دهی مناسب اند اما منحنی حد شکل دهی حاصل از آزمون مارسینیاک اصلاح شده، بالاتر از منحنی حد شکل دهی حاصل از آزمون ناکازیما قرار می گیرد. همچنین کرنش های حدی در آزمون مارسینیاک اصلاح شده دقیق تر محاسبه می شوند.

	فهرست علائم
	علائم انگلیسی
پارامترهای معیار تسلیم هیل و هاسفورد	N, M, L, H, G, F
مدول الاستيسيته، N/m²	Ε
پارامتر ناهمسانگردی	R
ضريب استحكام، MPa	Κ
ضريب حساسيت به نرخ كرنش	т
توان كارسختى	n
انحراف معيار	$S_{\scriptscriptstyle N}$
ثابتهای مدل گارسن	$a_{2}a_{3}$
پارامترهای ساختاری رابطه وس	C, B, A

of Nonferrous Metals Society of China, vol.22 (2012) 343-349.

- [9] S. Panich, F. Barlat, V. Uthaisangsuk, S. Suranuntchai, S. Jirathearanat, Experimental and theoretical formability analysis using strain and stress based forming limit diagram for advanced high strength steels, Materials & Design, 51 (2013) 756–766.
- [10] E. Karajibani, R. Hashemi, M. Sedighi, Determination of Forming Limit Curve in Two-Layer Metallic Sheets using the Finite Element Simulation, Journal of Materials Design and Applications, 230 (2015) 1018–1029.
- [11] C. Zhang, L. Leotoing, G. Zhao, D. Guines, E. Ragneau, comparative study of different necking criteria for numerical and experimental prediction of FLCs, Journal of Materials Engineering and Performance, 20 (2011) 1036-1042.
- [12] J.Samei, D.E.Green, J.Cheng, M.Lima, Influence of strain path on nucleation and growth of voids in dual phase steel sheets, Materials and Design, 92 (2016) 1028–1037.
- [13] V. Tvergaard, A. Needleman, Analysis of the cupcone fracture in a round tensile bar, Acta metallurgica, 32(1) (1984) 157-169.
- [14] Z. Chen, X. Dong, The GTN damage model based on Hill'48 anisotropic yield criterion and its application in sheet metal forming, Computational Materials Science, 44 (2009) 1013–1021.
- [15] M. Abbasi, M.A. Shafaat, M. Ketabchi, D.F. Haghshenas, Mo.Abbasi, Application of the GTN model to predict the forming limit diagram of IF-Steel, Journal of Mechanical science and Technology, 26(2) (2012) 345-352.
- [16] M.H. Parsa, M. Ettehad, P.H. Matin, S.N.A. Ahkami, Experimental and Numerical Determination of Limiting Drawing Ratio of Al3105- Polypropylene-Al3105 Sandwich Sheets, Journal of Engineering Materials and Technology, 132 (2010).
- [17] A. Kami, B.M. Dariani, A.S. Vanini, D.S. Comsa, D. Banabic, Numerical determination of the forming limit

منابع

علائم يوناني

- M.Aghaie, Formability of Metals, K.N. Toosi University of Technology 2015, (in Persion).
- [2] S.P. Keeler, W.A. Backhofen, Plastic instability and fracture in sheet stretched over rigid punches, ASM Transactions Quarterly, 56 (1964) 25-48.
- [3] G. Goodwin, Application of strain analysis to sheet metal forming in the press shop, (1968) 1-12.
- [4] S. Xu, K.J. Weinmann, Prediction of forming limit curves of sheet metal using Hill's (1993) user-friendly yield criterion of anisotropic materials, International Journal of Mechanical Sciences, 40 (1998) 913–925.
- [5] P. Friedman, J. Pan, Effect of plastic anisotropic and yield criteria on prediction of forming limit curves, International Journal of Mechanical Sciences, 42 (2000) 29-48.
- [6] M. Ganjiani, A. Assempour, An improved analytical approach for determination of forming limit diagrams considering the effects of yield functions, Journal of Materials Processing Technology, 182 (2007) 598-607.
- [7] M. Aghaie-Khafri, R. Mahmudi, Predicting of plastic instability and forming limit diagrams, International Journal of Mechanical Sciences 46 (2004) 1289–1306.
- [8] G. Fang, L. Qing-Jun, L. Li-Ping, Z. Pan, Comparative analysis between stress- and strain-based forming limit diagrams for aluminum alloy sheet 1060, Transaction

method for determining forming limit diagram in the digital environment, J. of Mechanical Engineering, 51 (2005) 330–345.

- [22] H.J. Bong, F. Barlat, M.G. Lee, D.C. Ahn, The forming limit diagram of ferritic stainless steel sheets: Experiments and modeling, International Journal of Mechanical Sciences, 64 (2012) 1-10.
- [23] M. Moshksar, S. Mansorzadeh, Determination of the forming limit diagram for Al 3105 sheet, Journal of Materials Processing Technology, 141 (2003) 138-142.

curves of anisotropic sheet metals using GTN damage model,, Journal of Materials Processing Technology, 216 (2015) 472–483.

- [18] W. Hosford, R. Caddell, Metal forming mechanics and metallurgy, Cambridge University Press, 2007.
- [19] D. Banabic, Formability of metallic materials, 2000.
- [20] T. Belytschko, W.K. Liu, B. Moran, K. Elkhodary, Nonlinear finite elements for continua and structures, John wiley & sons, 2013.
- [21] A.Petek, T.Pepelnjak, K.Kuzman, An improved