نشریه مهندسی مکانیک امیرکبیر



نشریه مهندسی مکانیک امیرکبیر، دوره ۵۲، شماره ۸، سال ۱۳۹۹، صفحات ۲۱۰۷ تا ۲۱۲۲ DOI: 10.22060/mej.2019.15514.6142

## بهینهسازی پارامترهای مؤثر بر کمانش حرارتی صفحات کامپوزیت هیبریدی حاوی گشودگی با استفاده از الگوریتم ژنتیک

سجاد مهدوی، علیرضا شاطرزاده\*، محمد جعفری

دانشکده مهندسی مکانیک، دانشگاه صنعتی شاهرود، شاهرود، ایران

تاريخچه داوري: خلاصه: بهینهسازی در طراحی و نگهداری بسیاری از سیستمهای مهندسی، اقتصادی و حتی اجتماعی بهمنظور حداقل دریافت: ۲۵–۱۳۹۷–۱۳۹۷ کردن هزینه لازم و یا حداکثر کردن سود کاربرد دارد. در تحلیل کمانش صفحات کامپوزیت هیبریدی حاوی گشودگی، هندسه گشودگی، زاویه الیاف، نسبت اندازه گشودگی به اندازه صفحه، نرمینگی گوشههای گشودگی و زاویه چرخش گشودگی از جمله پارامترهای تأثیرگذار بر کمانش هستند. از این رو در این تحقیق سعی شده تا با استفاده از روش الگوریتم ژنتیک، پارامترهای بهینه جهت دستیابی به حداکثر مقدار دمای بحرانی کمانش صفحات کامپوزیت هیبریدی حاوی گشودگیهای چندضلعی در شرایط مرزی مختلف و آرایش متفاوت لایهها، که تحت افزایش دمای یکنواخت هستند، معرفی شود. گشودگیهای مورد نظر در این مطالعه، دایره، پنج ضلعی و شش ضلعی میباشد. روش حل بهکار رفته در تحليل اين تحقيق، اجزاي محدود مبتنى بر روش انرژي ميباشد. همچنين تئوري بهكار رفته در مطالعه حاضر، تئوری تغییر شکل برشی مرتبه اوّل میباشد. نتایج ارائه شده در این باره نشان میدهد که با انتخاب شکل مناسب گشودگی و انتخاب بهینه پارامترهای مؤثر بر کمانش میتوان مقاومت صفحه را در برابر کمانش حرارتی افزایش داد. همچنین مشخص شد که آرایش لایهها و شرایط مرزی، تأثیر قابل توجهی بر دمای بحرانی کمانش یک صفحه کامپوزیت هیبریدی حاوی گشودگی دارند.

# بازنگری: ۲۵-۰۱-۱۳۹۸ پذیرش: ۱۳۹۸-۰۲-۱۳۹۸ ارائه آنلاین: ۲۲-۲۲-۱۳۹۸ كلمات كليدى:

كمانش حرارتي روش اجزای محدود بهينەسازى الگوريتم ژنتيک صفحه كاميوزيت

تحليل اين قبيل صفحات توسعه داده شده است. استفاده از مواد کامپوزیتی بهدلیل برخی از ویژگیهای منحصر بهفرد آنها از قبیل نسبت استحکام به وزن بالا، هزینه تولید و مقاومت در برابر شرایط محیطی مختلف به شدت در حال افزایش است. هم چنین می توان با تغییر زاویه الیاف و چیدمان لایهها، این خواص را بهبود بخشید. الگوریتم ژنتیک میتواند در طراحی زاویه الیاف، نرمینگی گوشههای گشودگی، زاویه چرخش گشودگی، نسبت اندازه گشودگی به اندازه صفحه و آرایش لایههای صفحه کامپوزیت هیبریدی بهمنظور افزایش استحکام در برابر کمانش مورد استفاده قرار گیرد. الگوریتم ژنتیک از روشهای الهام گرفته شده از تکامل بیولوژیکی استفاده میکند. لذا جستجوی تصادفی اساس کار آن می باشد. مطالعات عددی و تحلیلی وسیعی برای بررسی کمانش صفحاتی که تحت بارهای حرارتی و مکانیکی قرار دارند، انجام شده است ولی مطالعات محدودی در زمینه بهینهسازی پارامترهای مؤثر بر کمانش این قبیل صفحات با

۱–مقدمه

در صنایع مختلف برای دسترسی آسان به بخشهای مختلف سیستمهای مهندسی، بازرسی آسیب دیدگیها، امکان تهویه هوا، انتقال لولههای حامل سوخت و همچنین کاهش وزن از صفحات حاوی گشودگی استفاده میکنند. این نوع از صفحات در محیطهای حرارتی مختلف، اغلب در معرض بار حرارتی هستند که در نتیجه میتواند باعث کمانش حرارتی شود. بنابراین بررسی رفتار کمانش حرارتی صفحات حاوی گشودگی بهمنظور دستیابی به طراحی مؤثر و کارآمد لازم به نظر میرسد. برای یک صفحه تحت بارگذاری حرارتی یکنواخت، میدان تنش پیشکمانش در همه جای صفحه یکسان است، در نتیجه حلهای تحلیلی کمانش به راحتی بهدست میآیند. حضور گشودگی در صفحه باعث میشود که میدان تنش در صفحه غیر یکنواخت شود. از این رو برای یک صفحه حاوی گشودگی تحلیل کمانش بهشدت سخت و دشوار شده و روشهای عددی مختلفی برای \* نویسنده عهدهدار مکاتبات: ar.shaterzadeh@gmail.com

الگوریتمهای مختلف انجام شده است.

بررسی و مطالعه کمانش سازهها، تاریخچهای بسیار طولانی دارد. این تاریخچه با مطالعات اویلر در سال ۱۷۴۴ آغاز شد. وی کار خود را روی پایداری ستونهای در معرض بار فشاری انجام داد و اوّلین کسی بود که فرمولی برای محاسبه بار کمانش ستونها ارائه نمود. در سال ۱۹۱۰، فن کارمن معادلات مربوط به کمانش ورق های نازک، با رفتار الاستیک خطی را فرمولبندی نمود که کار مهمی در بررسی كمانش ورقها بهشمار مىرود [1]. در سال ۱۹۴۵، كويتر [۲] براى اوّلین بار، این نکته که وجود نقص اوّلیه منجر به کاهش شدیدی در بار کمانش یک سازه می شود را مورد بررسی قرار داد. وی همچنین یک تئوری عمومی برای پایداری الاستیک ارائه نمود. کمانش صفحه كامپوزيت چندلايه مستطيلي تقويت شده توسط نانو لولههاي كربني تک جداره با استفاده از روش تحلیلی و اجزای محدود توسط قربان پور و همکاران [۳]، مورد تحلیل قرار گرفت. آنها در مطالعه خود از تئوري كلاسيك صفحات چندلايه و تئوري تغيير شكل برشي مرتبه سوم استفاده نمودند. آنها تأثير زاويه چرخش نانو لولههاى كربنى، شرایط مرزی و نسبت ابعاد صفحه را روی بار بحرانی کمانش بررسی کردند. شاطرزاده و همکاران [۴]، کمانش حرارتی ورقهای کامپوزیتی چندلایه با گشودگی دایروی را با استفاده از روش اجزای محدود و تئوری تغییر شکل برشی مرتبه اوّل، تحلیل نمودند. ابوالقاسمی و همکاران [۵]، با استفاده از تئوری تغییر شکل برشی مرتبه اوّل، به تحلیل کمانش ترمودینامیکی ورق،های مستطیلی هدفمند با گشودگی بیضوی پرداختند. دوروی [۶]، کمانش صفحه کامپوزیتی چندلایه مورب با ضخامت متغیر را مورد تحلیل قرار داد. کومار و رائو [۷]، به تحلیل کمانش صفحه کامپوزیتی چندلایه با گشودگیهای مستطیل و بیضی پرداختند. آنها یک مطالعه عددی با استفاده از روش اجزای محدود برای تعیین اثر گشودگی مستطیل و بیضی بر رفتار کمانش حرارتی انجام دادند. کومار و همکاران [۸]، با استفاده از روش اجزای محدود، تأثیر کسر حجمی روی کمانش حرارتی صفحه کامپوزیت چندلایه حاوی گشودگی مربع و مستطیل را بررسی کردند. آنها نشان دادند که با افزایش نسبت ابعاد صفحه و همچنین نسبت طول به ضخامت بدون توجه به کسر حجمی الیاف، کمانش حرارتی كاهش مىيابد. كمانش صفحات كامپوزيتى متعامد تحت بارهاى داخل صفحه ای خطی مختلف توسط آیدوگدو و آکسنسر [۹]، مورد

مطالعه قرار گرفت. شاخه دیگری از تحقیقات صورت گرفته در زمینه کمانش، مسأله مربوط به بهینهسازی پارامترهای مؤثر بر کمانش بهمنظور دستیابی به حداکثر بار کمانش میباشد. امروزه استفاده از الگوريتمهاى فراابتكارى هوشمند بهينهسازى بهدليل عملكرد مطلوب این قبیل الگوریتمها که غالباً الهام گرفته از طبیعت میباشند در مسائل بهینهسازی مهندسی مورد توجه بسیاری از محققین میباشد. فاريا و الميدا [10]، بهينهسازي كمانش صفحه با ضخامت متغير، تحت بار متغیر غیر خطی را انجام دادند. بهینهسازی لایهچینی چندلایهها برای حداکثر کردن بار کمانش با استفاده از روش بهینهسازی کلونی مورچگان، توسط ایمریچ و سرا [۱۱]، بررسی شد. جینگ و همکاران [۱۲]، بهینهسازی لایهچینی کامیوزیت چندلایه برای حداکثر کردن بار کمانش با استفاده از الگوریتم جستجوی جایگشت را انجام دادند. بهینه سازی لایه چینی صفحه کامپوزیتی برای حداکثر کردن با کمانش با استفاده از الگوریتم جستجوی هارمونی توسط المیدا [۱۳]، انجام شد. بهینهسازی صفحات مشبک کامپوزیتی چندلایه برای حداکثر كردن بار كمانش با استفاده از الگوريتم ژنتيك توسط احساني و رضایی پژند [۱۴]، مورد مطالعه قرار گرفت. وثوقی و همکاران [۱۵]، با ترکیب روش اجزای محدود و روش الگوریتم ژنتیک بهبود یافته، حداکثر بار کمانش صفحات کامپوزیتی تقویت شده را محاسبه کردند. بهینه سازی پنلهای هدفمند برای استحکام کمانش پنلهای تقویت شده، تقویت نشده و همچنین پنلهای حاوی گشودگی مستطیل توسط عمر حسين و مولاني [18]، انجام شد.

در تحلیل صفحه کامپوزیت هیبریدی حاوی گشودگی، هندسه گشودگی (n)، نرمینگی گوشههای گشودگی (μ)، نسبت اندازه گشودگی به اندازه صفحه (D/a)، زاویه چرخش گشودگی (β)، زاویه الیاف (θ)، آرایش لایهها و شرایط مرزی از جمله پارامترهای تأثیرگذار بر کمانش حرارتی میباشند، به گونهای که با انتخاب صحیح این پارامترها میتوان دمای بحرانی کمانش را به مقدار قابل توجهی افزایش داد. در این مقاله سعی میشود تا با استفاده از الگوریتم ژنتیک مقادیر بهینه پارامترهای مؤثر معرفی شود. تابع هدف دمای بحرانی کمانش میباشد که با استفاده از روش اجزای محدود بهدست میآید.

#### ۲- فرمولبندی مسأله

یک صفحه کامپوزیت هیبریدی چهار لایه که حاوی یک گشودگی

در مرکز خود میباشد، مفروض است. این صفحه تحت افزایش دمای یکنواخت قرار دارد. مطابق شکل ۱، β نشان دهنده زاویه چرخش گشودگی نسبت به محور x میباشد.

نقاط روی مرز گشودگی و قطر دایره محاط بر گشودگی مطابق روابط (۱) و (۲) تعیین میشوند [۱۷].

$$X = \lambda(\cos\xi + \mu\cos(n\xi))$$
(1)  
$$Y = -\lambda(\sin\xi - \mu\sin(n\xi))$$

$$D = 2\lambda(1+\mu) \tag{(1)}$$

در رابطه (۱) و (۲)، پارامترهای مختلفی وجود دارند که با تغییر آنها می توان گشودگی های مختلف را مدل کرد. n نشان دهنده نوع هندسه گشودگی است. بهطوری که۱+۱ تعداد اضلاع گشودگی را نشان میدهد. در گشودگیهای لبهدار، µ معیار تیزی یا نرمی انحنای گشودگی است ( ۱≥۰). با تغییر پارامتر µ در بازه معین که برای nهای مختلف، متفاوت است، مي توان انواع گشودگي با شعاع انحناي متفاوت ایجاد کرد. مرز بالای نرمینگی برای شکلهای مختلف گشودگی متفاوت است. اگر نرمینگی بیش از آن مقدار باشد، شکل گشودگی غیر قابل قبول خواهد بود. حد نرمینگی برای گشودگی پنج ضلعی بین صفر تا ۲/۲ و برای گشودگی شش ضلعی بین صفر تا ۰/۱۵ درنظر گرفته شده است. در شکل ۲ تأثیر پارامتر n و μ بر شکل گشودگی نشان داده شده است. همچنین ۶ زاویه صفر تا ۳۶۰ درجه می باشد. ن میباشد که حد بالا و پایین آن به  $\lambda$  ضریب بزرگنمایی گشودگی میباشد که حد بالا و ترتیب ۱ و ۲۵ میباشد. D قطر دایره محاط بر گشودگی میباشد که تابعی از μ و λ میباشد. در این مطالعه منظور از اندازه گشودگی  $\mu$  قطر دایره محاط بر گشودگی میباشد که بهوسیله پارامترهای  $\lambda$  و كنترل مىشود.

مطابق تئوری تغییر شکل برشی مرتبه اول، میدان جابجایی بهصورت رابطه (۳) قابل بیان است:

$$u(x, y, z) = u_0(x, y) + z \psi_x(x, y)$$
  

$$v(x, y, z) = v_0(x, y) + z \psi_y(x, y)$$
  

$$w(x, y) = w_0(x, y)$$
(7)

و  $W_{.}$  بر صفحه میانی و  $v_{.}$   $w_{.}$  و  $v_{.}$  جابجاییهای یک نقطه واقع بر صفحه میانی و  $\psi_{y}$  ,  $\psi_{x}$ 

جهت y و x هستند. مؤلفههای کرنش مرتبط با میدان جابجایی رابطه (۳) را می توان با استفاده از رابطه غیر خطی کرنش-جابجایی به صورت رابطه (۴) ارائه نمود [۴]:

$$\begin{cases} \mathcal{E}_{x} \\ \mathcal{E}_{y} \\ \gamma_{xy} \end{cases} = \begin{cases} \frac{\partial u_{0}}{\partial x} \\ \frac{\partial v_{0}}{\partial y} \\ \frac{\partial v_{0}}{\partial y} \\ \frac{\partial u_{0}}{\partial y} + \frac{\partial v_{0}}{\partial x} \end{cases} + z \begin{cases} \frac{\partial \psi_{x}}{\partial x} \\ \frac{\partial \psi_{y}}{\partial y} \\ \frac{\partial \psi_{y}}{\partial y} \\ \frac{\partial \psi_{y}}{\partial y} + \frac{\partial \psi_{y}}{\partial x} \end{cases} + \left\{ \frac{1}{2} \left( \frac{\partial w_{0}}{\partial x} \right)^{2} \\ \frac{\partial \psi_{0}}{\partial y} - \frac{\partial \psi_{0}}{\partial x} \\ \frac{\partial \psi_{x}}{\partial y} + \frac{\partial \psi_{y}}{\partial x} \\ \frac{\partial \psi_{y}}{\partial y} + \frac{\partial \psi_{y}}{\partial x} \\ \frac{\partial \psi_{0}}{\partial y} - \frac{\partial w_{0}}{\partial x} \\ \frac{\partial \psi_{0}}{\partial y} - \frac{\partial \psi_{0}}{\partial y} \\ \frac{\partial \psi_{0}}{\partial y} - \frac{\partial \psi_{0}}{\partial x} \\ \frac{\partial \psi_{0}}{\partial y} - \frac{\partial \psi_{0}}{\partial y} \\ \frac{\partial \psi_{0}}{\partial y} \\ \frac{\partial \psi_{0}}{\partial y} - \frac{\partial \psi_{0}}{\partial y} \\ \frac{\partial \psi_{0}}{\partial y}$$



شکل ۱: شرح هندسه صفحه کامپوزیت مربعی با گشودگی مرکزی Fig. 1. Description of the geometry of square composite plate with central cutout



Fig. 2. The effect of parameters of n and  $\mu$  on the cutout Shape.

و تنش حرارتی 
$$\{\sigma_{_{Th}}\}$$
 است. $\{\sigma_{_M}\}$ 

$$\{\sigma_{M}\} = \begin{bmatrix} \bar{Q}_{11} & \bar{Q}_{12} & \bar{Q}_{16} \\ \bar{Q}_{21} & \bar{Q}_{22} & \bar{Q}_{26} \\ \bar{Q}_{61} & \bar{Q}_{62} & \bar{Q}_{66} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \varepsilon_{x} \\ \varepsilon_{y} \\ \gamma_{xy} \end{bmatrix}$$

$$\{\sigma_{Th}\} = \Delta T \begin{bmatrix} \bar{Q}_{11} & \bar{Q}_{12} & \bar{Q}_{16} \\ \bar{Q}_{21} & \bar{Q}_{22} & \bar{Q}_{26} \\ \bar{Q}_{61} & \bar{Q}_{62} & \bar{Q}_{66} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \alpha_{x} \\ \alpha_{y} \\ \alpha_{xy} \end{bmatrix}$$
(Y)

بردار نیروها و ممانهای منتجه بهصورت رابطه (۸) تعریف میشوند: [۱۸]

$$\{\{N\}, \{M\}\} = \int \{\sigma_M\}(1, z) dz$$

$$\{Q\} = k_s \int \begin{cases} \tau_{xz} \\ \tau_{yz} \end{cases} dz$$

$$(\{N_T\}, \{M_T\}) = \int \{\sigma_{Th}\}(1, z) dz$$

$$(\Lambda)$$

 $\{ N \}$  و  $\{ Q \}$  به ترتیب، بردار نیرو و ممان و نیروی بردار برشی عرضی منتجه هستند.  $\{ N \}$  و  $\{ M_T \}$  به ترتیب، بردار نیرو و گشتاور حرارتی منتجه هستند. همچنین  $k_s$  ضریب اصلاح برشی است که برابر با ۲۸/۳ در نظر گرفته شده است. انرژی پتانسیل بهصورت رابطه (۹) تعریف می شود: (۹)

$$U = \frac{1}{2} \iint \left( \left\{ \varepsilon_1^T & \varepsilon_2^T \right\} \begin{bmatrix} A & B \\ B & D \end{bmatrix} \left\{ \varepsilon_1 \\ \varepsilon_2 \end{bmatrix} + \left\{ \varepsilon_3 \right\}^T$$

$$\left[ A_s \right]^T \left\{ \varepsilon_3 \right\} dA - \Delta T \iint \left\{ \varepsilon_1^T & \varepsilon_2^T \right\} \begin{bmatrix} A \\ B \end{bmatrix} \left\{ \alpha \right\} dA$$

$$(1 \cdot 1)$$

$$V = \frac{1}{2} \iint \left( N_x \left( \frac{\partial w_0}{\partial x} \right)^2 + N_y \left( \frac{\partial w_0}{\partial y} \right)^2 + 2N_{xy} \frac{\partial w_0}{\partial x} \frac{\partial w_0}{\partial y} \right) dA = (11)$$

$$\frac{1}{2} \iint \left[ \frac{\partial w_0}{\partial x} - \frac{\partial w_0}{\partial y} \right] \left[ N_x - N_{xy} - N_y \right] \left[ \frac{\partial w_0}{\partial x} - \frac{\partial w_0}{\partial y} \right] dA$$

 $\mathcal{E}_L$  و  $\mathcal{E}_{NL}$  به ترتیب، قسمت خطی و غیر خطی مؤلفههای کرنش هستند. برای مواد الاستیک، معادلات ساختاری بین مؤلفههای تنش و کرنش در مختصات ۱–۲ محلی کامپوزیت را میتوان به صورت رابطه (۵) نوشت (شکل ۳): [۱۸]

$$\begin{cases} \sigma_{1} \\ \sigma_{2} \\ \tau_{12} \end{cases} = \begin{bmatrix} Q_{11} & Q_{12} & 0 \\ Q_{21} & Q_{22} & 0 \\ 0 & 0 & Q_{66} \end{bmatrix} \begin{cases} \varepsilon_{1} - \alpha_{1} \Delta T \\ \varepsilon_{2} - \alpha_{2} \Delta T \\ \gamma_{12} \end{cases}$$

$$\begin{cases} \tau_{13} \\ \tau_{23} \end{cases} = \begin{bmatrix} Q_{44} & 0 \\ 0 & Q_{55} \end{bmatrix} \begin{cases} \gamma_{13} \\ \gamma_{23} \end{cases}$$

$$(\Delta)$$

ماتریس سفتی کاهش یافته برای حالت تنش صفحهای  $Q_{ij}$  ماتریس سفتی کاهش یافته برای حالت تنش صفحهای میباشد که تابعی از خصوصیات مکانیکی ماده است [۱۸]. معادله (۵) را میتوان در مختصات عمومی x-y به صورت رابطه (۶) نوشت:

$$\begin{cases} \sigma_{x} \\ \sigma_{y} \\ \tau_{xy} \end{cases} = \begin{bmatrix} \overline{Q}_{11} & \overline{Q}_{12} & \overline{Q}_{16} \\ \overline{Q}_{21} & \overline{Q}_{22} & \overline{Q}_{26} \\ \overline{Q}_{61} & \overline{Q}_{62} & \overline{Q}_{66} \end{bmatrix} \begin{cases} \varepsilon_{x} - \alpha_{x} \Delta T \\ \varepsilon_{y} - \alpha_{y} \Delta T \\ \gamma_{xy} - \alpha_{xy} \Delta T \end{cases} = \{ \sigma_{M} \} - \{ \sigma_{Th} \} \\ \begin{cases} \tau_{xz} \\ \tau_{yz} \end{cases} = \begin{bmatrix} \overline{Q}_{44} & \overline{Q}_{45} \\ \overline{Q}_{54} & \overline{Q}_{55} \end{bmatrix} \begin{cases} \gamma_{zx} \\ \gamma_{yz} \end{cases} = [R] \{ \varepsilon_{3} \}$$

 $(\alpha_x$  ماتریس سفتی کاهش یافته انتقال یافته است و  $\left[\overline{Q}_{ij}
ight]$  ماتریس سفتی کاهش یافته انتقال یافته است و  $lpha_{xy}$  و  $lpha_{xy}$  ضریب انبساط حرارتی در مختصات عمومی هستند  $lpha_{y}$ . [۱۸]. بر طبق رابطه (۲) بردار تنش صفحهای، شامل تنش مکانیکی



مربعی حاوی کشودگی Fig. 3. Presentation of local and global coordinates of a

hybrid composite square plate with cutout.

که:

و V نشان دهنده کار نیروی درون صفحهای در طول انحراف جانبی است و مربوط به قسمت غیرخطی تانسور کرنش میباشد.

## ۳- فرمولبندی اجزای محدود

از آنجا که وجود سوراخ در صفحه مانع از ایجاد یک المانبندی مربعی یکنواخت میشود، بنابراین از المانهای چهار ضلعی برای مدل سازی استفاده شده است. از طرفی به دلیل مشکلات انتگرال گیری از المانهای چهار ضلعی، مطابق مرجع [۱۹] از فرمول بندی المان ایزوپارامتریک استفاده میشود. با استفاده از توابع شکل مناسب، یک المان مربعی مرجع در مختصات محلی (s, t) به المان چهار ضلعی در مختصات عمومی (x, y) نگاشت میشود. هر گره دارای پنج درجه آزادی است. در فرمول بندی ایزوپارامتریک، مقدار متغیر میدان جابجایی ( $\psi_x$ ,  $\psi_y$ ,  $\psi_x$ ,  $\psi_y$ ) در حوزه المان مرجع به کمک توابع شکل مطابق معادله (۱۲) درونیابی میشود.

$$\begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix} = \sum_{i=1}^{4} N_i \begin{bmatrix} x_i \\ y_i \end{bmatrix}$$
$$\begin{bmatrix} u_0 \\ v_0 \\ w_0 \\ \psi_x \\ \psi_y \end{bmatrix} = \sum_{i=1}^{4} N_i \begin{bmatrix} u_{0i} \\ v_{0i} \\ w_{0i} \\ \psi_{xi} \\ \psi_{yi} \end{bmatrix}$$
(17)

که (  $W_{xi}$  ,  $W_{yi}$  ,  $W_{i}$  ,  $W_{i}$  ,  $W_{i}$  ,  $W_{xi}$  ,  $W_{yi}$  ) مقدار متغیرهای درونیابی شده در گرههای المان میباشند. و توابع شکل()  $N_{i}$  بهصورت رابطه (۱۳) تعریف میشوند:

$$N_{1} = \frac{(1-s)(1-t)}{4}, N_{2} = \frac{(1+s)(1-t)}{4}$$

$$N_{3} = \frac{(1+s)(1+t)}{4}, N_{4} = \frac{(1-s)(1+t)}{4}$$
(17)

با استفاده از ماتریس انتقال ژاکوبین، مشتقات نسبت به مختصات عمومی به مشتقات نسبت به مختصات محلی با استفاده رابطه (۱۴) مرتبط می شوند:

$$\begin{bmatrix} \frac{\partial ()}{\partial x} \\ \frac{\partial ()}{\partial y} \end{bmatrix} = J^{-1} \begin{bmatrix} \frac{\partial ()}{\partial s} \\ \frac{\partial ()}{\partial t} \end{bmatrix}, J = \begin{bmatrix} \frac{\partial x}{\partial s} & \frac{\partial y}{\partial s} \\ \frac{\partial x}{\partial t} & \frac{\partial y}{\partial t} \end{bmatrix}$$
(14)

اکنون می توان مؤلفههای کرنش را به بردار جابجاییهای گرهای مطابق رابطه (۱۵) مر تبط کرد:

$$\begin{cases} \varepsilon_1 \\ \varepsilon_2 \end{cases} = [B_1] \{d\}, \{\varepsilon_3\} = [B_3] \{d\} \\ \begin{cases} \frac{\partial w_0}{\partial x} \\ \frac{\partial w_0}{\partial y} \end{cases} = [B_2] \{d\} \end{cases}$$
(14)

که  ${}^{T}_{a} = \{u_{1} \ v_{1} \ w_{1} \ \psi_{x1} \ \psi_{y1} \dots \ \psi_{y1} \}^{T}$  که  ${}^{T}_{a} = \{u_{1} \ v_{1} \ w_{1} \ \psi_{x1} \ \psi_{y1} \dots \ \psi_{y1} \}^{T}$  گرمای بوده، ماتریسهای کرنـش-جابجایی  $[B_{1}]_{1}$   $[B_{1}]_{2}$   $[B_{1}]_{2}$   $[B_{1}]_{3}$   $[B_{1}]$ 

$$U + V = \frac{1}{2} \iint \left\{ \left\{ d \right\}^{T} \begin{bmatrix} B_{1} \end{bmatrix}^{T} \begin{bmatrix} A & B \\ B & D \end{bmatrix} \begin{bmatrix} B_{1} \end{bmatrix} \left\{ d \right\} + \left\{ d \right\}^{T} \begin{bmatrix} B_{3} \end{bmatrix}^{T} \begin{bmatrix} A_{s} \end{bmatrix}^{T} \begin{bmatrix} B_{3} \end{bmatrix} \left\{ d \right\} + \left\{ d \right\}^{T} \begin{bmatrix} B_{2} \end{bmatrix}^{T} \begin{bmatrix} N_{x} & N_{xy} \\ N_{xy} & N_{y} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} B_{2} \end{bmatrix} \left\{ d \right\} \right) \left| J \right| dA - \Delta T \iint \left\{ \left\{ d \right\}^{T} \begin{bmatrix} B_{1} \end{bmatrix}^{T} \begin{bmatrix} A \\ B \end{bmatrix} \left\{ \alpha \right\} \left| J \right| dA - \left\{ d \right\}^{T} \begin{bmatrix} B_{1} \end{bmatrix}^{T} \begin{bmatrix} A \\ B \end{bmatrix} \left\{ \alpha \right\} \left| J \right| dA - \left\{ d \right\}^{T} \left[ B_{1} \right]^{T} \left[ B_{1} \right]^{T} \left[ B_{2} \right] \left\{ d \right\} \right\} \right\} dA$$

مطابق اصل حداقل انرژی پتانسیل، در حالت تعادل، مشتق انرژی پتانسیل کل سیستم نسبت به بردار جابجاییهای گرهای باید برابر با صفر باشد. با اعمال این اصل بر رابطه (۱۶)، رابطه (۱۷) حاصل می شود:  $\frac{\partial(U+V)}{\partial \{d\}} = 0 \rightarrow ([K_b] + [K_s] + [K_g]) \{d\} = \{F_T\}$ (۱۷)

ماتریسهای سفتی خمشی، برشی و هندسی و بردار نیروی حرارتی بهصورت رابطه (۱۸) تعریف میشوند:

$$\begin{bmatrix} K_{b} \end{bmatrix} = \iint \begin{bmatrix} B_{1} \end{bmatrix}^{T} \begin{bmatrix} A & B \\ B & D \end{bmatrix} \begin{bmatrix} B_{1} \end{bmatrix} |J| dA$$
$$\begin{bmatrix} K_{g} \end{bmatrix} = \iint \begin{bmatrix} B_{2} \end{bmatrix}^{T} \begin{bmatrix} N_{x} & N_{xy} \\ N_{xy} & N_{y} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} B_{2} \end{bmatrix} |J| dA \qquad (1 \wedge)$$
$$\begin{bmatrix} K_{s} \end{bmatrix} = \iint \begin{bmatrix} B_{3} \end{bmatrix}^{T} \begin{bmatrix} A_{s} \end{bmatrix}^{T} \begin{bmatrix} B_{3} \end{bmatrix} |J| dA$$
$$\begin{bmatrix} F_{T} \end{bmatrix} = \iint \begin{bmatrix} B_{1} \end{bmatrix}^{T} \begin{bmatrix} A \\ B \end{bmatrix} \{\alpha\} |J| dA$$

ماتریسهای سفتی و بردار نیروی حرارتی برای هر المان محاسبه میشوند و سپس برای کل سازه مونتاژ میشوند. برای جلوگیری از

قفل شدگی برشی در محاسبه ماتریس سفتی برشی از انتگرال گیری کاهش یافته استفاده شده است. در نهایت، شرایط مرزی اعمال شده و ماتریس سفتی عمومی کاهش یافته و بردار نیرو بهدست میآید. با حذف کردن ماتریس سفتی هندسی از رابطه (۱۷)، معادله پیش کمانش برای یافتن بردار جابجایی گرهای {d} به صورت رابطه (۱۹) نوشته می شود:

$$\left(\left[K_{b}\right]+\left[K_{s}\right]\right)\left\{d\right\}=\left\{F_{T}\right\}$$
(19)

پس از محاسبه بردار جابجایی پیش کمانش و با استفاده از ماتریس سفتی هندسی میتوان دمای کمانش را با استفاده از رابطه (۲۰) بهدست آورد:

$$\left(\left[K_{b}\right]+\left[K_{s}\right]+\Delta T_{c}\left[K_{g}'\right]\right)\left\{d\right\}=0$$
(7.)

ستی هندسی بهازای افزایش دمای واحد است.  $\left[K'_{g}
ight]$  ماتریس سفتی هندسی بهازای افزایش دمای واحد است. با حل مسأله مقدار ویژه دمای بحرانی کمانش ( $\Delta T_{c}$ ) بهدست میآید.

#### ۴- الگوریتم ژنتیک

الگوریتم ژنتیک' بر اساس نظریه تکاملی داروین میباشد و جواب مسألهای که از طریق الگوریتم ژنتیک حل میشود رفته رفته بهبود مىيابد. الگوريتم ژنتيک با يک مجموعه از جوابها که از طریق کروموزومها نشان داده می شوند، شروع می شود. این مجموعه از جوابها جمعیت اوّلیه نام دارد. سپس تعداد مناسبی از زوج كروموزومها براساس ميزان برازندگي آنها انتخاب ميشوند تا در مراحل بعدی مورد استفاده قرار گیرند. کروموزومهایی که دارای مقدار برازندگی بالایی هستند، ممکن است چندین بار در مراحل تولید انتخاب شوند، در حالی که کروموزومهایی که مقدار برازندگی آنها کم میباشد، ممکن است هیچگاه انتخاب نگردند. در ادامه عملگر ترکیب با احتمال ترکیب بر روی کروموزومهای والد عمل کرده و با ترکیب آنها کروموزومهای جدیدی (فرزندان) را تولید میکند. سپس عملگر جهش با احتمال جهش بر روی کروموزومهای حاصل از عمل ترکیب انجام شده و با تغییر ژنهای این کروموزومها، راهی برای ورود اطلاعات جدید به وجود می آورد. در ادامه جمعیت جدید برای ورود به مرحله بعدى الگوريتم، انتخاب مى گردد. اين كار با مقايسه مقدار برازندگی کروموزومها انجام می شود و کروموزومهای شایسته تر انتخاب می شوند. در نهایت همه افراد جمعیت جدید مورد ارزیابی

1 Genetic Algorithm (GA)

قرار می گیرند. چنانچه شرایط خاتمه فراهم باشد، الگوریتم پایان می پذیرد و در غیر این صورت جمعیت موجود به عنوان جمعیت اوّلیه برای مرحله بعد مورد استفاده قرار می گیرد. شرط اختتام الگوریتم در این مقاله به این صورت است الگوریتم به تعداد ثابتی از نسلها برسد. تابع شایستگی در این تحقیق دمای بحرانی کمانش می باشد. در این مطالعه پارامترهای طراحی شامل آرایش لایهها، نرمینگی گوشههای گشودگی، زاویه الیاف و نسبت شایستگی می به اندازه صفحه هستند که تعیین کننده مقدار تابع شایستگی می باشد. حد پایین و بالای پارامترهای  $\mu$ ،  $\beta$ ،  $\mu$  و  $\theta$  اندازه گشودگی برابر است با (-9.5, -9.5) و برای گشودگی برابر است با (-9.5, -9.5) و برای گشودگی پنج ضلعی برابر است با جوابهای برابر است با و برای گشودگی پنج ضلعی برابر است با به ورای به جوابهای به می برابر است با زویه در محیط برنامه و نویسی متلب تهیه کد کامپیوتری الگوریتم ژنتیک در محیط برنامه نویسی متلب تهیه شد.

### ۵- نتایج و بحث

در این بخش، از روش اجزای محدود برای بهدست آوردن دمای بحرانی کمانش استفاده شده است. هدف اصلی این مطالعه به حداکثر رساندن دمای بحرانی کمانش با توجه به آرایش لایهها، نرمینگی گوشههای گشودگی، زاویه چرخش گشودگی، زاویه الیاف و نسبت اندازه گشودگی به اندازه صفحه بهعنوان متغیرهای طراحی با استفاده از الگوریتم ژنتیک است.

#### ۱ –۵– بررسی درستی نتایج

به منظور بررسی دقت نتایج حاصل از تحقیق حاضر، نتایج آن با دیگر مطالعات انجام شده در این زمینه اعتبار سنجی شده است. خواص مکانیکی مواد در جدول ۱ آورده شده است. B و G در آرایش لایهها بهترتیب برای لایه برن√پوکسی و گلس/ اپوکسی میباشد.

شکل ۴ مشبندی اجزای محدود یک صفحه حاوی گشودگی پنج ضلعی بهازای 4/۱۰= µ واقع در مرکز صفحه را نشان میدهد.

۸ برای مطالعه ی حساسیت مش کد المان محدود آماده شده، شکل نمودار همگرایی دمای بحرانی کمانش بهازای تعداد المانهای مختلف برای یک صفحه کامپوزیتی هیبریدی متقارن از لحاظ نوع ماده با چیدمان لایه ها به صورت  $[G \ B \ B \ G]$  و با زاویه الیاف [9 - 9 - 9 - 9]

مادہ	E <sub>1</sub> (GPa)	$E_{\tau}$ (GPa)	$G_{\rm it}$ (GPa)	$v_{17}$	$\alpha_{1}(1/^{\circ}C)$	$\alpha_{r}(1/^{\circ}C)$
گلس/اپوكسى	۱۵	۶	٣	۰ /٣	γ×۱۰-۶	$r/r  imes r$ $^{-\Delta}$
برن\اپوكسى	۲۰۷	١٩	۴/۸	• / ۲ ۱	4/14×1>	$1/91 \times 1^{-2}$

جدول ۱: خواص مکانیکی مواد استفاده شده [۲۰] Table 1. Mechanical properties of the used materials [20].



شکل ۵ : مطالعه همگرایی برای یک صفحه متقارن چهار لایه با گشودگی دایروی و شرایط مرزی چهار طرف گیردار

Fig. 5. Convergence study for a 4-layered symmetric plate with circular cutout and CCCC boundary conditions

بهدست آمده از کار حاضر با مراجع [۲۲-۲۱] مقایسه شده است و نتایج در جدول ۳ آورده شده است. با توجه به جدول ۳ می توان مشاهده کرد که نتایج، تطابق قابل قبولی دارند.

#### ۵ -۲- معیار همگرایی الگوریتم ژنتیک

عملگرهای اصلی الگوریتم ژنتیک شامل اندازه جمعیت، ترکیب و جهش هستند. این عملگرها در الگوریتم ژنتیک بر سرعت همگرایی، همگرایی زودرس، مدت زمان حل مسأله و رسیدن به راه حل بهینه تأثیر میگذارند. با تغییر این پارامترها و بهینهسازی آنها، میتوان یک الگوریتم با کارایی بالا بهدست آورد. اندازه جمعیت، احتمال ترکیب و احتمال جهش برای یک صفحه کامپوزیتی هیبریدی چهار لایه متقارن از لحاظ ماده [G B B G] حاوی گشودگی پنج ضلعی در شرایط مرزی چهار طرف گیردار مورد بررسی قرار گرفته است. متغیرهای طراحی D/a, O/a و  $1.0 = \mu$  میباشند.



شکل۴ : پیکربندی مش Fig. 4. Mesh configuration

که حاوی گشودگی دایروی در مرکز خود است، میباشد. طول هر لبه برابر با ۱۰۰ میلیمتر، ضخامت هر لایه برابر با ۲۵/۰ میلیمتر، قطر گشودگی برابر با ۲۰ میلیمتر و شرایط مرزی چهار طرف گیردار در نظر گرفته شده است. با توجه به شکل ۵ دمای بحرانی کمانش حرارتی با افزایش تعداد المانهای به بیش از ۵۶۴ تغییری نخواهد کرد. بنابراین تعداد کل المانها برابر با ۵۶۴ در نظر گرفته می شود.

بهمنظور اعتبار سنجی نتایج بهدست آمده از کد ارائه شده، دمای کمانش برای صفحات مربعی کامپوزیتی بدون گشودگی و با گشودگی دایروی با لایهچینی متقارن و پادمتقارن برای نسبتهای مختلف قطر به اندازه صفحه با مرجع [۴] مقایسه شده و نتایج حاصل در جدول ۲ آورده شده است. بالاترین خطای مربوط بین نتایج کد ارائه شده و مرجع [۴]، ۲/۰۴ درصد است. این اعتبار سنجی نشان از دقت کد ارائه شده در تعیین دمای بحرانی کمانش صفحات کامپوزیتی دارد. همچنین دمای کمانش صفحه ایزوتروییک بدون گشودگی

		[G B B G]					
D/a	مرجع [۴]	کار حاضر	اختلاف (%)		مرجع [۴]	کار حاضر	اختلاف(%)
•	T 1/8V	۲۱/۲۰	•/14		48/29	48/10	٠/۴١
٠/١	71/48	۲۱/۳۲	• /80		۴۵/۸۵	44/48	•/•٣
۰/۲	22/12	22/28	۰/۵۶		47/41	47/96	•/1۴
۰/٣	۲٩/۵٨	29/18	۱/۵۲		۵۴/۱۵	۵۳/۲۶	1/84
۰/۴	۳۵	۳۴/۸۷	۰/۳۷		83/32	83/43	٠/١٧
•/۵	۴۷/۷۱	۴۷/۳۸	• /۶٩		۸۷/۳۴	۸۷/۱۶	•/٢•

جدول ۲: مقایسه دمای بحرانی کمانش (°C) صفحه کامپوزیت بهدست آمده از کد اجزای محدود و مرجع [۴] Table 2. Comparison of critical buckling temperature (°C) of composite plates from FE code and Ref. [4]

Table 3. Comparison of critical buckling temperature (°C) of isotropic plates without cutout (a/h=100, E=2×10<sup>11</sup>,  $\upsilon$ =0.3,  $\alpha$ =2×10<sup>-6</sup>)

شرایط مرزی	مرجع [٢١]	مرجع [٢٢]	مرجع [٢٣]	کار حاضر
CCCC	189/488	۱۶۸/۷۱	188/017	18./740
SSSS	83/122	83/TV	<b>۶</b> ۳/۱۹۸	8N/78V



Fig. 6. Convergence diagram of the goal function for various populations of GA

می شود، به ازای جمعیت اوّلیه ۵۰ روند همگرایی دیرتر اتفاق می افتد و علاوه بر آن در تکرار ۳۰، مسأله به بهینه مطلق همگرا نشده است. نتایج نشان می دهد که برای جمعیت اوّلیه ۱۰۰ و ۱۵۰، می توان بهترین همگرایی را به دست آورد. باید به این نکته توجه داشت که

۵ -۲-۱- اندازه جمعیت نمودار همگرایی تابع هدف بهازای مقادیر مختلف جمعیت<sup>۱</sup> در شکل ۶ نشان داده شده است. همان طور که در این شکل دیده

<sup>1</sup> Number of Population (Npop)

$\Delta T_{c}$ (°C)	$\theta^{\circ} [G B B G]$	D/a	β°	Npop
۶۴/۱۸	[•/٣٣ ٩• _X٩/٩V •/٣۶]	•/۵۵	40	۵۰
۶۸/۲۶	[-71/37 38/+9 38/+9 -71/37]	۰/۵۵	۱۵۷/۵	1
۶۸/۲۷	[71/14-27/98-27/9471/7.]	۰/۵۵	117/2	10.

جدول ۴: مقادیر بهینه پارامترهای طراحی و تابع هدف مربوط به آنها بهازای مقادیر مختلف Npop Table 4. Optimal values of design variables and corresponding objective function for different Npop

جدول ۵: مقادیر بهینه پارامترهای طراحی و تابع هدف مربوط به آنها بهازای مقادیر مختلف احتمال ترکیب Table 5. Optimal values of design variables and corresponding objective function for different values of PC

$\Delta T_{c}$ (°C)	$\theta^{\circ} [G B B G]$	D/a	ß°	PC
84/20	[-20 -20 -20 20]	•/۵۵	۱۵۷/۵	•/۵
88/04	[-9+ -7+/10 -71/17 87/81]	•/۵۵	١٨٠	• /۶
۶۷/۳۳	[-71/74 27/78 27/77 -71/88]	•/۵۵	•	• /Y
۶۸/۲۷	[71/14 -27/98 -27/94 71/70]	•/۵۵	117/0	• /٨

اگر چه با افزایش جمعیت، الگوریتم ژنتیک فضای طراحی بیشتری را جستجو میکند، ولی انتخاب جمعیتهای بزرگتر مدت زمان حل مسأله را به شدت طولانیتر میکند. بر این اساس مطابق شکل ۶، جمعیت بهینه برای تمام حالات برابر با ۱۰۰ در نظر گرفته شده است. همچنین جدول ۴ مقادیر تابع هدف و پارامترهای بهینه را بهازای مقادیر مختلف جمعیت نشان میدهد.

### ۵-۲-۲- احتمال ترکیب

یکی از مهمترین عوامل مؤثر در انتخاب تعداد والدین برای تولید مثل، احتمال ترکیب<sup>۱</sup> است. ترکیب در الگوریتم ژنتیک باعث از بین رفتن پراکندگی یا تنوع ژنتیکی جمعیت میشود زیرا اجازه میدهد ژنهای خوب یکدیگر را بیابند. تعداد جمعیتی که در ترکیب شرکت دارند با استفاده از رابطه (۲۱) بهدست میآیند:

$$ncrossover = 2 \times round \left(Npop \times \frac{PC}{2}\right) \tag{(1)}$$

مقادیر تابع هدف بهازای مقادیر مختلف احتمال ترکیب در شکل ۷ نشان داده شده است. همچنین در جدول ۵مقادیر تابع هدف بهازای مقادیر مختلف احتمال ترکیب آورده شده است. همان طور که

در شکل ۲ دیده می شود، بهترین مقدار برای احتمال ترکیب برابر با ۸/۰ است.

#### ۵ –۲–۳ احتمال جهش

در الگوریتم ژنتیک، احتمال جهش<sup>۲</sup> تنها برای برخی از اعضای جدید اعمال می گردد. بنابراین آزادی الگوریتم در جستجوی خارج از فضای جاری افزایش می یابد. تعداد جمعیتی که در جهش شرکت دارند به صورت رابطه (۲۲) است:

$$n - mutation = round (Npop \times PM)$$
 (TT)

در جهش ممکن است ژنی از مجموعه ژنهای جمعیت حذف شود یا ژنی که تا به حال در جمعیت وجود نداشته به آن اضافه شود. جهش باعث جستجو در فضای دست نخورده مسأله میشود و به طور کلی از قرار گرفتن الگوریتم ژنتیک در اکسترممهای محلی جلوگیری میکند. شکل ۸ تأثیر مقادیر مختلف احتمال جهش بر تابع هدف را نشان میدهد. همچنین در جدول ۶ مقادیر تابع هدف بهازای مقادیر مختلف احتمال جهش آورده شده است. با توجه به شکل ۸، بهترین مقدار برای احتمال جهش برابر با ۱۰/۰۳ است.

<sup>1</sup> Probability of Crossover (PC)

<sup>2</sup> Probability Mutation (PM)



Fig. 7. Convergence of the objective function for different values of PC



شکل ۸ : مقادیر تابع هدف بهازای مقادیر مختلف احتمال جهش Fig. 8. Variations of the objective function for different values of probability of mutation.

۵-۳- تأثیر پارامترهای طراحی بر کمانش حرارتی

هدف از بررسی تأثیر پارامترهای طراحی بر بار کمانش حرارتی، مشخص کردن اهمیت هر یک از پارامترهای طراحی بر تغییرات بار کمانش حرارتی بهینه است. برای این منظور، برای چند مقدار خاص از برخی پارامترهای طراحی، مقادیر بهینه سایر پارامترها و تابع هدف مربوط به آنها برای شرایط مرزی ۴ طرف گیردار و آرایش لایههای متقارن از لحاظ نوع ماده بهصورت [G B B G] محاسبه شده است. در نهایت، با در نظر گرفتن تمام پارامترهای طراحی در شرایط مرزی

مختلف و آرایش متفاوت لایهها سعی می شود تا مقادیر بهینه تمام پارامترهای طراحی را برای دستیابی به بیشترین مقدار تابع هدف محاسبه شود.

۵ -۳-۱- تأثیر نرمینگی گوشههای گشودگی در این بخش تأثیر نرمینگی گوشههای گشودگی بر دمای بحرانی کمانش حرارتی بررسی شده است. برای بهتر نشان داده شدن این تأثیر، فاکتور بزرگنمایی ۲۰ در نظر گرفته شده است. بهازای

جدول ۶: مقادیر بهینه پارامترهای طراحی و تابع هدف مربوط به آنها بهازای مقادیر مختلف احتمال جهش Table 6. Optimal values of design variables and corresponding objective function for different values of PM

$\Delta T_c$ (°C)	$\mathscr{O}^{\circ}[G B B G]$	D/a	ß°	PM
84/30	[-9· -7//9 -7//9 9·]	•/۵۵	۱۵۷/۵	•/• )
۶۸/۲۰	[88/28 -81/88 -81/84 89/82]	•/۵۵	۱۵۷/۵	• / • ٢
۶۸/۲۷	[71/14-27/98-27/9471/7.]	•/۵۵	117/0	•/•٣

 $\mu$  جدول ۷: مقادیر بهینه پارامترهای طراحی برای صفحه با ۲۰ $\lambda$  بهازای مقادیر مختلف Table 7. Optimal values of design variables for plate with  $\lambda$ =20 for different values of  $\mu$ 

$\Delta T_{c}$ (°C)	$\theta^{\circ}[G B B G]$	D/a	ß	μ	п
42/0.	[-29/18 00 00 -29/18]	٠/۴	22/0	•	۴
47/97	[9• -9/X& -9/X& -9•]	•/47	۱۵۷/۵	•/•۵	۴
44/7.	[-4/44 201/14 201/24 201/24]	•/44	•	• / ١	۴
FF/FF	[-7/84 81/08 81/08 -7/88]	•/49	•	۰/۱۵	۴
46/20	[-24/48 4/22 5/68 4.]	۰/۴۸	•	۰/۲	۴
FL/FY	[-71/91 -24/97 -24/98 21/99]	٠/۴	٩٠	•	۵
FT/FF	[-86/81 10/18 10/08 90]	•/47	•	•/•۵	۵
44/11	[-~~/٢٠ ٩/۵٠ ٩/٤٦ ٩٠]	•/44	•	• / ١	۵
FF/VV	[-9· Y/9Y Y/9Y 9·]	•/49	•	۰/۱۵	۵

نرمینگیهای مختلف، سایر پارامترهای طراحی از قبیل زاویه الیاف، زاویه چرخش گشودگی، نسبت اندازه گشودگی به اندازه صفحه، بهینه سازی شده و در جدول ۷ آورده شده است. در این بررسی مشخص شد که با افزایش نرمینگی گوشههای گشودگی پنج ضلعی و شش ضلعی دمای بحرانی کمانش حرارتی نیز افزایش مییابد که این نتیجه میتواند به دلیل بروز پدیده کمانش محلی در ورق باشد.

## ۵ -۳-۲- تأثیر زاویه چرخش گشودگی

در این بخش، تأثیر مقادیر پارامترهای طراحی بهینه بر تابع هدف بهازای مقادیر مختلف زاویه چرخش گشودگی بررسی شده است. برای مقادیر خاصی از زاویه چرخش گشودگی، مقدار بار کمانش حرارتی بهینه بهازای سایر مقادیر پارامترهای طراحی بهینه در شکل ۹ آورده شده است. با توجه به شکل ۹ میتوان مشاهده کرد برای گشودگی پنج ضلعی، زاویه چرخش ۱۳۵° و ۱۵۷/۵° و برای گشودگی شش

ضلعی، زاویه چرخش °۱۵۷/۵ و °۰ بهترتیب منجر به بالاترین و پایینترین دمای بحرانی کمانش میشود. نتیجه جالب توجه آنست که زاویه چرخش °۱۵۷/۵ برای گشودگی پنج ضلعی بدترین و برای گشودگی شش ضلعی بهترین وضعیت قرارگیری سوراخ میباشد. ضمن آنکه در کل ورق با گشودگی پنج ضلعی وضعیت بهتری نسبت به ورق با گشودگی شش ضلعی در مقابل کمانش حرارتی دارد.

## ۵-۳-۳- تأثیر نسبت اندازه گشودگی به اندازه صفحه

نسبت اندازه گشودگی به اندازه صفحه تأثیر زیادی بر دمای بحرانی کمانش دارد. بهمنظور نشان دادن تأثیر این پارامتر، بهازای مقادیر خاصی از D/a، مقادیر بهینه سایر پارامترهای طراحی و تابع هدف مربوط به آنها در جدول ۸ آورده شده است. نتایج حاکی از آن است که با افزایش D/a، به دلیل کاهش سطح مقطع ورق و نزدیک شدن به لبههای مقید دمای بحرانی کمانش نیز افزایش مییابد.



شکل ۹: تغییر تابع هدف بهازای مقادیر مختلف چرخش گشودگی Fig. 9. Variation of the objective function to different values of cutout orientation

$\Delta T_{c}$ (°C)	$\theta^{\circ} [G B B G]$	β°	μ	D/a	п
26/27	[-&7/7• ۶١/٧٧ ۶١/٧٧ -&7/19]	117/0	٠/٢	•/17	۴
۲۵/۵۸	[44/10 -40/42 40/42 44/10]	۱۵۷/۵	۰/۲	•/74	۴
81/94	[-40 40/10 40/10 -40]	117/0	۰/۲	۰/۳۶	۴
46/70	[-~7/9% 7/78 7/8% 9.]	•	٠/٢	۰/۴۸	۴
76/93	[-81/80 21/10 21/14 -88/02]	180	۰/۲	•/8•	۴
26/20	[-46/49 20/98 20/98 -46/40	117/0	۰/۱۵	•/110	۵
26/28	[-40/89 40/18 40/04 -44/04]	٩٠	•/•9	•/518	۵
٣٠/٨٩	[41/14 -47/17 -47/19 41/18]	180	۰/۱۵	•/840	۵
47/VV	[-NN/T+ 9/D+ 9/48 9+]	•	•/10	•/49	۵
٩۶/٣٢	[-\$4/97 78/74 77/44 9.]	۱۵۷/۵	٠/١۵	•/۵V۵	۵

D/a جدول ۸: مقادیر بهینه پارامترهای طراحی بهازای مقادیر مختلف Table 8. Optimal values of design variables for different values of D/a

## ۵-۳-۴- تأثیر شرایط مرزی

در این بخش، تأثیر شرایط مرزی ساده و گیردار روی چهار لبه صفحه کامپوزیت هیبریدی با چیدمان لایهها [G B B G]، بر بار کمانش حرارتی بررسی شده است. مقادیر بهینه تابع هدف بهازای تمامی مقادیر پارامترهای طراحی بهینه شده در شرایط مرزی مختلف در جدول ۹ آورده شده است. با توجه به جدول ۹ میتوان نتیجه گرفت که صفحه با شرایط مرزی چهار طرف گیردار در مقایسه با

لبههای ورق مقاومت بیشتری در برابر کمانش حرارتی دارد. شکل مد کمانش صفحه با گشودگی پنج ضلعی و شش ضلعی واقع در مرکز با شرایط مرزی چهار طرف گیردار که مشخصات آن نیز در جدول ۸ آمده است در شکل ۱۰ آورده شده است.

## ۵–۳–۵– تأثير آرايش لايهها

در این بخش، تأثیر چیدمان لایهها بر دمای بحرانی کمانش در شرایط مرزی چهار طرف گیردار نشان داده شده است. بهمنظور

جدول ٩: مقادير بهينه پارمترهاي طراحي و تابع هدف مربوط به آنها با شرايط مرزي مختلف Table 9. Optimal values of design variables and corresponding objective function with different boundary conditions

$\Delta T_{c}$ (°C)	$\theta^{\circ} [G B B G]$	D/a	β°	μ	شرایط مرزی	п
٨۴/٩٣	[-&1/&2 21/22 21/24 -&&/28]	۰/۶	180	٠ /٢	CCCC	۴
۲۱/۳۴	[-21/21 27/11 22/12 22/21]	• /8	۶۷/۵	٠ /٢	SSSS	۴
89/87	[-\$4/97 78/74 77/44 9.]	•/۵Y۵	۱۵۷/۵	٠/١۵	CCCC	۵
۱۸/۴۷	[-40/77 47/20 47/29 -40/40]	•/۵V۵	۲۲/۵	٠/١۵	SSSS	۵

جدول ۱۰: مقادیر بهینه کلیه پارامترهای طراحی با شرایط مرزی CCCC برای لایه چینیهای متفاوت

Table 10. Optimal values of design variables with CCCC boundary conditions for different stacking sequences.

$\Delta T_{c}$ (°C)	$\theta^{\circ}$	D/a	ß°	μ	چيدمان لايەھا	п
١٦١/٨٨	[-9. 37/7 9. 7/29]	• /۶	•	۰/۲	[B B B B]	۴
124/12	[_٩٠ ٩٠ ٩٠ ٩٠]	• /۶	•	۰/۲	[B G G B]	۴
11./18	[-9 • -7/77 -9 • -•/•7]	• /۶	۱۸۰	۰/۲	[B G B G]	۴
98/87	[-٩٠ -٩٠ ٩٠ -٩٠]	• /۶	۱۸۰	٠/٢	[G B G B]	۴
<b>۲۴/۷۹</b>	[۶/٣۶ ٩٠ ٣/٨۴ -٩٠]	• /۶	•	۰/۲	[G G G G]	۴
٨٠/٣۵	[-81/22 -21/60 -9. 9.]	• /۶	۱۸۰	۰/۲	[B B G G]	۴
۷۷/۷۵	[-7/8 -9+ 9+ -9+]	• /۶	۱۸۰	٠/٢	[G G B B]	۴
<b>۲۴/۹۳</b>	[-81/80 31/10 31/14 -88/03]	• /۶	١٣۵	۰/۲	[G B B G]	۴
۱۵۸/۳۱	[-9· V/TF -9· V/X1]	•/۵V۵	۶۲/۵	•/10	[B B B B]	۵
149/38	[_٩٠ ٩٠ ٩٠ _٩٠]	•/۵V۵	•	•/10	[B G G B]	۵
1.7/49	[9• •/•٣ -9• ٢/۵٧]	•/۵V۵	۱۸۰	•/10	[B G B G]	۵
۱۰۲/۰۷	[-1/88 -9+ -9+ -9+]	•/۵V۵	۱۵۷/۵	•/10	[G B G B]	۵
٨٢/٨١	[-9• -7/1V 9• -V/V1]	•/۵V۵	•	•/10	[G G G G]	۵
V9/94	[16/68 969/89 -69/14]	•/۵V۵	۶۲/۵	•/10	[G G B B]	۵
<b>٧</b> ۶/٩٢	[-80/28 -29/00 -28/28 -28	•/۵V۵	۱۵۷/۵	۰/۱۵	[B B G G]	۵
87/87	[-\$4/97 71/74 71/44 9.]	•/۵Y۵	۱۵۷/۵	٠/١۵	[G B B G]	۵

نشان دادن این تأثیر، مقدار بهینه دمای بحرانی کمانش، بهازای تمامی پارامترهای طراحی بهینه در جدول ۱۰ آورده شده است. با توجه به جدول ۱۰ می توان نتیجه گرفت که خواص مکانیکی و چیدمان لایهها، تأثیر قابل توجهای بر دمای بحرانی کمانش دارند. نتایج نشان داد که برای گشودگی پنج ضلعي و شش ضلعي چيدمان لايه بهصورت B B B B] بيشترين

[G B B G] کمترین مقاومت را در برابر کمانش حرارتی دارد که این مساله به خواص مکانیکی و استحکام مواد مورد بررسی برمی گردد.

## ۵– نتیجهگیری

گشودگی در صفحات به دلایل مختلف ایجاد میگردد. اگرچه مقاومت را در برابر کمانش حرارتی دارد. همچنین چیدمان لایه به صورت این گشودگی ها باعث کاهش یا افزایش بار کمانش می شوند، اما



شکل ۱۰ : شکل مد کمانش صفحه حاوی گشودگی مرکزی (a) گشودگی پنج ضلعی (b) گشودگی شش ضلعی Fig. 10. Buckling mode shape of plate with central cutout (a) Pentagon cutout (b) Hexagonal cutout

ورق نیز افزیش مییابد. ۵- آرایش لایهها، بیشترین تأثیر را بر بار کمانش حرارتی دارند. ۶- کامپوزیت هیبریدی متقارن از لحاظ نوع ماده با آرایش لایهها بهصورت [B B B B] و کامپوزیت هیبریدی با آرایش لایهها بهصورت [G B B G] نسبت به سایر آرایش لایهها به ترتیب، بیشترین و کمترین مقاومت را در برابر کمانش حرارتی دارند.

#### منابع

- F. Bloom and D. Coffin, Handbook of Thin Plate Buckling and Postbukling, CRC Press, New York ,2000.
- [2] W. T. Koiter, Over de Stabiliteitvan het Elastisch Evenwicht, Ph.D. Thesis, Techische Hooge School at Delft, Amsterdam, 1945.
- [3] R. V. Kumar and G. K. Rao, Effect of Volume Fraction on the Thermal Buckling Analysis Of Laminated Composite Plate with Square/Rectangular Cutout, Materials Today: Proceedings, 5 (2) (2018) 5819-5829.
- [4] R. Shaterzadeh, S. Abolghasemi and R. Rezaei, Finite Element Analysis of Thermal Buckling of Rectangular Laminated Composite Plates with Circular Cut-Out, Journal of Thermal Stresses, 37 (5)
- [5] (2014) 604-623.
- [6] S. Abolghasemi, A. R. Shaterzadeh and R. Rezaei, Thermo-Mechanical Buckling Analysis of Functionally Graded Plates with an Elliptic Cutout,

می توان با انتخاب مناسب هندسه گشودگی و مقادیر پارامترهای مؤثر بر بار کمانش، مقاومت این صفحات را در برابر کمانش افزایش داد. در این مقاله، بار کمانش حرارتی صفحه کامپوزیتی حاوی گشودگی پنج ضلعی و همچنین صفحه کامپوزیتی با گشودگی شش ضلعی با استفاده از روش اجزای محدود و بر پایه تئوری تغییر شکل برشی مرتبه اوّل محاسبه شده است. سپس بهمنظور دستیابی به بیشترین بار کمانش حرارتی، مقادیر بهینه پارامترهای طراحی که بر بار کمانش استفاده از الگوریتم ژنتیک به دست آورده شدهاند. متغیرهای طراحی در این مقاله عبارتند از: نرمینگی گوشههای گشودگی، نسبت اندازه گشودگی به انداز صفحه، زاویه چرخش گشودگی و زاویه الیاف. همچنین تابع هدف در الگوریتم ژنتیک، بیشترین بار کمانش حرارتی میباشد. در نهایت نتایج مفیدی به شرح زیر استخراج گردیده است:

۱- صفحه با گشودگی پنج ضلعی و همچنین صفحه با گشودگی شش ضلعی نسبت به صفحه با گشودگی دایروی مقاومت بیشتری در برابر کمانش حراتی دارد. هم چنین صفحه با گشودگی پنج ضلعی نسبت به صفحه با گشودگی شش ضلعی دارای دمای بحرانی کمانش بیشتری میباشد.

۲- با افزایش نرمینگی گوشههای گشودگی پنج ضلعی و شش ضلعی در بازه تعریف شده برای گشودگی پنج ضلعی و شش ضلعی، بار کمانش حرارتی نیز افزایش مییابد.

۳- هرچه نسبت اندازه گشودگی به اندازه صفحه افزایش یابد، بار کمانش حرارتی نیز افزایش مییابد.

۴- هرچه لبههای ورق مقیدتر باشد، ظرفیت تحمل بار حرارتی

- [16] A. Ehsani and J. Rezaeepazhand, Stacking Sequence Optimization of Laminated Composite Grid Plates for Maximum Buckling Load Using Genetic Algorithm, International Journal of Mechanical Sciences, 119 (2016) 97-106.
- [17] A. R. Vosoughi, A. Darabi, N. Anjabin and U. Topal, A Mixed Finite Element and Improved Genetic Algorithm Method for Maximizing Buckling Load of Stiffened Laminated Composite Plates, Aerospace Science and Technology, 70 (2017) 378-387.
- [18] O. S. Hussein and S. B. Mulani, Optimization of In-Plane Functionally Graded Panels for Buckling Strength: Unstiffened, Stiffened Panels, and Panels with Cutouts, Thin-Walled Structures, 122 (2018) 173-181.
- [19] S. A. Mahmodzade hoseyni and M. Jafari, Optimization of Influence Parameter on Isotropic Plates with Regular Polygonal Cutouts Using Particle Swarm Algorithm, Modares Mechanical Engineering, 15 (12) (2015) 243-253. (in Persian)
- [20] A. K. Kaw, Mechanics of Composite Materials, Second Edittion, CRC Press, USA, 2006.
- [21] D. L. Logan, A First Course in The Finite Element Method, Fifth Edittion, Cengage Learning, USA, 2012.
- [22] O.S. Sahin, Thermal Buckling of Hybrid Angle-Ply Laminated Composite Plates with a Hole, Composite Science and Technology, 65 (2005) 1780-1790.
- [23] H. Ounis and M. O. Belarbi, On the Thermal Buckling Behaviour of Laminated Composite Plates with Cutouts, Journal of Applied Engineering Science & Technology, 3 (2) (2017) 63-69.
- [24] K. R. Thangaratnam and J. Ramachandran, Thermal Buckling of Composite Laminated Plates, Computers & Structures, 32(5) (1989) 1117-1124.
- [25] M. K. Singha, L. S. Ramachandra and J. N. Bandyopadhyay, Thermal Postbuckling Analysis of Laminated Composite Plates, Composite Structures, 54 (4) (2001) 453-458.

Aerospace Science and Technology, 39 (2014) 250-259.

- [7] P. Dhurvey, Buckling Analysis of Composite Laminated Skew Plate of Variable Thickness, Materials Today: Proceedings, 4 (9) (2017) 9732-9736.
- [8] R. V. Kumar and G. K. Rao, Thermal Buckling Analysis of Laminated Composite Plate with Square/ Rectangular, Elliptical/Circular Cutout, Materials Today: Proceedings, 5 (2) (2018) 5354-5363.
- [9] A. Ghorbanpour Arani, Sh. Maghamikia, M. Mohammadimehr and A. Arefmanesh, Buckling Analysis of Laminated Composite Rectangular Plates Reinforced by SWCNTs Using Analytical and Finite Element Methods, Journal of Mechanical Science and Technology, 25 (3) (2011) 809-820.
- [10] M. Aydogdu and T. Aksencer T., Buckling of CrossPly Composite Plates
- [11] With Linearly Varying In-Plane Loads, Composite Structures, 183 (2018) 221-231.
- [12] A.R. De Faria and S.F.M. De Almeida, Buckling Optimization of Plates with Variable Thickness Subjected to Nonuniform Uncertain Loads, International Journal of Solids and Structures, 40 (15) (2003) 3955-3966.
- [13] F. Aymerich and M. Serra, Optimization of Laminate Stacking Sequence for Maximum Buckling Load Using the Ant Colony Optimization (ACO) Metaheuristic, Composites Part A: Applied Science and Manufacturing, 39 (2) (2008) 262-272.
- [14] Z. Jing, X. Fan and Q. Sun, Stacking Sequence Optimization of Composite Laminates for Maximum Buckling Load Using Permutation Search Algorithm, Composite Structures, 121 (2015) 225-236.
- [15] F. S. de Almeida, Stacking Sequence Optimization for Maximum Buckling Load of Composite Plates Using Harmony Search Algorithm, Composite Structures, 143 (2016) 287-299.

بی موجعه محمد ا