نشریه مهندسی مکانیک امیرکبیر

نشریه مهندسی مکانیک امیرکبیر، دوره ۵۰، شماره ۲، سال ۱۳۹۷، صفحات ۴۳۷ تا ۴۴۳ DOI: 10.22060/mej.2017.12275.5318

# بررسی ترمودینامیکی اثر سورفکتانتهای کاتیونی بر کشش بینسطحی نفت – آب

صابر نیک سرشت'، فرشاد فرشچی تبریزی'\*، مسعود ریاضی

<sup>۱</sup>دانشکده مهندسی شیمی، دانشگاه شیراز، شیراز، ایران <sup>۲</sup>مرکز ازدیاد برداشت از مخازن نفتی، پژوهشکده ازدیاد برداشت از مخازن نفت و گاز، دانشگاه شیراز، شیراز، ایران

چکیده: جریان سیال چند فازی در محیط متخلخل بهشدت تابع کشش بین سطحی سیالات غیر امتزاجی است. با تغییر کشش بین سطحی، مکانیک سیالات تحت تأثیر قرار می گیرد. این مقاله یک رویکرد جدید برای پیش بینی کشش بین سطحی سیستم نفت – آب در حضور سورفکتانت یونی بیان می کند. معادله این مطالعه بر اساس معادله باتلر است که اغلب برای به دست أوردن معادلات حالت کشش سطحی در سطحتماسهای متفاوت استفاده می شود. به منظور اندازه گیری مقادیر ضریب فعالیت سورفکتانت یونی دیبای می کند. معادله این مطالعه بر اساس معادله باتلر است که اغلب برای به دست أوردن معادلات حالت کشش سطحی در سطحتماسهای متفاوت استفاده می شود. به منظور اندازه گیری مقادیر ضریب فعالیت سورفکتانت در فاز توده از تئوری دیبای – هوکل استفاده شده است. سورفکتانتهای کاتیونی دسیل تری متیل آمونیوم بروماید (C<sub>12</sub>TAB) برای ارزیابی معادله استفاده شده اند. معادله نهایی جدید می تواند رفتریب متفاده شده است. سورفکتانت در فاز توده از تئوری دیبای – هوکل استفاده شده است. سورفکتانت های کاتیونی دسیل تری متیل آمونیوم بروماید (C<sub>10</sub>TAB) و دودسیل تری متیل آمونیوم بروماید (C<sub>12</sub>TAB) برای ارزیابی معادله استفاده شده اند. معادله استفاده شده اند. معادله نهایی جدید می تواند کشش بین سطحی آلکان – آب در حضور محلولهای تک سورفکتانت را به وی توصیف کند. در این مطالعه آلکانهایی مساحت مولار و ضریب توزیع توده – سطح سورفکتانت به دست آمدهاند. تغییرات پارامترهای معادله در این مطالعه آلکان – آب می معاده می ماده می مواد مان و تترادکان به عنوان فاز نفت در نظر گرفته شده اند. با برازش منحنی پارامترهای مساحت مولار و ضریب توزیع توده – سطح سورفکتانت به دست آمدهاند. تغییرات پارامترهای معادله در سیستمهای آلکان – آب می معادله جدید به دست آمده با داده می تواند برای کاربرد عملی سورفکتانتها در کاهش کشش متفاوتی بخان مودی و تار گاری خوبی بر خوردار است. این متفاوتی بحث شده است. معادله جدید به دست آمدهای آزمایشگاهی مورد مطالعه از ساز گاری خوبی برخوردار است. این معنفی و رویکر و ضریب توزیع توده – سطح سورفکتانت به دست آمده ای تر می موند و آب می مودن مان کاربی خوبی ساختی موردار است. این مسلحت مولار و ضریب مولی و قوی که دادهای آزمایشگاهی که می تواند برای کاربرد عملی سورفکتانتها در کاهش کش رویک سرین مولای می و می مولا و تر می موند و آب می ما می و می م

**تاریخچه داوری:** دریافت: ۱۷ دی ۱۳۹۵ بازنگری: ۲۸ اسفند ۱۳۹۵ پذیرش: ۱۷ اردیبهشت ۱۳۹۶ ارائه آنلاین: ۲۷ اردیبهشت ۱۳۹۶

> کلمات کلیدی: جریان سیال کشش بینسطحی سیستم نفت – آب سورفکتانت یونی مساحت مولار

#### ۱- مقدمه

یک سورفکتانت (عامل فعال سطحی) مادهای است که وقتی در غلظت کم در سیستم موجود باشد، ویژگی مربوط به جذب سطحی سطوح تماس سیستم را داراست و میتواند انرژی های آزاد سطحی یا بین سطحی آن سطوح تماس را به یک درجه مشخص تغییر دهد. اصطلاح «سطح تماس» یک مرز بین هر دو فاز امتزاجناپذیر را نشان می دهد و اصطلاح «سطح» به سطح تماسی که یک فاز گاز (معمولاً هوا) است، اشاره دارد [۱].

فعالیتهای انسانی بسیاری با سورفکتانتها سروکار دارند. رشد چشم گیر سورفکتانتها در صنعت نفت از حدود سال ۱۹۶۰ میلادی آغاز شد. برای کنترل افت فشار بهعنوان یک ویژگی ساختار مخازن نفت، روشهای تزریق آب و گاز به مخازن (برداشت نفت ثانویه) به شکل گستردهای آغاز شد. به دلیل این که این روشها ۵۰ تا ۷۰ درصد نفت اصلی را در محل باقی می گذاشتند، آزمایشها و روشهای عملی برای پیشرفت مرحله سوم روشهای برداشت نفت یا ازدیاد برداشت نفت (EOR) آغاز شد [۲]. کاهش کشش بینسطحی یکی از شناخته شدهترین خواص سورفکتانتها در محلول است. همان طور که معادله گیبس<sup>(</sup> [۳] نشان میدهد، این خاصیت به جایگزینی مولکولهای حلال در سطح تماس به وسیله مولکولهای سورفکتانت و درنتیجه به

1 Gibbs

غلظت اضافى سطحى (بين سطحى) سور فكتانت بستكى دارد [١] .

یکی از کارهای آزمایشگاهی اخیر در این زمینه، پژوهش میوسیک و همکاران [۴] است که کشش بینسطحی محلولهای آبی در مقابل فازهای C<sub>10</sub>TAB نفتی متفاوت با استفاده از آنالیز تنسیومتری پروفایل قطره برای C<sub>10</sub>TAB و C<sub>12</sub>TAB در بافر فسفات (PH7 ، ۱۰mM) اندازهگیری شده است [۴].

یک تئوری که بتواند کشش بین سطحی نفت – آب در حضور سورفکتانتها را پیش بینی کند، می تواند ازلحاظ کم کردن هزینه و هم چنین کاهش زمان موردنیاز نسبت به روشهای آزمایشگاهی ارزشمند باشد. علاوه بر معادله گیبس، سه معادله دیگر شامل معادلات سیسکوفسکی<sup>۲</sup> [۵]، لنگمویر<sup>۳</sup>[۶] و فرومکین<sup>۴</sup>[۷] پیشنهادشدهاند که غلظت سورفکتانت در سطح تماس، کشش سطحی (بین سطحی) و غلظت تعادلی سورفکتانت در یک فاز مایع را به یکدیگر ارتباط می دهند. تأثیر مولکول های سورفکتانت روی کشش بین سطحی اغلب به وسیله یک معادله حالت سطحی توصیف می شود. معادلات حالت سطحی و روشهای مختلف به دست آوردن آن ها به شکلی جامع در مراجع [۸ و ۹] مرور شدهاند. در بعضی پژوهش ها، معادله حالت سطحی به شکلی که در اصل برای سورفکتانت غیر یونی به دست آمده، به کار

نويسنده عهدهدار مكاتبات: farshchi@shirazu.ac.ir

<sup>2</sup> Szyszkowski

<sup>3</sup> Langmuir

<sup>4</sup> Frumkin

می شود. مدل جذب سطحی لنگمویر [۶] برای جذب سطحی تعادلی مخلوط و تک سورفکتانت غیر یونی در سطحتماس هیدروکربن – آب استفاده شده است [۱۲–۱۰]. با این حال، این چنین معادلات نمی توانند اثر وسیع الکترولیت غیر آلی روی جذب سطحی سورفکتانت های یونی را کاملا در نظر بگیرند و محلول های بیش تر از یک سورفکتانت یونی را توصیف کنند.

کالینین و رادک [۱۳] مدلی متفاوت برای بیان جذب سطحی تعادلی سورفکتانت های یونی در سطح تماسهای محلول آبی – سیال ارائه دادهاند. مدل پیشنهادی ساختاری سه لایه برای سطح تماس در نظر می گیرد: ۱) یک صفحه سورفکتانتهای جذب سطحی شده (صفحه سطح تماس)، ۲) یک صفحه ضدیون های تماس محدود، دی هیدرات شده جزئی (صفحه هلمهولتز داخلی) و ۳) یک صفحه ضدیون های هیدرات شده (صفحه هلمهولتز بیرونی).در این پژوهش بیانی تحلیلی برای کشش سطحی به صورت تابعی از پارامترهای شیمی –فیزیکی سیستم به دست آمده است.

یکی از آخرین پژوهشهای انجامشده برای توصیف رفتار بینسطحی نفت – آب در حضور سورفکتانتهای یونی، تئوری بهرامیان و زربخش [۱۴] است. این روش، متکی بر رفتار ایده آل سورفکتانتهای یونیزه شده در سطح تماس نفت–آب است. معادله آنها به سادگی کشش بین سطحی را به اندازه مولکولی سورفکتانت و غلظت بحرانی میسل (CMC) سورفکتانت در فاز آبی مرتبط می کند. توسعه مربوط به لایههای چندگانه مجتمع<sup>۲</sup> نیز در معادله در نظر گرفته شده است.

در این مطالعه سعی شده است که یک معادله حالت بین سطحی برای سورفکتانتهای یونیزه شده در سطحتماس نفت – آب ارائه شود. این معادله ساده و دارای دو پارامتر تنظیم پذیر<sup>۳</sup> است. معادله جدید توانسته به شکل رضایت بخشی کشش بین سطحی آلکان – آب در حضور تک سورفکتانت یونی را پیش بینی کند.

## ۲- تئورى

در این بخش ابتدا معادله باتلر<sup>\*</sup> معرفی می شود. سپس معادله برای در نظر گرفتن حضور سورفکتانت یونی توسعه داده می شود. معادله باتلر که برای به دست آوردن معادلات حالت سطحی و ایزوترمهای جذب سطحی استفاده شده به صورت زیر است [۱۵]:

$$\mu_i^{\alpha\beta} = \mu_i^{0,\alpha\beta} + \mathbf{R}T \, \ln f_i^{\alpha\beta} x_i^{\alpha\beta} - \sigma \omega_i \tag{1}$$

در معادله (۱) پتانسیل شیمیایی  $\mu_i^{\alpha\beta}$  به ترکیب لایه و کشش بین سطحی  $\sigma$  بستگی دارد؛ بالانویس  $\alpha\beta$  به سطح تماس اشاره دارد،  $\mu_i^{0,\alpha\beta}$  پتانسیل شیمیایی استاندارد، R ثابت جهانی گاز، T دما،  $f_i$  ضریب اکتیویته،  $x_i$  کسر مولی و  $\omega_i$  مساحت مولار جزئی جزء *i*ام است.

- 1 Counterion
- 2 Complex multi-layers
- 3 Fitting
- 4 Butler

در شرایط تعادل، پتانسیلهای شیمیایی اجزاء در محلول توده با آنهایی که در لایه سطحی هستند، برابر است. برای پتانسیلهای شیمیایی اجزاء در محلول توده داریم:

$$\mu_i^{\alpha} = \mu_i^{0,\alpha} + \mathbf{R}T \, \ln f_i^{\alpha} x_i^{\alpha} \tag{(Y)}$$

که بالانویس  $\alpha$  به محلول توده اشاره دارد.

با در نظر گرفتن یونیزاسیون سورفکتانت یونی ZY (۱:۱) [۱۶] و همچنین با تعریف میانگین کسر مولی یونی  $_{\pm}x$  و میانگین ضریب فعالیت یونی  $_{\pm}f$  [۱۷]، معادلات (۱) و (۲) به شکل زیر درمیآیند:

$$\mu_{ZY}^{\alpha\beta} = \mu_{ZY}^{0,\alpha\beta} + 2RT \ln f_{ZY\pm x}^{\alpha\beta} x_{ZY\pm}^{\alpha\beta} - \sigma\omega_{ZY}$$
(\vec{v})

$$\mu_{ZY}^{\alpha} = \mu_{ZY}^{0,\alpha} + 2RT \ln f_{ZY \pm}^{\alpha} x_{ZY \pm}^{\alpha}$$
(\*)

در ادامه برای سادگی از نوشتن زیرنویس ± خودداری شده است. در تعادل، با برابر قرار دادن پتانسیلهای شیمیایی سورفکتانت یونی ZY با استفاده از معادلات (۳) و (۴) داریم:

$$\mu_{ZY}^{0,\alpha} + 2RT \ln f_{ZY}^{\alpha} x_{ZY}^{\alpha} = \mu_{ZY}^{0,\alpha\beta} + 2RT \ln f_{ZY}^{\alpha\beta} x_{ZY}^{\alpha\beta} - \sigma \omega_{ZY}$$
( $\delta$ )

در اینجا ضریب توزیع توده-سطح را برای جزء Ki ،i و برای سورفکتانت، تعریف میکنیم [۹]:

$$K_{i} = \exp\left(\frac{\mu_{i}^{0,\alpha\beta} - \mu_{i}^{0,\alpha}}{2RT}\right) \tag{(5)}$$

$$K_{ZY} = \exp\left(\frac{\mu_{ZY}^{0,\alpha\beta} - \mu_{ZY}^{0,\alpha}}{2RT}\right)$$
(Y)

با قرار دادن معادله (۲) در معادله (۵) و با مرتبسازی، معادلهی (۸) حاصل خواهد شد:

$$\frac{\sigma\omega_{ZY}}{2RT} = \ln(\frac{K_{ZY}f_{ZY}x_{X}^{\alpha\beta}}{f_{ZY}^{\alpha}x_{ZY}^{\alpha}}) \tag{A}$$

برای رفتار سطحی ایده آل ۱=f<sup>cd</sup><sub>i</sub> [۱۸] و ازآنجایی که جمع کسرهای مولی در سطح تماس باید برابر با ۱ شود، داریم:

$$\frac{f_{ZY}^{\alpha} x_{ZY}^{\alpha}}{K_{ZY}} \exp\left(\frac{\sigma \omega_{ZY}}{2RT}\right) + \sum \frac{f_{i}^{\alpha} x_{i}^{\alpha}}{K_{i}} \exp\left(\frac{\sigma \omega_{i}}{2RT}\right) = 1 \qquad (9)$$

با فرض این که مساحتهای مولار همه اجزاء در لایه سطحی باهم برابرند ( $\omega_i = \omega_i = \cos(\sigma \omega/2RT)$  خواهیم داشت:

$$\exp\left(\frac{\sigma\omega}{2RT}\right)\left[\frac{f_{ZY}^{\alpha}x_{ZY}^{\alpha}}{K_{ZY}} + \sum\frac{f_{i}^{\alpha}x_{i}^{\alpha}}{K_{i}}\right] = 1 \qquad (1\cdot)$$

وقتى كه سورفكتانت در سيستم موجود نيست:

$$\exp\left(\frac{-\sigma_0\omega}{2RT}\right) = \sum \frac{f_i^{\ \alpha} x_i^{\ \alpha}}{K_i} \tag{11}$$

که 
$$\sigma_o$$
 کشش بین سطحی قبل از اضافه کردن سورفکتانت است.  
با جایگذاری معادله (۱۱) در معادله (۱۰) داریم:

$$\exp\left(\frac{-\sigma\omega}{2RT}\right) - \exp\left(\frac{-\sigma_0\omega}{2RT}\right) = \frac{f_{ZY}^{\alpha} x_{ZY}^{\alpha}}{K_{ZY}}$$
(17)

برای به دست آوردن فشار سطحی  $\sigma_{_0}$  -  $\sigma_{_0}$  ، با فاکتورگیری از (exp(- $\sigma_{_0}\omega/2RT)$ 

$$\pi = \sigma_0 - \sigma = 2\frac{RT}{\omega} \ln \left[ 1 + \frac{f_{ZY}^{\alpha} x_{ZY}^{\alpha}}{K_{ZY}} exp\left(\frac{\omega\sigma_0}{2RT}\right) \right]$$
(10)

معادله بالا شبیه به معادله وون و اسلتری<sup>(</sup> [۱۸]، معادله لوکاسن–ریندرز [۱۹] و معادله بهرامیان و زربخش [۱۴] است. ورودی این معادله دما، غلظت سورفکتانت و کشش بینسطحی بدون حضور سورفکتانت است. این معادله دو پارامتر تنظیم پذیر  $\omega$  و  $K_s$  را داراست و خروجی معادله کشش بین سطحی در حضور سورفکتانت یونی است.

با مهیا بودن ضریب فعالیت سورفکتانت در فاز توده، از معادله (۱۳) میتوان برای پیشبینی کشش بینسطحی نفت – آب در حضور تک سورفکتانت یونی ZY استفاده کرد. برای جایگذاری میانگین ضریب فعالیت یونها در محلول توده، از ضریب فعالیت میانگین دیبای – هوکل<sup>۲</sup> استفاده شده است که به صورت زیر بیان می شود [۲۰]:

$$\log f = -\frac{A_1 \sqrt{I}}{1 + A_2 \sqrt{I}} + A_3 I \tag{14}$$

در معادله (۱۴)، قدرت یونی در واحد mol/l است.  $A_1 , A_2 , A_1$  و  $A_3$ نیز ثوابتی هستند که به دما وابستهاند. به عنوان مثال در دمای ۲۵°C این سه پارامتر برابر:

$$A_{1} = \cdot/\Delta \ln \Delta \mod^{-0.5}/l^{-0.5}, A_{2} = \ln/\nabla \ln S \mod^{-0.5}/l^{-0.5},$$
$$A_{3} = \cdot/\cdot\Delta\Delta \mod^{-1}/l^{-1}$$

در بخش بعدی، معادلهی بهدست آمده در این مطالعه برای پیش بینی کشش بین سطحی آلکان – آب بعضی محلول های تک سورفکتانت یونی بررسی می شود.

#### ۳- نتایج و بحث

سطح تماس آلکان – آب در حضور سورفکتانتهای C<sub>10</sub>TAB و برای بررسی صحت معادله پیشنهادی انتخاب شده است.

آلکانهای بررسی شده شامل هگزان، هپتان، اوکتان، دکان، دودکان و تترادکان هستند. به منظور ارزیابی معادلات از دادههای آزمایشگاهی برای غلظتهای کمتر و نزدیک به CMC استفادهشده است.

برای به دست آوردن پارامترهای تنظیمپذیر و کشش بینسطحی از روش بهینه سازی حداقل مربعات<sup>۳</sup> استفادهشده است. پارامترهای به دست آمده از معادله (۱۳) پس از سازگار سازی با دادههای آزمایشگاهی در جدول ۱ گزارش شدهاند. با افزایش طول زنجیر سورفکتانت، مقادیر  $\infty$  در همه سطح تماس ها افزایش یافته است. مساحت هر مولکول سورفکتانت در این سطح تماس ها در حضور TAB ای C<sub>10</sub> TA تا <sup>2</sup>Å ۷۲ و در حضور C<sub>12</sub> TAB از تماس ها در حضور تفیر در این ای از ۶۶/۱ تا <sup>2</sup>Å ۲۶ و در حضور C<sub>12</sub> TAB از مشاهده نمی شود. شاید این وابسته نبودن به این دلیل است که هر آلکان m مشاهده نمی شود. شاید این وابسته نبودن به این دلیل است که هر آلکان تأثیر خاص خود را روی فعالیت سطحی سورفکتانت دارد. بنابراین بعضی نفتها بیش تر از دیگری، جذب سطحی سورفکتانت دار ترغیب می کنند.

جدول ۱: پارامترهای بهدست آمده از معادله (۱۳) پس از ساز گارسازی با دادههای آزمایشگاهی برای سطح تماس آلکان – آب در حضور TAB $_{10}$ TAB و  $C_{12}$  در دمای  $2^{\circ}C_{2}$ : دادههای آزمایشگاهی از مرجع [٤] استخراج شده است.

Table 1. Best-fit parameters of the Equation (13) for  $C_{10}$ TAB and  $C_{12}$ TAB solutions at the alkane-water interface at 25°C; experimental data are taken from literature [4]

K <sub>s</sub>		ω [Å <sup>2</sup> ]		نوع سطح تماس در مقابل آب –
<i>n=</i> <b>\</b> Y	<i>n=</i> \+	n=17	<i>n=</i> \+	C <sub>n</sub> TAB
л/۶e-۴	51e-4	۱۳۵	۱۳۳/۸	هگزان
<b>₩</b> •e- <b>۴</b>	ляе-к	۱۶۳/۵	118/5	ھپتان
٩/۴e-۴	1e-r	144	١١٨	اوكتان
۲Ve-۴	۷Ve-۴	١٧٨	١١٩	دکان
۹۵e-۳	۶۳e-۳	747	175	دودكان
87e-4	78e-4	١۶٨	88/N	تترادكان

با استفاده از روش آزمایشگاهی بازتاب نوترون<sup>\*</sup> (NR) مساحت هر مولکول سورفکتانت TAB  $C_{14}TAB$  در سطح تماس هگزادکان – آب با فرض این که سورفکتانت در فاز نفت باقی بماند، حدود <sup>2</sup>Å ۸۴ و با فرض این که سورفکتانت در محیط آبی باقی بماند، حدود <sup>2</sup>Å ۵۸ بهدستآمده است [۲۱]. سورفکتانت در محیط آبی باقی بماند، حدود <sup>2</sup>Å ۵۸ بهدستآمده است [۲۱]. در شکلهای ۱ تا ۶ دادههای آزمایشگاهی [۴] و پیش بینی کشش بین سطحی به صورت تابعی از غلظت TAB  $C_{12}TAB$  و پیش بینی کشش برای معادله جدید بهدستآمده در سطح تماسهای آب – هگزان، هپتان، برای معادله جدید بهدستآمده در سطح تماسهای آب – هگزان، هپتان، اوکتان، دکان، دودکان و تترادکان ارائه شده است. جذب سطحی TAB  $C_{12}TAB$  و  $C_{12}TAB$  میتان، حدول  $C_{12}TAB$  و  $C_{12}TAB$  میتان، حدول می از می را می مواد از کان ارائه شده است. جذب سطحی  $C_{12}TAB$ 

<sup>1</sup> Vaughn and Slattery

<sup>2</sup> Debye-Hückel

<sup>3</sup> Least squares

<sup>4</sup> Neutron Reflectivity

می شود و تا رسیدن به *CMC* حدود <sup>۱</sup>۰۵ برابر غلظت اولیه سورفکتانت نیاز است. در اینجا، مقدار بسیار کمی از مولکول های C<sub>10</sub>TAB یا TAB کشش بین سطحی را تغییر داده است.

اگرچه در بعضی از نقاط آزمایشگاهی کشش بین سطحی با نمودار معادله جدید بهدست آمده اختلاف دارد، بااین حال سازگاری خوبی بین این معادله و آزمایش مشاهده می شود. احتمالاً این اختلاف ها به دلیل خطاهای آزمایشگاهی منجر شده از زمان بسیار زیاد موردنیاز جذب سطحی در غلظت های کم سورفکتانت است. در این آزمایش ها زمان تعادلی کافی برای



Fig. 1. Experimental and predicted interfacial tension for hexane-water interface as a function of C<sub>10</sub>TAB and C<sub>12</sub>TAB concentration at 25°C. Experimental data are taken from literature [4]

شکل ۱: کشش بینسطحی آزمایشگاهی و پیش بینی شده برای سطح تماس هگزان – آب بهصورت تابعی از غلظت TAB و T<sub>12</sub>TAB در دمای ۲۰۵۵. دادههای آزمایشگاهی از مرجع [٤] استخراج شده است.



Fig. 2. Experimental and predicted interfacial tension for heptanewater interface as a function of  $C_{10}TAB$  and  $C_{12}TAB$  concentration at 25°C. Experimental data are taken from literature [4]

شکل ۲: کشش بینسطحی آزمایشگاهی و پیش بینی شده برای سطح تماس هپتان – آب بهصورت تابعی از غلظت TAB <sub>10</sub>D و C<sub>12</sub>TAB در دمای ۲۰°C. دادههای آزمایشگاهی از مرجع [٤] استخراج شده است.

غلظتهای بالا و نزدیک به CMC کمتر از ۱ ساعت و برای غلظتهای کمتر، تا ۳/۵ ساعت بوده است [۴].

در سطح تماس آلکان – آب مقادیر درصد میانگین انحراف مطلق  $^1$  AAD% برای معادله (۱۳) در حضور  $^1$ AAD و  $^1$ AAD آمده است.

معادله (۱۳) در حضور سورفکتانت  $C_{10}TAB$  در سطح تماسهای دکان – آب و دودکان – آب و در حضور سورفکتانت  $C_{12}TAB$  در سطح تماسهای هپتان – آب و دودکان – آب، کمترین انحراف را از دادههای



Fig. 3. Experimental and predicted interfacial tension for octane-water interface as a function of  $C_{10}TAB$  and  $C_{12}TAB$  concentration at 25°C. Experimental data are taken from literature [4]

شکل ۳: کشش بین سطحی آزمایشگاهی و پیش بینی شده برای سطح تماس اوکتان – آب به صورت تابعی از غلظت TAB و  $C_{10}TAB$  در دمای  $^{\circ}O^{\circ}$ . داده های آزمایشگاهی از مرجع [٤] استخراج شده است.



Fig. 4. Experimental and predicted interfacial tension for decane-water interface as a function of  $C_{10}TAB$  and  $C_{12}TAB$  concentration at 25°C. Experimental data are taken from literature [4]

شکل ٤: کشش بینسطحی آزمایشگاهی و پیش بینی شده برای سطح تماس دکان – آب به صورت تابعی از غلظت C<sub>10</sub>TAB و C<sub>12</sub>TAB در دمای ۲۰°C. داده های آزمایشگاهی از مرجع [٤] استخراج شده است.

1 Average Absolute Deviation



Fig. 6. Experimental and predicted interfacial tension for tetradecanewater interface as a function of  $C_{10}$ TAB and  $C_{12}$ TAB concentration at 25°C. Experimental data are taken from literature [4]

شکل ۲: کشش بین سطحی آزمایشگاهی و پیش بینی شده برای سطح تماس تترادکان – آب به صورت تابعی از غلظت C<sub>10</sub>TAB و C<sub>12</sub>TAB در دمای  $^{\circ}$ ۰۲. داده های آزمایشگاهی از مرجع [٤] استخراج شده است.



Fig. 5. Experimental and predicted interfacial tension for dodecanewater interface as a function of C<sub>10</sub>TAB and C<sub>12</sub>TAB concentration at 25°C. Experimental data are taken from literature [4]

شکل ۵: کشش بین سطحی آزمایشگاهی و پیش بینی شده برای سطح تماس دودکان – آب به صورت تابعی از غلظت  $C_{10}TAB$  و  $C_{12}TAB$  در دمای ۲۰۵۵. دادههای آزمایشگاهی از مرجع [٤] استخراج شده است.





Fig. 7. Comparison of the average absolute percentage deviation (AAD%) values for alkane-water interface in the presence of C<sub>10</sub>TAB and C<sub>12</sub>TAB شکل ۷: مقایسه مقادیر درصد میانگین انحراف مطلق AAD٪ برای سطح تماس آلکان – آب در حضور C<sub>10</sub>TAB و C<sub>10</sub>TAB

آزمایشگاهی داشته است. انحراف این معادله از دادههای آزمایشگاهی در حضور سورفکتانت C<sub>10</sub>TAB در سطح تماسهای هپتان – آب و اوکتان – آب و در حضور سورفکتانت C<sub>12</sub>TAB در سطح تماسهای هگزان – آب و تترادکان – آب، بیش تر از بقیه است.

#### ٤- نتيجه گيري

بر اساس معادله شناخته شده باتلر، معادله جدیدی برای پیش بینی کشش بینی سال معادله شناخته شده باتلر، معادله جدیدی برای پیش بینی کشش بین سطحی سیستم نفت – آب در حضور سورفکتانت یونی توسعه داده شده است. پس از سازگارسازی داده های آزمایشگاهی با معادلات، پارامترهای مجهول معادله جدید شامل مساحت مولار ( $\omega$ ) و ضریب توزیع توده – مجهول معادله جدید شامل مساحت مولار ( $\omega$ ) و ضریب توزیع توده مطح سوح سورفکتانت ( $K_s$ ) به دست آمده اند. مساحت مولکول سورفکتانت در سطح تماس آلکان – آب با افزایش طول زنجیر سورفکتانت در همه سطح

Company, 1928.

- [4] N. Mucic, N. Kovalchuk, E. Aksenenko, V. Fainerman, R. Miller, Adsorption layer properties of alkyltrimethylammonium bromides at interfaces between water and different alkanes, *Journal of colloid and interface science*, 410 (2013) 181-187.
- [5] B.v. Szyszkowski, Experimental studies on capillary properties of aqueous solutions fatty acids, Z. Phys. Chem, 64 (1908) 385-414.
- [6] I. Langmuir, The constitution and fundamental properties of solids and liquids. II. Liquids. 1, *Journal of the American Chemical Society*, 39(9) (1917) 1848-1906.
- [7] A. Frumkin, Surface tension curves of higher fatty acids and the equation of condition of the surface layer, Z. phys. Chem, 116 (1925) 466-484.
- [8] E.H. Lucassen-Reynders, *Anionic surfactants: Physical chemistry of surfactant action*, Marcel Dekker, 1981.
- [9] D.A. Cadenhead, J.F. Danielli, *Progress in surface and membrane science*, Elsevier, 2016.
- [10] M.J. Rosen, D.S. Murphy, Effect of the nonaqueous phase on interfacial properties of surfactants. 2. Individual and mixed nonionic surfactants in hydrocarbon/water systems, *Langmuir*, 7(11) (1991) 2630-2635.
- [11] V. Fainerman, S. Zholob, R. Miller, Adsorption kinetics of oxyethylated polyglycol ethers at the water-nonane interface, *Langmuir*, 13(2) (1997) 283-289.
- [12] V. Fainerman, A. Makievski, R. Miller, Surfactant adsorption isotherms considering molecular reorientation or aggregation at liquid/fluid interfaces, *Reviews in Chemical Engineering*, 14(6) (1998) 373-407.
- [13] V. Kalinin, C. Radke, An ion-binding model for ionic surfactant adsorption at aqueous-fluid interfaces, *Colloids* and Surfaces A: Physicochemical and Engineering Aspects, 114 (1996) 337-350.
- [14] A. Bahramian, A. Zarbakhsh, Interfacial equation of state for ionized surfactants at oil/water interfaces, *Soft matter*, 11(32) (2015) 6482-6491.
- [15] J. Butler, The thermodynamics of the surfaces of solutions, Proceedings of the Royal Society of London. Series A, *Containing Papers of a Mathematical and Physical Character*, 135(827) (1932) 348-375.
- [16] V. Fainerman, E. Lucassen-Reynders, Adsorption of single and mixed ionic surfactants at fluid interfaces, *Advances in colloid and interface science*, 96(1) (2002) 295-323.
- [17] J.M. Prausnitz, R.N. Lichtenthaler, E.G. de Azevedo, Molecular thermodynamics of fluid-phase equilibria, Pearson Education, 1998.
- [18] M.W. Vaughn, J.C. Slattery, A surface equation of state

تماسهای بررسی شده افزایشیافته است. تفاوت در مقادیر  $\omega \in K_s$  برای سطح تماسهای متفاوت بدون در نظر گرفتن دادههای مستقلی که اثرات متقابل سورفکتانت، آب و نفت را در نظر بگیرد، بهراحتی قابل تحلیل نیست. در این پژوهش تحلیل برای دو سورفکتانت در سطح تماس آلکان – آب انجامشده است و سازگاری معادله جدید به دست آمده در این مطالعه با دادههای آزمایشگاهی موردمطالعه در غلظتهای کمتر و نزدیک به CMC رضایت بخش است.

### فهرست علائم

# CMC غلظت بحرانی میسل (mol/l)

- ميانگين ضريب فعاليت يونی  $f_{\scriptscriptstyle \pm}$ 
  - I قدرت يونى (mol/l)

ضريب توزيع توده – سطح جزء 
$$K_i$$

میانگین کسر مولی یونی 
$$x_{\scriptscriptstyle \pm}$$

علامت يوناني

$$\mu$$
 پتانسیل شیمیایی (Joule/mole)  
 $\pi$  فشار سطحی (mN/m)  
 $\sigma$  کشش بین سطحی (mN/m)  
 $\sigma_0$  کشش بین سطحی قبل از اضافه کردن سورفکتانت (mN/m)  
 $\sigma_0$  مساحت (Å<sup>2</sup>)

i

زيرنويس

بالانويس

 $\alpha \in \beta$  مربوط به فاز توده  $\alpha \beta$  مربوط به سطح تماس  $\alpha \beta$  در شرایط استاندارد 0

منابع

- [1] M.J. Rosen, J.T. Kunjappu, *Surfactants and interfacial phenomena*, John Wiley & Sons, 2012.
- [2] D. Möbius, R. Miller, V. Fainerman, Surfactants: Chemistry, Interfacial Properties, Applications, Elsevier Amsterdam, 2001.
- [3] J.W. Gibbs, H.A. Bumstead, W.R. Longley, *The collected* works of J. Willard Gibbs, Longmans, Green and

of Surfactants at the Oil– Water Interface by Neutron Reflectometery<sup>†</sup>, *Langmuir*, 25(7) (2009) 3953-3956.

[22] N. Mucic, A. Javadi, N. Kovalchuk, E. Aksenenko, R. Miller, Dynamics of interfacial layers—experimental feasibilities of adsorption kinetics and dilational rheology, *Advances in colloid and interface science*, 168(1) (2011) 167-178.

DOI: 10.22060/mej.2017.12275.5318

for a partially soluble ionized surfactant, *Journal of colloid and interface science*, 195(1) (1997) 1-7.

- [19] E. Lucassen-Reynders, Surface equation of state for ionized surfactants, *The Journal of Physical Chemistry*, 70(6) (1966) 1777-1785.
- [20] R.A. Robinson, R.H. Stokes, *Electrolyte solutions*, Courier Corporation, 2002.
- [21] A. Zarbakhsh, J. Webster, J. Eames, Structural Studies

برای ارجاع به این مقاله از عبارت زیر استفاده کنید: Please cite this article using: S. Nikseresht, F. Farshchi Tabrizi, M. Riazi, Thermodynamic Investigation of Cationic Surfactants Effect on Oil-Water Interfacial Tension, *Amirkabir J. Mech. Eng.*, 50(2) (2018) 437-443.

