نشریه مهندسی مکانیک امیرکبیر



نشریه مهندسی مکانیک امیرکبیر، دوره ۵۲، شماره ۳، سال ۱۳۹۹، صفحات ۵۵۵ تا ۵۲۰ DOI: 10.22060/mej.2018.14407.5848

تحلیل تئوری اثر دما و نرخ کرنش بر نمودار حد شکلدهی آلومینیوم ۸۸ ۳۱۰۴ AA

سیده مریم میرفلاح نصیری'، علی باستی'*، رامین هاشمی'، ابوالفضل درویزه'

^۱ مهندسی مکانیک، دانشگاه گیلان، رشت، ایران ^۲ مهندسی مکانیک، دانشگاه علم و صنعت ایران، تهران، ایران

تاریخچه داوری: دریافت: ۱۴–۰۲–۱۳۹۷ بازنگری: ۱۶–۰۷–۱۳۹۷ پذیرش: ۱۹–۰۸–۱۳۹۷ ارائه آنلاین: ۲۹–۸۸–۱۳۹۷

کلمات کلیدی: نمودار حد شکلدهی روش مارسینیاک-کوزینسکی مدل جانسون-کوک دما نرخ کرنش

گلویی ایجاد شود. با توجه به اهمیت موضوع، در این زمینه تاکنون

پژوهشهای متعددی صورت گرفته و تأثیر عوامل گوناگون، خواص

مکانیکی، مسیر کرنش، معیار تسلیم و غیرہ روی این منحنی ها

بررسی شده است. از آنجایی که تنش مؤثر به نرخ کرنش نیز وابسته

است بسیاری از تحقیقها با در نظر گرفتن این پارامتر در رابطه

سختشوندگی در تحلیل شکلپذیری ورقها همراه بوده و نتایج

حاکی از آن است که پیشبینی عددی رفتار تنش-کرنش مواد تطابق

خوبی با نتایج تجربی دارد [۱–۳]. لاکونیس و گوش [۴]، نشان دادند

که نرخ کرنش تأثیر زیادی بر فولاد مخصوصاً نزدیک به حالت کشش

دو محوری دارد، در حالی که بر آلومینیم بی تأثیر است. مارسینیاک

و همکاران [۵]، حساسیت به نرخهای کرنش کوچک و مثبت را با

استفاده از رابطه کار سختی سوئیفت بررسی کردند. گوش و هکر

[۶]، طی تحقیقی نشان دادند که نتایج حاصل از اعمال نرخ کرنش

خلاصه: نمودار حد شکل دهی یکی از پر کاربردترین روش ها در پیش بینی ناپایداری پلاستیک در فرآیند شکل دهی ورق های فلزی است که دما و نرخ کرنش از جمله عوامل تأثیر گذار بر این منحنی ها است. در این مقاله، اثر دما و نرخ کرنش در شرایط بارگذاری نیمه استاتیکی، بر رفتار تنش-کرنش و نمودار حد شکل دهی آلیاژ آلومینیومی AN ۳۱۰ AA بر اساس روش مارسینیاک-کوزینسکی و مدل کارسختی جانسون-کوک بررسی شده است. ابتدا صحت سنجی نتایج عددی پاسخ تنش-کرنش با استفاده از به مدل کارسختی لودویک با نتایج تجربی انجام شد که نتایج تئوری مطابقت خوبی را با نتایج تجربی نشان داد. سپس با توجه به منحنی های تنش-کرنش به دست آمده بر اساس معادله لودویک، ثابت های مدل جانسون-کوک برای ورق فلزی ۲۰۱۴ محاصبه و برای دماهای مختلف ۵۰، ۳۰۰ و ۴۰۰ درجه سانتی گراد و نرخ کرنش های متفاوت ^۵-۱۰، و ^۳-۱۰ و ^۳-۱۰ بر ثانیه، منحنی های تنش-کرنش و نمودار حد شکل دهی استخراج شد. سطح منحنی تنش-کرنش ورق با افزایش دما به علت کاهش منحنی های تنش-کرنش و نمودار حد شکل دهی استخراج شد. سطح منحنی تنش-کرنش ورق با افزایش دما به علت کاهش منحنی های تنش-کرنش و نمودار حد شکل دهی استخراج شد. سطح منحنی تنش-کرنش ورق با افزایش دما به علت کاهش منحنی هم چنین سطح نمودار حد شکل دهی آلیاژ با افزایش دما افزایش و با افزایش استحکام، حداقل تا حدود ده درصد افزایش مقدار کرنش حدی در حالت کرنش صفحه ای در بالاترین دما و پایین ترین سرعت شکل دهی بیش از سه برابر مقدار اولیه شد. در شکل دهی ۲۰۱۰۴ مه علت افزایش استحکام آلیاژ است.

۱– مقدمه

فرآیند شکل دهی ورق با ایجاد واماندگی هایی نظیر چرو کیدگی، ناپایداری کششی یا گلویی شدن و نهایتاً پارگی محدود می شود که با بهینه نمودن مسیر بار در این امر تأخیر حاصل می شود. شکل نهایی ایجاد شده در قطعه وابسته به رفتار ماده و مقدار مشخصی است. در شکل دهی ورق ها، بررسی رفتار ورق با استفاده از نمودار حد شکل دهی^۱ انجام می شود که یکی از روش های کارآمد در طراحی فرآیندهای شکل دهی ورق های فلزی به شمار می رود. نمودار حد شکل دهی شرایط بارگذاری از کرنش تک محوره، کرنش صفحه ای و کرنش دو محوره یکسان را در برمی گیرد. این نمودارها مشخص می سازد که در حین شکل دهی چه تلفیقی از کرنش ها در صفحه

1 Forming Limit Diagram (FLD) basti@guilan.ac.ir :نویسنده عهدهدار مکاتبات*

کو با می مردمی (Creative Commons License) حقوق مؤلفین به نویسندگان و حقوق ناشر به انتشارات دانشگاه امیر کبیر داده شده است. این مقاله تحت لیسانس آفرینندگی مردمی (Creative Commons License) او می کبیر داده شده است. این مقاله تحت لیسانس آفرینندگی مردمی (Creative Commons License) او می کبیر داده شده است. این مقاله تحت لیسانس آفرینندگی مردمی (Creative Commons License) او می کبیر داده شده است. این مقاله تحت لیسانس آفرینندگی مردمی (Creative Commons License) او می کبیر داده شده است. این مقاله تحت لیسانس آفرینندگی مردمی (Creative Commons License) او می کندگی مردمی (Creative Commons License) او می کند می می داده شده است. این مقاله تحت لیسانس آفرینندگی مردمی (Creative Commons License) او می کند می می می می می می می

در آزمایشهای تجربی، حد شکلدهی ورق فلزی را با دقت بیشتری پیشبینی میکند و حتی برای مقادیر کوچک ضریب حساسیت نرخ کرنش، شکلپذیری مواد به مقدار قابل توجهی افزایش مییابد.

تأثیر نرخ کرنش بر شکلپذیری ورقهای فلزی به ویژه موادی که دارای رفتاری وابسته به نرخ کرنش هستند، همچنان مورد توجه و مطالعه محققین است. گردویی و دریانی [۷]، با استفاده از معادله حرکت و با به کارگیری رابطه ساختاری جانسون-کوک و معیار تسلیم هیل غیر درجه دو، حل تحلیلی از ناپایداری ورق ارائه کردند .برای آلیاژ مس، نتایج آنها بهبود شکل پذیری در سرعت بالا و تطابق خوبی را با نتایج تجربی نشان داد. دریانی و همکاران [۸] ، تأثیر سرعت شکلدهی را با استفاده از فرآیند شکلدهی چکش ضربهای و انفجاری برای دو ورق فولادی AISI ۱۰۴۵ و آلیاژ آلومینیومی AA۶۰۶۱ به صورت تجربی بررسی نمودند و نشان دادند که افزایش سرعت شکلدهی از حالت شبه استاتیکی به ضربهای و انفجاری باعث بهبود محسوس شکل پذیری در این آلیاژها می شود. جی و همکاران [۹]، گلویی موضعی را بر اساس تئوری اصلاح شده ورتکس و کارسختی توانی برای فولاد AKDQ و با نرخ کرنشهای متفاوت بین ۲۰۰ تا ۱۰ بر ثانیه بررسی نمودند و نشان دادند که برای مواد وابسته به نرخ کرنش ضریب حساسیت نرخ کرنش ثابت نبوده و وابسته به نرخ كرنش است. كيم و همكاران [١٠]، تأثير نرخ كرنش را روى معيار حد شکلدهی فولاد CQ و DP۵۹۰ بررسی کردند و با انجام آزمایش در جهتهای مختلف نسبت به نورد ثابت نمودند که شکل پذیری این مواد به نرخ کرنش وابسته است. صفری و همکاران [۱۱]، اثر نرخ کرنش را بر نمودار حد شکلدهی آلیاژ آلومینیومی AA۳۱۰۵ با استفاده از شبیهسازی عددی و نرمافزار المان محدود آباکوس بررسی کردند و بیان نمودند که با افزایش نرخ کرنش شکل پذیری این آلیاژ افزایش قابل توجهی می یابد. سرادار و همکاران [۱۲]، اثر نرخ کرنش بر ویژگیهای کششی تک محوره و نمودار حد شکلدهی فولاد Stir به صورت عددی بررسی نمودند و نشان دادند که با افزایش نرخ کرنش حد شکلدهی افزایش یافت. همچنین آزمایشهای تجربی با یک دستگاه چکش ضربهای و شبیهسازی در نرمافزار المان محدود آباکوس برای تأیید نتایج عددی انجام دادند. چنگ و لی [۱۳]، اثر اندازه دانه و نرخ کرنش را روی شکل پذیری آلیاژ آلومینیوم ۸۸۵۰۵۲ در سرعتهای بالای شکلدهی مورد مطالعه قرار دادند. نتایج آنها

بیانگر این بود که کاهش اندازه دانهها در سرعتهای بالا نه تنها سبب افزایش استحکام ورق بلکه باعث افزایش احتمال شکستگی در مرز دانهها می شود .

افزایش سطح نمودار حد شکل دهی با افزایش دما برای ورقهای فلزی که در دمای اتاق از شکل پذیری ضعیفی بر خوردارند، کاربرد دارد. به طوریکه برای آلیاژ AA۵۷۵۴ با افزایش جزئی دما، کرنشهای حدی افزایش قابل توجهی مییابد در حالی که برای آلیاژ AA۶۱۱۱، تغییر دما در بازه کم تأثیر ناچیزی روی نمودار حد شکل دهی دارد [۱۴]. علاوه بر آلیاژهای آلومینیوم، پیش بینی نمودار حد شکل دهی آلیاژهای منیزیم در دمایی غیر از دمای محیط توسط پژوهشگران مورد توجه و بررسی قرار گرفته است [۵۵ و ۱۶].

به نظر می رسد در سال های اخیر توجه به تأثیر دما و نرخ کرنش بر منحنیهای حد شکلدهی به ویژه ورقهای آلومینیومی افزایش یافته است. ناکا و همکاران [۱۷]، اثر سرعت تغییر شکل را در دماهای مختلف بر روی نمودار حد شکل دهی آلیاژ ۸۸۵۰۸۳ بررسی کردند. آنها مشاهده نمودند که در محدوده دمایی ۱۵۰ تا ۳۰۰ درجه سانتی گراد نمودار حد شکل دهی با کاهش سرعت شکلدهی شدیداً افزایش می یابد، در حالیکه سرعت شکل دهی در دمای اتاق بر روی نمودار حد شکلدهی تأثیر چندانی ندارد. خان و بایگ [۳]، اثر نرخ کرنش در محدوده ۲۰-۱۰ تا ۱۰ بر ثانیه و دما در بازه ۲۹۳ تا ۴۷۳ کلوین، را بر روی رفتار ناهمسانگرد و نمودار حد شکلدهی ورق AA۵۱۵۸ با استفاده از سطح تسلیم Yld۹۶ و مدل ساختاری KHL مورد مطالعه قرار دادند. نتایج آنها بیانگر اثر متفاوت نرخ کرنش در دماهای متفاوت بر شکل پذیری آلومینیوم AA۵۱۵۸ است. به طوریکه اثر مثبت نرخ کرنش در دمای ۲۰ درجه سانتی گراد و اثر منفی نرخ کرنش در دمای ۲۰۰ درجه سانتی گراد بر حد شکل پذیری این آلیاژ مشاهده شد. چو و همکاران [۱۸]، با بررسی رفتار ترموالاستیک-ویسکوپلاستیک آلیاژ ۸۸۵۰۸۶ بر اساس کارسختی اصلاح شدہ لودویک که تابعی از نرخ کرنش و دما است، نشان دادند که شکل پذیری این آلیاژ آلومینیومی با افزایش دما و کاهش نرخ کرنش بهبود مییابد بهطوریکه در دماهای بالا با کاهش سرعت شکلدهی در مقدار نمودار حد شکلدهی افزایش محسوس رخ میدهد درحالی که در دمای محیط با تغییر نرخ کرنش، در كرنشهاى حدى تغيير چنداني مشاهده نمى شود. عمر الفكير و

همکاران [۱۹]، اثر دما، نرخ کرنش و مسیر کرنش را بر منحنی تنش-کرنش و نمودار حد شکل دهی آلیاژ AA۵۷۵۴ مطالعه کردند و نشان دادند که کرنشهای حدی وابسته به مسیر کرنش است و نرخ کرنش اثر منفی و دما اثر مثبت بر نمودار حد شکل دهی ورق دارد. ژانگ و همکاران [۲۰]، تأثیر دما و نرخ کرنش را بر منحنی حد شکل دهی آلیاژ AA۵۰۸۶ بر اساس قانون سختشوندگی اصلاح شده وس (مدل لین-وس) مورد بررسی قرار دادند و نتیجه گرفتند که رفتار این آلیاژ در دمای اتاق وابسته به نرخ کرنش است و در نرخهای کرنش

سرعت تغییر شکل در فرآیندهای شکل دهی ورقهای فلزی و بهبود شکل پذیری اکثر فلزات در سرعتها بالا و نرم شدگی حرارتی در اثر افزایش دما دارای اهمیت است. از این رو در این مقاله، به بررسی تئوری اثر دما در بازه دمایی ۵۰ تا ۴۰۰ درجه سانتی گراد و نرخ کرنش در شرایط بارگذاری نیمه استاتیکی با نرخ کرنش ^{۵-}۱۰ تا ^{۳-}۱۰ بر ثانیه، بر رفتار تنش-کرنش و نمودار حد شکل دهی آلیاژ و مدل کارسختی جانسون-کوک پرداخته شده است. با توجه به نتایچ تجربی پاسخ تنش-کرنش بر اساس مدل ساختاری لودویک، ابتدا ثابتهای مدل ساختاری جانسون-کوک برای ورق استخراج و نیخ کرنشهای مختلف ترسیم شد. با توجه به بکارگیری روزافزون نرخ کرنشهای مختلف ترسیم شد. با توجه به بکارگیری روزافزون منایع غذایی، نتایج میتواند در صنعت استفاده شود.

۲- پیش بینی تئوری نمودار حد شکل دهی ۲-۱- مدل M-K

تعیین تجربی کرنشهای حدی در تمام فرآیندهای شکلدهی طاقتفرسا و پرهزینه است. بنابراین تحلیل نظری ناپایداری پلاستیک به منظور پیشبینی حدود شکلدهی، میتواند ابزاری مفید برای بررسی تأثیر پارامترها بر زمان وقوع گلوییشدن باشد. روشهای تئوری مختلفی برای توصیف پدیده گلوییشدن، تحلیل خطی در ورقهای همگن و تحلیل غیرخطی در ورقهای ناهمگن، ارائه شده است. در این مقاله از تئوری غیرخطی ناپایداری پلاستیکی مارسینیاک-کوزینسکی [۴ و ۲۱]، مدل M-K استفاده شده است.

تئوری M-K فرم ریاضیاتی ساده و اثر فیزیکی واضح و روشنی دارد. از اینرو یکی از مناسبترین و پرکاربردترین روشهای تئوری در مسائل مهندسی برای ترسیم نمودار حد شکلدهی است [۹]. این مدل بر اساس وجود یک ناهمگنی اولیه f_0 و به صوررت یک شیار مطابق شکل ۱، در نظر گرفته شده که با افزایش کرنشهای پلاستیک رشد کرده و سبب موضعیشدن کرنشها می شود.

$$f_{0} = \frac{t_{0}^{b}}{t_{0}^{a}} \prec 1 \tag{1}$$

در رابطه (۱)، t_0^{b} ضخامت اولیه ورق در قسمت ناهمگن و t_0^{a} ضخامت اولیهورق در ناحیهی همگن است. ضریب ناهمنگی به صورت نسبت ضخامت ناحیه ناهمگن به همگن طبق رابطه (۲) تعریف می شود.

$$f = \frac{t^b}{t^a} = f_0 \exp\left(\mathcal{E}_3^b - \mathcal{E}_3^a\right) \tag{(Y)}$$

که \mathcal{E}_3 ، کرنش در راستای ضخامت بوده و با در نظر گرفتن ثابت بودن حجم از رابطه (۳) محاسبه می شود.

$$\mathcal{E}_3 = -\left(\mathcal{E}_1 + \mathcal{E}_2\right) \tag{(7)}$$

در مدل اولیه مارسینیاک-کوزینسکی فرض شده که راستای شیار عمود بر راستای تنش اصلی بزرگتر، راستای ۱ است و کرنشهای حدی تحت تأثیر زاویه راستای شیار نیست. هاتچینسن و نییل [-۲۴ ۲۲]، نشان دادند که تحت بارگذاریهای مختلف، کرنشهای حدی در سمت چپ نمودار حد شکلدهی به زاویه راستای شیار، θ بستگی



M-K شکل ۱: شمای تفصیلی از مدل Fig. 1. A detailed view of the M-K model

دارد. میتوان نشان داد که راستای شیار تابعی از نمو کرنش در ناحیه همگن است [۲۵] .

$$\tan\left(\theta + d\,\theta\right) = \frac{1 + d\,\varepsilon_1^a}{1 + d\,\varepsilon_1^b} \tan\left(\theta\right) \tag{(f)}$$

همچنین در مدل M-K فرض می شود که ناحیه همگن تحت بارگذاری نسبی $\alpha = \sigma_2^a / \sigma_1^a$ بوده و نمو کرنشها در راستای شیار، جهت t مطابق شکل ۱ ، در هر دو ناحیه همگن و ناهمگن یکسان است.

$$d \varepsilon_{tt}^{\ b} = d \varepsilon_{tt}^{\ a} \tag{(a)}$$

با توجه به تعريف نرخ كرنش

$$\dot{\overline{\varepsilon}} = \frac{d\,\overline{\varepsilon}}{dt} \tag{9}$$

میتوان نتیجه گرفت که

$$\dot{\overline{\mathcal{E}}}_{tt}^{\ b} = \dot{\overline{\mathcal{E}}}_{tt}^{\ a} \tag{(Y)}$$

در مدل M-K نیروی یکسانی در جهت عمود بر شیار، راستای n میان دو ناحیه همگن و ناهمگن منتقل می شود. بنابراین روابط تعادل نیرو به صورت معادلههای (۸) و (۹) است.

$$F_{nn}^{\ b} = F_{nn}^{\ a} \Longrightarrow f \ \sigma_{nn}^{\ b} = \sigma_{nn}^{\ a} \tag{A}$$

$$F_{nt}^{\ b} = F_{nt}^{\ a} \Longrightarrow f \ \sigma_{nt}^{\ b} = \sigma_{nt}^{\ a} \tag{9}$$

که σ_{ij} مؤلفههای تانسور تنش است. همچنین معادله تعادل انرژی طبق معادله (۱۰) تعریف میشود [۲۶].

$$d\varepsilon_{nn}{}^{b}\sigma_{nn}{}^{b} + d\varepsilon_{tt}{}^{b}\sigma_{tt}{}^{b} + 2d\varepsilon_{nt}{}^{b}\sigma_{nt}{}^{b} = d\overline{\varepsilon}{}^{b}\overline{\sigma}_{Y}{}^{b} \qquad (1\cdot)$$

که $\overline{\sigma}_{Y}^{b}$ تنش مؤثر مربوط به منطقه ناهمگن بوده و از رابطه کار سختی محاسبه میشود. روش مورد استفاده برای محاسبه کرنشهای حدی مطابق روند نمای ترسیم شده در پیوست به صورت زیر است:

۱. فرض مقدار ثابتی برای نسبت تنش ها در قسمت همگن.
 $(\cdot \prec \alpha \prec 1)$.

۲. تعیین راستای شیار $(\cdot^{\circ} \prec \theta \prec 9 \cdot^{\circ})$.

۳. فرض مقدار کوچک برای نمو کرنش مؤثر در ناحیه همگن. $(d \ \overline{\varepsilon}^a = \cdot / \cdot \cdot \cdot)$.

۴. محاسبه مؤلفههای تانسور نمو کرنش قسمت (a) با استفاده از قانون شارش پلاستیک و معیار تسلیم.

۵. استخراج مؤلفههای تانسور تنش ناحیه (a) با استفاده از قانون
کارسختی.
۶. انتقال تانسورهای تنش و کرنش منطقه همگن از مختصات
مادی (۱۲) به مختصات شیار (*nt*).
۷. محاسبه نمو کرنش مؤثر در ناحیه ناهمگن
$$d\overline{s}$$
، با حل
دستگاه معادلات غیر خطی (روابط (۵), (۸), (۹) و(۱۰))، به روش
نیوتن-رافسون.
۸. تکرار مراحل ۴ تا ۷ با افزایش $d\overline{s}$ تا زمان پدیده گلویی شدن
نیوتن-رافسون.
۹. ذخیره کرنشهای اصلی منطقه همگن.
۱۰. اصلاح زاویه شیار با استفاده از معادله (۴).
۱۰. اصلاح زاویه شیار با استفاده از معادله (۴).
۱۰. انتخاب کمترین کرنش اصلی بیشینه، a_1^3 و کرنش اصلی
کمینه متناظر با آن، c_2^a .
۱۳. تکرار هم احل قبلی به ازای نسبت تنش جدید α .
۱۴. ترسیم کرنش اصلی بزرگتر بر حسب کرنش اصلی کوچکتر
(منحنی حد شکل دهی)

۲-۲- معيار تسليم Yld2011

معیار تسلیم، فرض اساسی برای مواد به منظور تعیین شروع تغییر شکل و صورت ریاضی سطح تسلیم است. سطح تسلیم مکان هندسی حالت تنش در یک نقطه است که ماده از حالت الاستیک خارج و تغییر شکل پلاستیک در آن آغاز میشود. شرایط تسلیم یک ماده ناهمسانگرد، نه تنها به مقدار تانسور تنش (بزرگی و اندازهی تنشهای اصلی)، بلکه به جهت و راستای آن نیز بستگی دارد. توصیف معیار تسلیم برای مواد ناهمسانگرد دشوارتر از مواد همسانگرد است. همچنین ثابتهای بیشتری برای توصیف رفتار این دسته از مواد نیاز است. برای مثال، مقاومت تسلیم کشش تک محوری در یک جهت با جهت دیگر می تواند بسیار متفاوت باشد.

یکی از معیارهای تسلیم کلاسیک برای مواد ناهمسانگرد، تابع درجه دوم پیشنهاد شده توسط هیل [۲۸] است، که بسیار قدیمی بوده و برای فولادها مناسب است ولی برای آلیاژهای آلومینیوم خطا دارد. امروزه توابع تسلیم جدید در روش M-K بررسی میشود [۲۹]. در این مقاله برای پیشبینی نمودار حد شکلدهی آلیاژ از تابع

تسلیم پیشرفته ۲۱۱ ۲۱۵۲۷ استفاده شده است. آرتز و بارلات [۳۰]، معیارهای تسلیم قبلی Yld را مورد بازنگری و اصلاح قرار دادند و تابع تسلیم جدیدی را برای ورقهای فلزی اورتوتروپیک در حالت سه بعدی تنش با ۱۸ و ۲۷ پارامتر کالیبره شده با دادههای تجربی به نام ۲۸۹–۲۱۰۱۱۹ با دو تبدیل خطی از تانسور تنش انحرافی و به نام ۲۹۲–۲۱۰۱۱۹ با سه تبدیل خطی از تانسور تنش انحرافی معرفی کردند. معیار تسلیم جدید ۲۷ه–۲۱۲۲۰۱۱ با دو تبدیل خطی S_i

$$\overline{\sigma}_{y} = \left\{ \frac{1}{\xi} \sum_{i=1}^{3} \sum_{j=1}^{3} \left| S_{i}^{'} + S_{j}^{'} \right|^{M} \right\}^{\frac{1}{M}}$$
(11)

در رابطه (۱۱)، M مقداری ثابت و معرف درجه ناهمسانگردی ورق است که برای آلیاژ ۲۱۰۴ AA معادل ۱۲ است. همچنین اسکالر تح از معادله (۱۲) محاسبه میشود.

$$\xi = \left(\frac{4}{3}\right)^M + 4\left(\frac{2}{3}\right)^M + 4\left(\frac{1}{3}\right)^M, M \succ 1 \tag{17}$$

 S_i' و S_i' در معادله (۱۲) به ترتیب تنشهای اصلی تانسورهای تنش S_i و S_i' در معادله (۱۲) به تریف تبدیل خطی از تانسور تنش انش S و S' است که با تعریف تبدیل خطی از تانسور تنش انحرافی S طبق معادلات (۱۳) و (۱۴) حاصل میشود. (۱۳)

$$S'' = C'': S \tag{14}$$

$$\begin{bmatrix} S_{11}^{'} \\ S_{22}^{'} \\ S_{33}^{'} \\ S_{32}^{'} \\ S_{31}^{'} \\ S_{12}^{'} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & C_{12}^{'} & C_{13}^{'} & 0 & 0 & 0 \\ -C_{21}^{'} & 0 & -C_{23}^{'} & 0 & 0 & 0 \\ 0 & -C_{31}^{'} & -C_{32}^{'} & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & C_{44}^{'} & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & C_{55}^{'} & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & C_{66}^{'} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} S_{11} \\ S_{22}^{'} \\ S_{33}^{'} \\ S_{21}^{'} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & C_{12}^{'} & C_{13}^{'} & 0 & 0 & 0 \\ -C_{21}^{'} & 0 & -C_{23}^{'} & 0 & 0 & 0 \\ -C_{31}^{'} & -C_{32}^{'} & 0 & 0 & 0 \\ -C_{31}^{'} & -C_{32}^{'} & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & C_{44}^{'} & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & C_{55}^{'} & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & C_{55}^{'} & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & C_{66}^{'} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} S_{11} \\ S_{22} \\ S_{33} \\ S_{32} \\ S_{31} \\ S_{21} \end{bmatrix}$$
(15)

در معادلات (۱۵) و (۱۶) ، $C_{ij}^{'}$ و $C_{ij}^{'}$ ها پارامترهای ماده

است. پارامترهای مادی ورق آلومینیومی AA ۳۱۰۴ برای تابع تسلیم ۲۰۱۱p در جدول ۱ بیان شده است [۳۰].

۳-۲- قانون کارسختی

از آنجایی که توصیف دقیق رفتار ورق برای پیشبینی رفتار آن و تعیین حدود درست شکلدهی امری ضروری است بنابراین بازنگری مدلهای ساختاری مختلف میتواند از اهمیت زیادی شکلدهی علاوه بر تغییری که در شکل فلز حاصل میشود، استحکام شکلدهی علاوه بر تغییری که در شکل فلز حاصل میشود، استحکام افزایش مییابد و منظور از اصطلاحاتی مانند کارسختی یا کرنش سختی همین نوع افزایش استحکام از طریق انجام عملیات است. تعیین رفتار سختشوندگی به صورت کمی بدون داشتن دانش درباره رابطه تنش-کرنش تغییر شکل پلاستیک، بسیار سخت است. برای بررسی رفتار ترموالاستو-پلاستیک مواد، مدل ساختاری توسعه یافته

$$\overline{\sigma}_{Y} = K\left(T\right)\overline{\varepsilon}^{n_{L}(T)} \left(\frac{\dot{\overline{\varepsilon}}}{\dot{\varepsilon}_{0}}\right)^{m_{L}(T)}$$
(17)

که $\overline{\sigma}_{Y}$ تنش مؤثر، $\overline{\sigma}$ کرنش مؤثر، $\overline{\sigma}$ نرخ کرنش و $\overline{\sigma}_{Y}$ مقدار ثابتی معادل ۱ بر ثانیه است. همچنین در معادله (۱۷) ثابتهای m_L, n_L, K به ترتیب ضریب کارسختی یا ضریب استحکام، نمای کرنش سختی و ضریب حساسیت نرخ کرنش است که تابعی از دمای ماده، T است. در شرایط نیمه استاتیکی، نرخ کرنش بین ^۵-۱۰ تا ماده، T است. در شرایط نیمه استاتیکی، نرخ کرنش بین ۱۰^{-۳} بر ثانیه، پارامترهای ثابت معادلهی لودویک در بازه دمایی ۵۰ تا ۵۰۰ درجه سانتی گراد برای ورق ۲۱۰۴ AA در جدول ۲ آورده شده است [۲].

با بسط معادلات تعادل، روابط (۸) و (۹) در مدل M-K به کمک رابطه کارسختی لودویک پارامتر نمو زمان dt، حذف میشود. بنابراین نرخ کرنش در مدلM-K با در نظر گرفتن این مدل ساختاری روی کرنشهای حدی اثر ندارد [۳۱] و تنها میتوان اثر دما را بر نمودار حد شکلدهی بررسی نمود. برای بررسی اثر نرخ کرنش بر روی کرنشهای حدی در نظریهی M-K از مدل ساختاری جانسون-کوک استفاده شده است. جانسون و کوک [۱]، جهت توصیف رفتار مکانیکی مواد، تنش مؤثر ماده را به صورت تابعی از کرنش، نرخ کرنش و دما تعریف نمودند و رابطه کارسختی به نام مدل ساختاری J-C را به صورت

C_{ij}		C_{ij}	
$C_{12}^{'}$	۱/۲۸۰۲۵	$C_{12}^{"}$	•/٧٩۵٧۶٧
$C_{13}^{'}$	•/854824	$C_{13}^{"}$	•/419244
C_{21}	•/٧۵٨٩٨٣	$C_{21}^{"}$	1/18484
$C_{23}^{'}$	۱/۵۰۰	$C_{23}^{"}$	•/٣١۵٢٣٣
$C_{31}^{'}$	١/٦٣١٨٠	$C_{31}^{"}$	-•/•۶•٨٧٢۴
$C_{32}^{'}$	1/40889	$C_{32}^{"}$	·/۶٩٣٩V۵
C_{44}	١	$C_{44}^{"}$	١
$C_{55}^{'}$	١	$C_{55}^{"}$	١
$C_{66}^{'}$	•/ \ \\ • % • \	$C_{66}^{"}$	١/١٩٨٨٧

[۳۰] AA ۳۱۰۴ جدول ۱: پارامترهای تابع تسلیم برای آلیاژ Table 1. The yield function parameters for AA3104 alloy [30]

Table 2. Parameters of Ludwik model for AA3104 at strain rates from 10⁻⁵ to 10⁻³ s⁻¹ [2]

m_L	n_L	K, MPa	<i>T</i> ,°C
•	•/۲۵•	79.	۵۰
•	۰/۲۶۵	۲۷۳	۱۰۰
•	•/777	799.	۱۵۰
•	•/744	798	۲۰۰
•	•/734	78.	۲۵۰
• / • ٧٣	۰/۱۳۷	۲۵۰	۳۰۰
•/١٧٩	۰/۰۳۹	74.	۳۵۰
٠/٢٠٩	•	١١٧	4
٠/٢۴٩	•	1.7	40.
•/٢٧•	•	١٠٧	۵۰۰

معادله (۱۸) ارائه کردند.

$$\overline{\sigma}_{Y} = \left(A + B \overline{\varepsilon}^{n}\right) \left(1 + C \ln\left(\frac{\dot{\overline{\varepsilon}}}{\dot{\varepsilon}_{0}}\right)\right) \left(1 - \left(\frac{T - T_{r}}{T_{m} - T_{r}}\right)^{m}\right) \quad (1\Lambda)$$

در این قانون کارسختی A تنش تسلیم اولیه ماده در دمای اتاق، B ضریب استحکام، n توان کرنش سختی و C ضریب حساسیت نرخ کرنش است. T دمای ماده، T_r دمای اتاق، T_m دمای ذوب ماده و m ثابت مادی در مدل J-C است. \hat{s} نیز مشابه مدل لودویک

۳- نتایج و بحث

در طراحی فرآیندهای ورق کاری، دانستن مقدار کرنش بیشینه در ورق پیش از گلوییشدن از اهمیت بالایی برخوردار است و مطالعات تئوری در زمینه تحلیل حد شکلپذیری یک ورق فلزی در مقابل کرنشهای مختلف، به تحلیل منحنیهای حد شکلدهی منجر شده است. استخراج این منحنیها به صورت تجربی مستلزم آزمایشهای کرنش ^۴-۱۰ بر ثانیه در شکل ۲ نشان داده شده است. افزایش دما باعث کاهش استحکام ماده می شود و همان طور که انتظار می رود با بالا رفتن دما، نرمشدگی حرارتی رخ و ماده رفتار نرمتری را از خود نشان میدهد. مقایسه بین نتایج عددی به دست آمده با فرض مدل کارسختی لودویک و ثابتهای ارائه شده در جدول ۲ با نتایج تجربی ون هافتن [٢]، نشان دهنده دقت قابل قبول تحليل نظري رفتار تنش-کرنش است. همچنین رفتار این ورق در دماهای بالا $(T \ge 6.0^{\circ} \text{C})$ به صورت کاملاً پلاستیک و منحنی تنش-کرنش ثابت است و میان نتایج عددی و تجربی تفاوتی مشاهده میشود. جهت اعتبارسنجی روند ترسیم منحنی حد شکل دهی با در نظر گرفتن نظریه مارسینیا ک-کوزینسکی و استفاده از رابطه کارسختی جانسون-کوک با توجه به دادههای جدول ۳، پیش بینی کرنش های حدی ورق آلومینیومی AA۶۰۶۱-T۶ با سه نرخ کرنش متفاوت، بارگذاری نیمهاستاتیکی و $(\dot{\varepsilon} = a \cdot s^{-1})$ ، بارگذاری با نرخ کرنش متوسط $(\dot{\varepsilon} = -1 \cdot s^{-1})$ بارگذاری با نرخ کرنش بالا $\left(\overline{arepsilon} = 1 \cdots s^{-1}
ight)$ در شکل ۳ نمایش داده . شده است. نتایج تجربی ارائه شده توسط سایر محقیق [۸] با نتایج عددی به دست آمده در این مقاله برای نمودارهای حد شکل دهی

دقیق و صرف زمان و هزینه زیاد است. بنابراین، تعیین منحنی حد شکلدهی به روشهای تئوری و با دقت قابل قبول بسیار ضرورت داشته و از مهمترین خواستههای صنایع مختلف شکل دهی فلزات است. نمودار حد شکل دهی ارتباط میان کرنش های اصلی را به هنگام شروع گلویی شدن نشان و حالتهای کرنش از کشش تک محوره تا کشش دومحوره یکسان را پوشش میدهد. مواد معمولاً شکلپذیری محدودی دارند، از اینرو مطالعه جامع فرآیند تغییر شکل و عوامل محدود كننده شكل دهي آنان مهم است. با توجه به اهميت موضوع، در این زمینه تاکنون پژوهشها و مطالعات متعددی صورت گرفته و تأثیر عوامل گوناگون روی این منحنیهای حد شکلدهی بررسی شده است. یکی از عوامل تأثیر گذار بر کرنشهای حدی دما و سرعت تغییر شکل، به عبارت دیگر نرخ کرنش است. اثر دما بر کرنشهای حدی برای ورقهای فلزی که در دمای اتاق از شکل پذیری ضعیفی برخوردارند همچنین در نظر گرفتن اثر نرخ کرنش به ویژه در فرآیندهای شکلدهی پرسرعت از جمله الکترومغناطیس، ضربهای و انفجاری از اهمیت بیشتری برخوردار است.

اثر دما بر رفتار تنش-کرنش آلیاژ آلومینیومی AA ۳۱۰۴ و با نرخ





Fig. 2. Comparing the true stress – true strain response of AA3104 in the present work to that reported by Von Haaften .et al [2]

جدول ۳: ضرایب مدل جانسون –کوک برای آلیاژ AA^{¢ • • • 1} -[¢]T [^] Table 3. Johnson–Cook equation constants for AA 6061-T6 [8]

т	С	п	B, MPa	A, MPa	مادہ
۱/۳۴	•/• \ \	•/441	۳۹۳/۱۶	272	ΑΑγ•91-Τ9



شکل ۳: مقایسه نتایج عددی پاسخ به نرخ کرنش برای آلیاژ AA^{۶۰۶۱-۲}T با نتایج تجربی دریانی و همکاران [^] Fig. 3. Comparing strain rate response of Al6061-T6 in the present work to that reported by Dariani et al.[8]



شکل ۴: رفتار تنش-کرنش AA ۳۱۰۴ در نرخ کرنش ^{۰۵}. ابر ثانیه و سازگاری با مدل جانسون-کوک

Fig. 4. True stress–true strain response of AA3104 at strain rate 10⁻⁵ s⁻¹ along with correlation from Johnson-Cook model

آلیاژ فلزی AA۶۰۶۱-T۶ مقایسه و در این شکل نشان داده شده است که بیانگر تطابق خوب نتایج با هم است.

اثر دما بر رفتار تنش-کرنش ورق فلزی AA ۳۱۰۴ با فرض مدل لودویک و با سه نرخ کرنش متفاوت $^{-0} \cdot 1 \cdot e^{-7}$ بر ثانیه در شکلهای ۴ تا ۶ ترسیم شده است. دما بر پاسخ تنش-کرنش ماده به علت نرمشدگی حرارتی و کاهش استحکام اثر منفی دارد و سطح منحنیهای تنش-کرنش در نرخ کرنشهای مختلف کاهش مییابد و به سمت پایین منتقل میشود. مدل ساختاری لودویک همان طور که قبلاً اشاره شد، در بررسی اثر نرخ کرنش بر حد شکلپذیری ورقها به روش M-K کاربرد ندارد و برای مطالعه اثر سرعت تغییر شکل از

مدل ساختاری جانسون-کوک استفادہ می شود.

بنابراین با استفاده از پاسخ تنش-کرنش مربوط به مدل لودویک، شکلهای ۴ تا ۶٬ برای دما و نرخ کرنشهای مختلف و با استفاده از روشهای عددی پیشنهادی خان و بایگ [۳]، پنج پارامتر مدل جانسون-کوک، ۲, *R*, *R* و *m*، برای آلیاژ آلومینیومی ۳۱۰۴ AA استخراج شد که این پارامترهای ثابت در شکلهای ۴ تا ۶ ارائه شده است. همان طوری که در شکل ۲ برای دمای ۴۰۰ درجه سانتی گراد میان نتایج عددی و تجربی تفاوت مشاهده شد، خطای نسبی بین منحنیهای تنش-کرنش در این دما نیز در شکلهای ۴ تا ۶ ایجاد شده است که می تواند خطای محاسبات ناشی از استفاده از



Fig. 5. True stress–true strain response of AA3104 at strain rate 10⁻⁴ s⁻¹ along with correlation from Johnson-Cook model



شکل ۶: رفتار تنش-کرنش ۸۹ ۳۱۰۴ در نرخ کرنش ۲۰^{۳۳} ۱۰ بر ثانیه و سازگاری با مدل جانسون-کوک

Fig. 6. True stress–true strain response of AA3104 at strain rate 10⁻³ s⁻¹ along with correlation from Johnson-Cook model

زد [۳۲]. همچنین بر اساس تحقیقات انجام شده [۳۳]، ضریب نقص اولیه به زبری سطح، اندازه دانه، ضخامت اولیه ورق و مقدار کرنش بستگی دارد. در ترسیم نمودارهای حد شکلدهی آلیاژ ۲۱۰۴ AA ضریب ناهمگنی اولیه ۰/۹۹۲ فرض شده است [۳۴].

شکل ۱۰ اثر نرخ کرنش و دما را بر منحنی تنش-کرنش ورق AA ۳۱۰۴ بیان میکند. مشاهده میشود که افزایش نرخ کرنش باعث افزایش استحکام و افزایش دما موجب کاهش استحکام میشود. بنابراین با بالا رفتن سرعت تغییر شکل استحکام ماده بیشتر و با بالا رفتن دما ماده نرمتر میشود. در دمای ۵۰ درجه سانتی گراد روشهای عددی و همچنین به سبب رفتار کاملاً پلاستیک ورق که منجر به ثابت بودن منحنی تنش-کرنش میشود، باشد.

اثر دما بر منحنی شکلدهی ورق AA ۳۱۰۴ ما استفاده از مدل کارسختی جانسون-کوک و با فرض سه نرخ کرنش ⁻⁰،۱۰^۴ و ۱۰^{-۳} بر ثانیه در شکلهای ۷ تا ۹ نشان داده شده است. دما بر حد شکلپذیری ماده به علت نرمشدگی حرارتی اثر مثبت دارد و افزایش آن منجر به کاهش استحکام ماده می شود.

ضریب ناهمگنی اولیه را میتوان با مقایسه مقادیر پیشبینی شده برای کرنشهای حدی و نتایج تجربی و به روش سعی و خطا تخمین



J-C شکل ۲: اثر دما بر نمودار حد شکل دهی ۲۱۰۴ AA در نرخ کرنش $^{-0}$ بر ثانیه با استفاده از مدل ساختاری Fig. 7. The effect of temperature on FLD of AA3104 at strain rate 10^{-5} s⁻¹



شکل ۸: اثر دما بر نمودار حد شکلدهی ۲۱۰۴ AA در نرخ کرنش ^{۱۰-۴} بر ثانیه با استفاده از مدل ساختاری J-C

Fig. 8. The effect of temperature on FLD of AA3104 at strain rate 10^{-4} s⁻¹



J-C در نرخ کرنش $^{-7}$ ۱۰ بر ثانیه با استفاده از مدل ساختاری AA 71 ۹ در نرخ کرنش $^{-7}$ ابر ثانیه با استفاده از مدل ساختاری J-C $^{-7}$

Fig. 9. The effect of temperature on FLD of AA3104 at strain rate 10⁻³s⁻¹

نشریه مهندسی مکانیک امیرکبیر، دوره ۵۲، شماره ۳، سال ۱۳۹۹، صفحه ۵۵۵ تا ۵۷۰



شکل ۱۰: اثر دما و نرخ کرنش بر منحنی تنش-کرنش

Fig. 10. The effect of temperature and strain rate on the stress-strain curve



AA ۳۱۰۴ شکل ۱۱: اثر دما و نرخ کرنش بر نمودار حد شکل دهی Fig. 11. The effect of temperature and strain rate on FLD of AA3104

که اثر نرخ کرنش روی کاهش شکل پذیری ورق در دمای ۳۰۰ درجه سانتی گراد در مقایسه با دمای ۴۰۰ درجه سانتی گراد محسوس تر است. افزایش دما به علت نرمتر شدن رفتار آلیاژ و کاهش منحنی تنش-کرنش موجب افزایش کرنشهای حدی می شود که اثر دما بر افزایش کرنشهای حدی و شکل پذیری آلیاژ به علت تمایل رفتار ورق افزایش کرنشهای حدی و شکل پذیری آلیاژ به علت تمایل رفتار ورق دمای ۲۰۰۴ به صورت رفتار کاملاً پلاستیک در دماهای بالا، در تغییر دمای ۳۰۰ به ۲۰۰ درجه سانتی گراد در مقایسه با تغییر دمای ۵۰ به نرخ کرنش بر پاسخ تنش-کرنش آلیاژ اثر ندارد که با توجه به مقدار حساسیت نرخ کرنش در جدول ۲، $m_L = 0$ ، توجیه میشود. از این رو نرخ کرنش بر رفتار تنش-کرنش ورق در دمای پایین و محیط تأثیری ندارد.

اثر نرخ کرنش و دما بر منحنی حد شکلدهی آلیاژ آلومینیومی AA ۳۱۰۴ در شکل ۱۱ نشان داده شده است. افزایش نرخ کرنش افزایش استحکام ورق را به دنبال دارد و این سبب کاهش کرنش های حدی و کاهش سطح نمودار حد شکلدهی آلیاژ AA ۳۱۰۴ می شود نشریه مهندسی مکانیک امیر کبیر، دوره ۵۲، شماره ۳، سال ۱۳۹۹، صفحه ۵۵۵ تا ۵۷۰

۴	۳۰۰	۵۰	°C دما درخ کرنش s ⁻¹
• /٧٣٧	•/497	•/714	ι. ^{-۵}
• /Y • Y	•/۴•۲	•/714	۱۴
•/۶۵V	•/٣٣۴	•/714	۰٣

جدول ۴: FLD_0 در دما و نرخ کرنش های متفاوت Table 4. FLD $_0$ at the different temperatures and strain rates

حرارتی رفتار نرمتری را از خود نشان میدهد، همانطور که انتظار میرفت با بالا رفتن دما استحکام آلیاژ آلومینیومی ۳۱۰۴ AA کاهش یافت. بنابراین دما بر کرنشهای حدی و نمودار حد شکلدهی این ورق اثر مثبت داشت و افزایش دما سبب شکلپذیری بیشتر ورق شد.

اگرچه شکلپذیری بسیاری از آلیاژهای فلزی از جمله AA۶۰۶۱-۲۶ در سرعتهای بالا بهبود مییابد [۸] ولی نتایج AA۶۰۶۱-۲۶ در سرعتهای بالا بهبود مییابد [۸] ولی نتایج مررسی سرعت تغییر شکل بر نمودار حد شکلدهی آلیاژ ۲۱۰۴ نشاندهنده اثر منفی نرخ کرنش بر شکلپذیری این ورق بود و با افزایش نرخ کرنش استحکام آلیاژ افزایش یافت و شکلپذیری ورق کمتر شد. این مغایرت ناشی از آن است که در سرعتهای ورق کمتر شد. این مغایرت ناشی از آن است که در سرعتهای بالا شکلدهی لزوماً بهبود پیدا نمیکند. اثر متمایز نرخ کرنش بر شکلپذیری فلزات مختلف را میتوان به تفاوتهای رفتار ساختاری مواد مختلف، اثرات اینرسی و نیز ضربه قالب نسبت داد [۳].

برای ورق AA ۳۱۰۴ بیشترین کرنشهای حدی و در نتیجه بیشترین میزان شکلپذیری ورق در بالاترین دما، ۴۰۰ درجه سانتی گراد و پایینترین نرخ کرنش، ^{۵-}۱۰ بر ثانیه به دست آمد.

فهرست علائم

تنش تسليم اوليه ماده، MPa	A
ضریب کارسختی، MPa	В
ضریب حساسیت نرخ کرنش در معادله J-C	С
پارامترهای ثابت تابع تسلیم ۲۰۱۱Yld	$C_{ij}^{{ m u}}, C_{ij}$
نیرو در مختصات شیار، N	F_{nn}, F_{nt}
ضریب ناهمگنی	f

با توجه به نتایج تجربی ضریب حساسیت نرخ کرنش، m_L تا دمای ۲۵۰ درجه سانتی گراد صفر است بنابراین انتظار می ود که سرعت تغییر شکل در دماهای بالاتر از ۲۵۰ درجه سانتیگراد که ضریب حساسیت نرخ کرنش غیر صفر است، بر روی پاسخ تنش-کرنش ورق و متعاقب آن بر شکل پذیری آلیاژ آلومینیومی ۳۱۰۴ AA اثر داشته باشد. تغییرات مقدار کرنش حدی در نمودار حد شکلدهی آلیاژ ۸۹ ۸۹ ، نمودارهای ترسیم شده در شکل ۱۱، در حالت کرنش صفحه ای، نمودار حد شکل دهی بر حسب تغییرات نرخ کرنش و دما در جدول ۴ آورده شده است. با تغییر دما از ۵۰ به ۳۰۰ درجه سانتی گراد، ، نمودار حد شکل دهی در بالاترین نرخ کرنش حدود ۵۶ درصد و در پایین ترین بیش از ۱۰۰ درصد افزایش می یابد و با افزایش دما تا ۴۰۰ درجه سانتی گراد این مقدار در سرعتهای مختلف شکلدهی ورق بیش از سه برابر میشود. با افزایش نرخ کرنش، نمودار حد شکل دهی در دمای ۳۰۰ درجه سانتی گراد، حدود ۲۸ درصد و در دمای ۴۰۰ درجه سانتی گراد، تقريباً ١١ درصد كاهش مي يابد. همانطور كه قبلاً اشاره شد تأثیر گذاری نرخ کرنش بر روی کرنشهای حدی ورق AA ۳۱۰۴ در دمای ۳۰۰ درجه سانتیگراد در مقایسه با دمای ۴۰۰ درجه سانتی گراد بیش تر است.

۴- نتیجهگیری

اثر دما در بازه دمایی ۵۰ تا ۴۰۰ درجه سانتی گراد و نرخ کرنش در محدوده تغییرات $^{-0}$ تا $^{-7}$ بر ثانیه، بر منحنی تنش-کرنش و نمودار حد شکل دهی ورق $^{-0}$ بر اساس مدل M-K و قانون کارسختی J-C مورد مطالعه نظری قرار گرفت.

از آنجائیکه با افزایش دما ورقهای فلزی به علت نرمشدگی

$$f_0$$
 ضريب ناهمگنی اوليه بالانويسها a ناحيه همگن K ضريب استحکام، MPa فريب استحکام b ناحيه ناهمگن M توان تابع تسليم ۷۱۱

مراجع

- [1] G.R. Johnson, W.H. Cook, Fracture characteristics of three metals subjected to various strains, strain rates, temperatures and pressures, Engineering fracture mechanics, 21(1) (1985) 31-48.
- [2] W. Van Haaften, B. Magnin, W. Kool, L. Katgerman, Constitutive behavior of as-cast AA1050, AA3104, and AA5182, Metallurgical and Materials Transactions A, 33(7) (2002) 1971-1980.
- [3] A.S. Khan, M. Baig, Anisotropic responses, constitutive modeling and the effects of strain-rate and temperature on the formability of an aluminum alloy, International Journal of Plasticity, 27(4) (2011) 522-538.
- [4] J.V. Laukonis, A.K. Ghosh, Effects of strain path changes on the formability of sheet metals, Metallurgical Transactions A, 9(12) (1978) 1849-1856.
- [5] Z. Marciniak, K. Kuczyński, T. Pokora, Influence of the plastic properties of a material on the forming limit diagram for sheet metal in tension, International Journal of Mechanical Sciences, 15(10) (1973) 789-800.
- [6] A.K. Ghosh, S.S. Hecker, Failure in thin sheets stretched over rigid punches, Metallurgical Transactions A, 6(5) (1975) 1065-1074.
- [7] M. Gerdooei, B. Dariani, Strain-rate-dependent forming limit diagrams for sheet metals, Proceedings of the Institution of Mechanical Engineers, Part B: Journal of Engineering Manufacture, 222(12) (2008) 1651-1659.
- [8] B. Dariani, G. Liaghat, M. Gerdooei, Experimental investigation of sheet metal formability under various strain rates, Proceedings of the Institution of

$$J-C$$
 ثابت مادی در معادلهی $J-C$ ثابت مادی در معادله و m_L m_L m_L m_L n توان کرنش سختی در معادله $J-C$ n توان کرنش سختی در معادله لودویک n S تانسور تنش انحرافی، MPa

°C دمای ذوب
$$T_m$$

°C دمای اتاق
$$T_r$$

علايم يوناني

$$\alpha$$
نسبت تنش s^{-1} نرخ کرنش مؤثر 1^{-s} s^{-1} نرخ کرنش مؤثر 1^{-s-1} s^{-1} ثابت معادله کار سختی ϵ_i , $i = 1,2,3$ σ_i , $i = 1,2,3$ نمو کرنش در مختصات مادی σ_i , $i = 1,2,3$ نمو کرنش در مختصات مادی σ_i , $i = 1,2,3$ نمو کرنش در مختصات شیار σ_{in} , σ_{in} σ_{in}

کار

ليم،

113(1-3) (2001) 648-653.

- [18] X. Chu, L. Leotoing, D. Guines, E. Ragneau, Temperature and strain rate influence on AA5086 Forming Limit Curves: Experimental results and discussion on the validity of the MK model, International Journal of Mechanical Sciences, 78 (2014) 27-34.
- [19] O. El Fakir, L. Wang, D. Balint, J.P. Dear, J. Lin, Predicting effect of temperature, strain rate and strain path changes on forming limit of lightweight sheet metal alloys, Procedia Engineering, 81 (2014) 736-741.
- [20] C. Zhang, X. Chu, D. Guines, L. Leotoing, J. Ding, G. Zhao, Dedicated linear–Voce model and its application in investigating temperature and strain rate effects on sheet formability of aluminum alloys, Materials & Design, 67 (2015) 522-530.
- [21] Z. Marciniak, K. Kuczyński, Limit strains in the processes of stretch-forming sheet metal, International journal of mechanical sciences, 9(9) (1967) 609-620.
- [22] J. Hutchinson, K. Neale, Sheet necking-II. Timeindependent behavior, in: Mechanics of sheet metal forming, Springer, 1978, pp. 127-153.
- [23] J. Hutchinson, K. Neale, Sheet necking-III. Strainrate effects, in: Mechanics of sheet metal forming, Springer, 1978, pp. 269-285.
- [24] J. Hutchinson, K. Neale, A. Needleman, Sheet necking—I. Validity of plane stress assumptions of the long-wavelength approximation, in: Mechanics of sheet metal forming, Springer, 1978, pp. 111-126.
- [25] R. Sowerby, J. Duncan, Failure in sheet metal in biaxial tension, International Journal of Mechanical Sciences, 13(3) (1971) 217-229.
- [26] M. Ganjiani, A. Assempour, An improved analytical approach for determination of forming limit diagrams considering the effects of yield functions, Journal of materials processing technology, 182(1-3) (2007) 598-607.
- [27] A.B. Da Rocha, F. Barlat, J. Jalinier, Prediction of the forming limit diagrams of anisotropic sheets in

Mechanical Engineers, Part B: Journal of Engineering Manufacture, 223(6) (2009) 703-712.

- [9] M. Jie, C. Cheng, L. Chan, C. Chow, Forming limit diagrams of strain-rate-dependent sheet metals, International Journal of Mechanical Sciences, 51(4) (2009) 269-275.
- [10] S. Kim, H. Huh, H. Bok, M. Moon, Forming limit diagram of auto-body steel sheets for high-speed sheet metal forming, Journal of Materials Processing Technology, 211(5) (2011) 851-862.
- [11] M. Safari, S. Hosseinipour, H. Azodi, An investigation into the effect of strain rate on forming limit diagram using ductile fracture criteria, Meccanica, 47(6) (2012) 1391-1399.
- [12] M. Saradar, A. Basti, M. Zaeimi, Numerical study of the effect of strain rate on damage prediction by dynamic forming limit diagram in high velocity sheet metal forming, Modares Mechanical Engineering, 14(16) (2015) 212-222. (in Persian)
- [13] T.C. Cheng, R.S. Lee, The influence of grain size and strain rate effects on formability of aluminium alloy sheet at high-speed forming, Journal of Materials Processing Technology, 253 (2018) 134-159.
- [14] D. Li, A.K. Ghosh, Biaxial warm forming behavior of aluminum sheet alloys, Journal of Materials Processing Technology, 145(3) (2004) 281-293.
- [15] X.-q. Cao, P.-p. Xu, F. Qi, W.-x. Wang, Theoretical prediction of forming limit diagram of AZ31 magnesium alloy sheet at warm temperatures, Transactions of Nonferrous Metals Society of China, 26(9) (2016) 2426-2432.
- [16] J. Zhou, Y. Mu, B. Wang, A damage-coupled unified viscoplastic constitutive model for prediction of forming limits of 22MnB5 at high temperatures, International Journal of Mechanical Sciences, 133 (2017) 457-468.
- [17] T. Naka, G. Torikai, R. Hino, F. Yoshida, The effects of temperature and forming speed on the forming limit diagram for type 5083 aluminum–magnesium alloy sheet, Journal of Materials Processing Technology,

influence on AA5083 formability, Journal of materials processing technology, 209(8) (2009) 3849-3858.

- [32] P. Wu, M. Jain, J. Savoie, S. MacEwen, P. Tuğcu, K. Neale, Evaluation of anisotropic yield functions for aluminum sheets, International Journal of Plasticity, 19(1) (2003) 121-138.
- [33] F. Stachowicz, Effect of annealing temperature on plastic flow properties and forming limit diagrams of titanium and titanium alloy sheets, Transactions of the Japan institute of metals, 29(6) (1988) 484-493.
- [34] S.C. Soare, Theoretical considerations upon the MK model for limit strains prediction: The plane strain case, strain-rate effects, yield surface influence, and material heterogeneity, European Journal of Mechanics-A/Solids, 29(6) (2010) 938-950.

linear and non-linear loading, Materials science and engineering, 68(2) (1985) 151-164.

- [28] R. Hill, A theory of the yielding and plastic flow of anisotropic metals, Proc. R. Soc. Lond. A, 193(1033) (1948) 281-297.
- [29] S.M. Mirfalah Nasiri, A. Basti, R. Hashemi, Numerical analysis of the effect of advanced yield criterion on prediction of strains and stresses in anisotropic aluminum sheets, Modares Mechanical Engineering, 15(8) (2015) 393-401. (in Persian)
- [30] H. Aretz, F. Barlat, New convex yield functions for orthotropic metal plasticity, International Journal of non-linear mechanics, 51 (2013) 97-111.
- [31] C. Zhang, L. Leotoing, D. Guines, E. Ragneau, Theoretical and numerical study of strain rate

نشریه مهندسی مکانیک امیرکبیر، دوره ۵۲، شماره ۳، سال ۱۳۹۹، صفحه ۵۵۵ تا ۵۷۰