



## تحلیل عملکرد سیستم گرمایش ساختمان توسط پمپ حرارتی منبع زیرزمینی و گرداورنده فتوولتائیک

مليحه کرمی، فرامرز سرحدی\*، فاطمه صبح‌نمايان

گروه مهندسی مکانیک، دانشکده مهندسی شهید نیکبخت، دانشگاه سیستان و بلوچستان، ایران

### تاریخچه داوری:

دریافت: ۱۳۹۷/۰۷/۱۵

بازنگری: ۱۳۹۷/۱۰/۲۴

پذیرش: ۱۳۹۷/۱۲/۲۰

ارائه آنلاین: ۱۳۹۷/۱۲/۲۹

### كلمات کلیدی:

ذخیره انرژی

منبع زیرزمینی

گرداورنده فتوولتائیک حرارتی

بازگشت‌ناپذیری

**خلاصه:** در پژوهش حاضر به تحلیل عملکرد سیستم گرمایش ساختمان مجهز به پمپ حرارتی منبع زیرزمینی و گرداورنده فتوولتائیک حرارتی پرداخته شده است. اجزاء سیستم مورد مطالعه شامل منبع کروی زیرزمینی، گرداورنده فتوولتائیک حرارتی و پمپ حرارتی می‌باشد. بررسی عملکرد سیستم ترکیبی از دو منظر انرژی و اکسرژی صورت گرفته است. توسط توسعه وزانه انرژی برای اجزاء مختلف سیستم روابطی تحلیلی برای محاسبه دمای آب منبع کمکی، دمای سلول خورشیدی، دمای صفحه جاذب و نرخ حرارت جذب شده گرداورنده فتوولتائیک حرارتی به دست آمد است. توان الکتریکی خروجی مدول فتوولتائیک توسط مدل الکتریکی چهار پارامتری جریان-ولتاژ محاسبه شده است. با نوشتن وزانه اکسرژی برای اجزاء مختلف سیستم برگشت‌ناپذیری آن‌ها مشخص شده است. نتایج شبیه‌سازی تحقیق حاضر در توازن خوبی با داده‌های آزمایشگاهی تحقیقات پیشین می‌باشد. بررسی نتایج نشان می‌دهد که برای تعداد گرداورنده ۶۵ عدد و دبی جرمی ۰/۲۵ کیلوگرم بر ثانیه راندمان انرژی و اکسرژی حداقل می‌باشد. کاهش حجم منبع کاهش دمای آب منبع کمکی را به دنبال دارد. افزایش ۳۰ درصدی تعداد گرداورنده‌های فتوولتائیک حرارتی افزایش ۲۵ درصدی دمای آب را سبب می‌شود. بیشترین دمای آب منبع کمکی به ترتیب در زمینی از جنس سنگریزه زبر و گرانیت مشاهده شد.

### ۱- مقدمه

۲- این سیستم همچنین از افت درجه حرارت زمین به هنگام استفاده

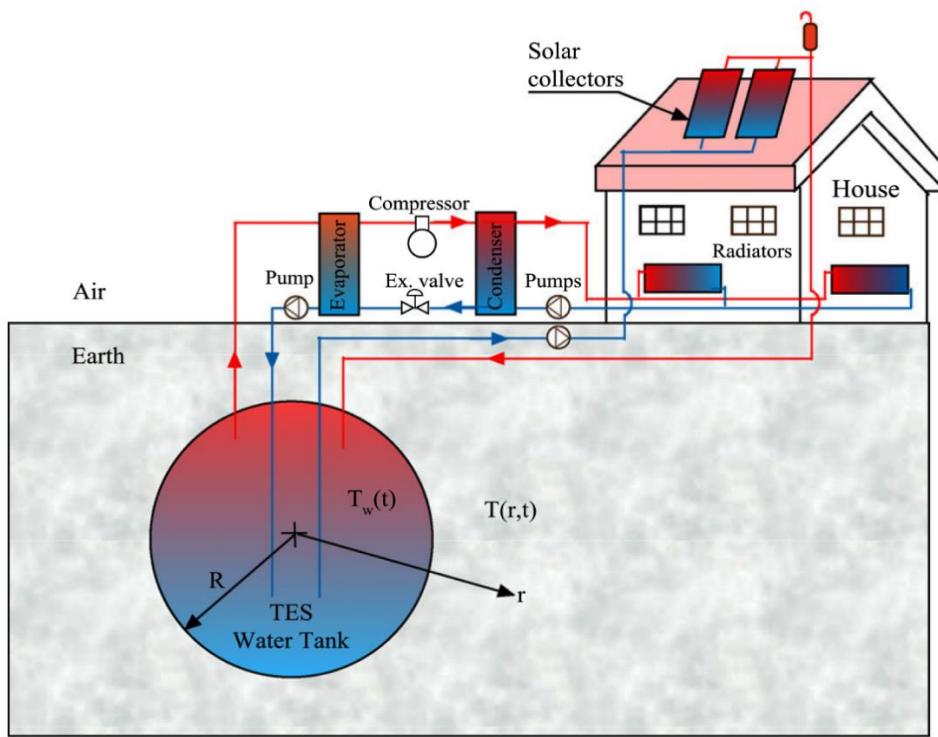
امنامپذیری منابع سوخت‌های فسیلی، آلایندگی و مسائل زیست‌محیطی ناشی از آن توجه محققان را به استفاده از منابع انرژی‌های تجدیدپذیر همچون انرژی زمین‌گرمایی و انرژی خورشیدی معطوف ساخته است. مشکلات متعددی جهت استفاده از منبع ذخیره‌سازی انرژی خورشیدی به طور تنها وجود دارد. یک عامل مهم محدود شدن استفاده از انرژی خورشیدی، چرخه‌ای و وابسته بودن آن به زمان است به طوری که در طول شب نمی‌توان از آن بهره برد. پمپ‌های حرارتی زمین‌گرمایی نیز دارای معایبی از جمله هزینه اولیه بالا، نیاز به توان الکتریکی جهت پمپاز سیال عامل و همچنین کاهش توانایی منبع زمین در گرمایش در طول یک دوره کارکرد می‌باشند. اگر پمپ‌های حرارتی زمین‌گرمایی با گرداورنده‌های فتوولتائیک حرارتی خورشیدی ترکیب شوند سیستم ترکیبی حاصله از مزایای زیر برخوردار می‌باشد:

۱- سیستم پمپ حرارتی زمین خورشیدی مشکلات متعددی از جمله نامنظم بودن تولید انرژی را حل کرده است.

\* نویسنده عهددار مکاتبات: fsarhaddi@eng.usb.ac.ir

حقوق مؤلفین به نویسنده‌گان و حقوق ناشر به انتشارات دانشگاه امیرکبیر داده شده است. این مقاله تحت لیسانس آفرینندگی مردمی (Creative Commons License) در دسترس شما قرار گرفته است. برای جزئیات این لیسانس، از آدرس <https://www.creativecommons.org/licenses/by-nc/4.0/legalcode> دیدن فرمائید.





شکل ۱: سیستم گرمایشی توسط پمپ حرارتی منبع زیرزمینی و گرداورنده فتوولتائیک حرارتی [۱]

Fig. 1. Heating system by an underground source heat pump and photovoltaic thermal collector [1]

روزانه جهت گرمایش فضا را انجام دادند و عملکرد حرارتی آن را بررسی کردند. نتایج آن‌ها نشان داد که ضریب عملکرد پمپ حرارتی برای کمترین دمای منبع ذخیره‌سازی در پایان یک روز ابری حدود  $2/5$  و در حدود  $3/5$  برای بالاترین دمای منبع در پایان یک روز آفتابی است و نوسان آن بین این مقادیر در زمان‌های دیگر است. همچنان، ضریب عملکرد سیستم در حدود  $20-15$  درصد پایین‌تر از ضریب عملکرد پمپ حرارتی است. هنگامی که دمای آب مخزن ذخیره‌سازی از  $38^{\circ}\text{C}$  بیشتر باشد، آن را از میان سیستم گرمایش کف برای گرم کردن اتاق به چرخش در می‌آید که این باعث می‌شود ضریب عملکرد سیستم و ضریب عملکرد پمپ حرارتی به مقادیر بالاتری برسند. اسن و همکاران [۵] در سال ۲۰۰۷ به بررسی بازده انرژی و اکسرژی سیستم پمپ حرارتی منبع زمینی به عنوان تابعی از عمق گودال برای فصل گرم پرداختند. مبدل‌های حرارتی زمینی افقی مورد استفاده قرار گرفته در عمق‌های ۱ متری و ۲ متری دفن شدند. نتایج نشان می‌دهد که بازده انرژی و اکسرژی سیستم با افزایش دمای منبع گرمایش (زمین) برای فصل گرم افزایش می‌یابد و با افزایش درجه حرارت محیط مرجع راندمان اکسرژی در هر دو مبدل حرارتی زمینی کاهش می‌یابد. وانگ و همکاران [۶] در سال ۲۰۰۹ به مقایسه تحلیل اکسرژی یک سیستم پمپ گرمایشی منبع زمینی برای

داده شده است.

تحقیقات متعددی در خصوص بررسی عملکرد سیستم گرمایشی مجهر به پمپ حرارتی منبع زیرزمینی و گرداورندهای خورشیدی انجام شده است. یامروتاس و آنسال [۲] در سال ۲۰۰۰ یک مدل محاسباتی برای سیستم گرمایشی با استفاده از پمپ گرمایی به همراه یک مخزن نیم‌کروی زمین گرمایی ارائه دادند. آن‌ها به این نتیجه رسیدند که استفاده از مواد با هدایت حرارتی بالا تبادل انرژی بین زمین و مخزن را افزایش می‌دهد که تبادل انرژی بالا، سبب افزایش دمای آب مخزن و عملکرد سیستم می‌شود و ضخامت بالای عایق و شعاع مخزن بزرگ‌تر از ۳۵ متر دارای مزیت قابل توجهی نیستند. یامروتاس و همکاران [۳] در سال ۲۰۰۳ یک مدل تحلیلی و محاسباتی برای سیستم گرمایشی خورشیدی با کمک پمپ حرارتی و یک مخزن ذخیره‌سازی استوانه‌ای زیرزمینی را ارائه دادند. نتایج به دست آمده تاثیر نوع زمین و اندازه سیستم را بر عملکرد سیستم نشان دادند. دمای بالای آب مخزن در زمینی از جنس سنگ‌ریزه و دمای پایین آب مخزن در زمینی از جنس گرانیت اتفاق می‌افتد. با کاهش حجم مخزن دامنه درجه حرارت افزایش می‌یابد. یامروتاس و کاسکا [۴] در سال ۲۰۰۴ مدل طراحی و ساخت یک سیستم پمپ حرارتی خورشیدی با یک مخزن ذخیره‌سازی انرژی استوانه‌ای

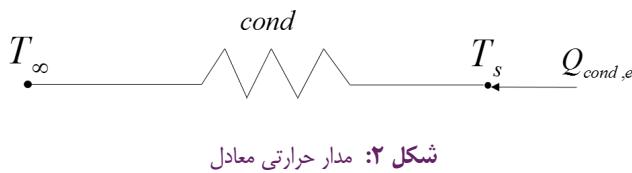
تشخیص تغییرات عملکرد آن در مدت زمان گرمایش برای ۸ ساعت پیوسته از ۹ صبح تا ۵ عصر در شرایط آب و هوایی هند پرداختند. نتایج این تحقیق افزایش ۳ درصدی دمای خانه را نشان داد و همچنین آن‌ها نشان دادند که این سیستم توانایی نگهداری دمای خانه را بین ۲۱–۲۰ درجه سانتی‌گراد هنگامی که دمای بیرون حدود ۱۲ درجه سانتی‌گراد است را دارد. سایدام و همکاران [۱۱] در سال ۲۰۱۹ به طراحی و ساخت یک مبدل حرارتی مجهز به مواد تغییر فازدهنده و لوله‌های مارپیچ جهت استفاده در مخازن ذخیره انرژی حرارتی پرداختند. ماده تغییر فازدهنده و سیال عامل در تحقیق آن‌ها به ترتیب واکس پارافین و مخلوط آب-اتیلن گلیکول بود. آن‌ها اثر تغییرات دبی جرمی جریان و دمای ورود سیال را بر زمان شارژ و تخلیه ماده تغییر فازدهنده بررسی کردند. نتایج آن‌ها نشان می‌دهد که افزایش دبی جرمی ۳۵ درصدی و دمای سیال ورودی و به ترتیب باعث کاهش ۲۱ درصدی و ۳۵ درصدی زمان شارژ می‌گردد. منذ و همکاران [۱۲] در سال ۲۰۱۹ به بررسی عددی امکان استفاده از تونل‌های زیرزمینی موجود در معادن متروک به عنوان مخزن ذخیره انرژی حرارتی جهت استفاده در پمپ گرمایی پرداختند. آن‌ها توسط روش دینامیک سیالات محاسباتی یک مدل سه‌بعدی جریان دو فاز برای تحلیل رفتار هیدرودینامیکی و حرارتی جریان آب و هوا را در تونل‌های زیرزمینی یک معدن متروک توسعه دادند. نتایج تحقیق آن‌ها نشان می‌دهد که استفاده از معادن زیرزمینی متروک به عنوان منبع ذخیره انرژی دما پایین از نظر تکنیکی امکان‌پذیر می‌باشد.

در پژوهش‌های گذشته [۱۱–۱۲] سیستم پمپ حرارتی منبع زیرزمینی با کمک گرداورنده معمولی برای گرمایش ساختمان مورد مطالعه و بررسی قرار گرفته است. در پژوهش حاضر برای گرمایش ساختمان از گرداورنده‌های فتوولتائیک حرارتی به جای گرداورنده‌های خورشیدی معمولی استفاده شده است و به تحلیل عملکرد سیستم گرمایش ساختمان توسط پمپ حرارتی منبع ذخیره‌سازی زیرزمینی پرداخته می‌شود.

## ۲- معادلات حاکم بر مسئله

در این قسمت به تحلیل انرژی سیستم گرمایش ساختمان توسط پمپ حرارتی منبع زیرزمینی و گرداورنده فتوولتائیک حرارتی پرداخته می‌شود. هدف از تحلیل انرژی، به دست آوردن روابطی برای محاسبه دمای قسمت‌های مختلف سیستم همچون دمای آب منبع کمکی، دمای زمین اطراف منبع کمکی، دمای سلول و صفحه جاذب می‌باشد. با نوشتن موازنۀ انرژی برای منبع کمکی و قسمت‌های مختلف گرداورنده فتوولتائیک

هر دو حالت گرمایش و سرمایش ساختمان پرداختند. نتایج نشان می‌دهد که از بین رفتن اکسرژی سیستم پمپ گرمایی منبع زمینی در حالت گرمایشی بیشتر از حالت سرمایشی است و راندمان اکسرژی کل سیستم پمپ گرمایی منبع زمینی بهطور آشکار پایین‌تر از اجزاء آن در هر دو حالت سرمایشی و گرمایشی است، به همین دلیل باید به تحلیل اکسرژی کل سیستم توجه بیشتری شود. لوهانی و اسمیت [۷] در سال ۲۰۱۰ به مقایسه انرژی و تحلیل اکسرژی سیستم گرمایش فضای یک ساختمان با نیروگاه‌های تولید حرارت مختلف پرداختند. سه سیستم متعارف (با سوخت فسیلی) و سیستم پمپ گرمایی منبع زمینی و سیستم پمپ گرمایی منبع هوایی مقایسه شده‌اند. مقایسه این تجزیه و تحلیل نشان می‌دهد سیستم پمپ گرمایی منبع زمینی واقع بینانه‌ترین سیستم است که ضریب عملکرد اولیه کلی بالای حدود ۵۰ درصد و راندمان اکسرژی کلی اولیه در حدود ۲۵ درصد کمتر از تقاضای انرژی اولیه و اکسرژی در حالت پایه که سیستم متعارف است دارد. یامروتاس و آنسال [۱] در سال ۲۰۱۲ تحلیل انرژی و مدل‌سازی سیستم گرمایشی خورشیدی یک ساختمان با کمک پمپ حرارتی و مخزن ذخیره‌سازی انرژی زیرزمینی پرداختند. مدل ارائه شده برای پیش‌بینی عملکرد بلندمدت سیستم موردنظر است. نتایج به دست آمده از این تحقیق نشان داده است که حداقل مقدار دمای سالانه مخزن ذخیره‌سازی با کاهش حجم مخزن و یا مساحت گرداورنده خورشیدی ارتباط مستقیم دارد. از ترک [۸] در سال ۲۰۱۴ به تحلیل بازده انرژی و اکسرژی یک سیستم پمپ حرارتی منبع زیرزمینی پرداخت که در آن اوپراتور به عنوان گرداورنده فتوولتائیک حرارتی کار می‌کند. از نتایج راندمان اکسرژی، ضریب عملکرد سیستم و ضریب عملکرد اکسرژی سیستم به ترتیب  $72/74$ ،  $2/89$  و  $0/39$  درصد به دست آمدند. سیستم ترکیبی پمپ حرارتی منبع زمینی که توسط یک گرداورنده فتوولتائیک حرارتی نصب شده بر روی اوپراتور نسبت به سیستم پمپ حرارتی منبع زمینی ساده سودمندتر است و دلیل آن می‌تواند کاهش و یا از بین رفتن برق مصرفی از اجزای کمپرسور و پمپ باشد. ورما و موروگسان [۹] در سال ۲۰۱۷ به بررسی عملکرد یک سیستم پمپ حرارتی منبع زمینی با کمک خورشید برای ذخیره انرژی خورشیدی در روز و گرمایش فضای در شب پرداختند. نتایج به دست آمده نشان داد که در حین تزریق گرما از گرداورنده خورشیدی به داخل زمین، در حدود ۵–۱۸ درصد از انرژی هدر می‌رود و افزایش دبی جرمی سیال انتقال حرارت در کلکتور و مبدل حرارتی زمینی منجر به افزایش ۲۱ درصدی تزریق گرما به داخل زمین می‌شود. ورما و موروگسان [۱۰] در سال ۲۰۱۸ به تحقیق تجربی یک سیستم خورشیدی به کمک پمپ حرارتی منبع زیرزمینی برای



شکل ۲: مدار حرارتی معادل

Fig. 2. Equivalent thermal circuit

شده، می‌توان مسئله را به عنوان معادله انتقال حرارت گذرای تک‌بعدی در راستای شعاع در مختصات کروی در نظر گرفت [۱].

$$\frac{\partial^2 T_w}{\partial r^2} + \frac{2}{r} \frac{\partial T_w}{\partial r} = \frac{\rho_w c_w}{k_w} \frac{\partial T_w}{\partial t} \quad (2)$$

$$T_w(0,t) = finite \quad (3)$$

$$T_w(R,t) = T_s \quad (4)$$

$$T(r,0) = T_0 \quad (5)$$

در اینجا پارامترهای  $\rho_w$ ،  $c_w$  و  $k_w$  به ترتیب چگالی، ظرفیت ویژه و هدایت حرارتی آب درون منبع می‌باشند و  $R$  شعاع منبع است. با استفاده از تغییر متغیر مناسب به یک معادله انتقال حرارت گذرا در مختصات دکارتی تبدیل شده و با استفاده از روش جداسازی متغیرها، معادله گذرای دمای آب منبع زیرزمینی به صورت معادله (۶) به دست خواهد آمد:

$$T_w(r,t) = T_s + \sum_{n=1}^{\infty} \left( \frac{2R(T_s - T_0)(-1)^n}{n\pi} \right) e^{-\alpha_w \left( \frac{n\pi}{R} \right)^2 t} \frac{1}{r} \sin\left(\frac{n\pi}{R} r\right) \quad (6)$$

در رابطه (۶)،  $T_s$  دمای آب روی سطح منبع می‌باشد که جهت محاسبه آن از مدار حرارتی معادل شکل ۲ استفاده می‌شود. معادله مربوط به مدار حرارتی معادل شکل ۲ به صورت زیر است:

$$Q_{cond,e} = \frac{T_s - T_{\infty}}{\frac{1}{4\pi k} \left( \frac{1}{R} - \frac{1}{R_o} \right)} \quad (7)$$

حرارتی و حل معادلات به دست آمده، می‌توان به ازای پارامترهای ورودی مفروض همچون شدت تابش خورشیدی، دمای زمین و تعداد گردآورندهای فتوولتائیک حرارتی، پارامترهای خروجی مطلوب و دمایهای اجزاء مختلف سیستم را به دست آورد.

### ۱-۱- تعریف مسئله

هدف اصلی این تحقیق گرمایش ساختمان توسط ذخیره‌سازی انرژی خورشیدی در طول سال و استفاده از آن در ماههای سرد سال و همچنین تأثیر پارامترهای عملکردی و طراحی بر راندمان انرژی می‌باشد. همان‌طور که در شکل ۱ نشان داده شد، سیستم موردنظر ترکیبی از یک منبع کروی زیرزمینی و گردآورنده فتوولتائیک حرارتی می‌باشد، به همین دلیل معادلات انرژی برای دو قسمت منبع کروی زیرزمینی و گردآورنده فتوولتائیک حرارتی می‌باشد.

### ۱-۲- تحلیل انرژی منبع ذخیره‌سازی کروی زیرزمینی

منبع زیرزمینی کمکی کروی شکل، حاوی آب بوده و در عمق ۱۰ متری زمین قرار دارد. دمای اولیه منبع در دمای عمق زمین فرض شده که در رابطه (۱) زیر نشان داده شده است [۱۳]:

$$T_{\infty}(z,t) = T_{mean} - T_{amp} e^{-z \sqrt{\frac{\omega}{\omega_s}}} \times \cos\left(\omega(t - t_{cold}) - z \sqrt{\frac{\omega}{2a_s}}\right) \quad (1)$$

در رابطه (۱)،  $T_{mean}$  متوسط دمای سالیانه زمین ( $10/2$ )،  $T_{amp}$  دامنه دمای سالیانه ( $12/8$ )،  $z$  ارتفاع منبع از زمین،  $\omega$  فرکانس زاویه‌ای تغییرات دمای سالیانه ( $0.0717 \text{ h}^{-1}$ )،  $t_{cold}$  سرددترین روز سال و  $a_s$  نفوذپذیری حرارتی زمین می‌باشند. با جایگذاری این مقادیر در رابطه (۱)، دمای اولیه منبع زیرزمینی ( $T_{\infty}$ ) به دست خواهد آمد.

دمای آب روی محیط منبع زیرزمینی ذخیره سازی  $T_s$  در نظر گرفته شده است. تغییرات زمانی دمای آب منبع به وسیله حل معادله حرارت گذرا در دمای  $T_w(t)$  تعیین می‌شود. زمین با ساختار همگن و خواص حرارتی ثابت فرض شده است و از داده‌های تجربی تحقیقات گذشته استفاده شده است [۱]. سیستم گرمایشی پژوهش حاضر شامل معادله حرارت گذرای سه‌بعدی است که با فرض این که منبع ذخیره‌سازی مورد نظر در عمق ۱۰ متری زمین واقع

انرژی حرارتی مصرف شده توسط پمپ حرارتی ( $Q_L$ ) به صورت زیر

به دست می‌آید [۱]:

$$Q_L = Q_h - W \quad (10)$$

در رابطه (۹)، مقدار انرژی مورد نیاز ساختمان و  $W$  کار کمپرسور پمپ حرارتی می‌باشد که به صورت معادله (۱۱) به دست خواهد آمد [۱].

$$W = \frac{Q_h(T_h - T_w)}{\eta_c T_h} \quad (11)$$

در رابطه (۱۱) پارامتر  $T_h$  دمای سیال در گردش داخل رadiاتورها و  $\eta_c$  بازده چرخه کارنو می‌باشد.

انتقال حرارت هدایتی منبع ( $Q_{cond,w}$ ) توسط قانون هدایت فوریه به صورت رابطه (۱۲) می‌باشد:

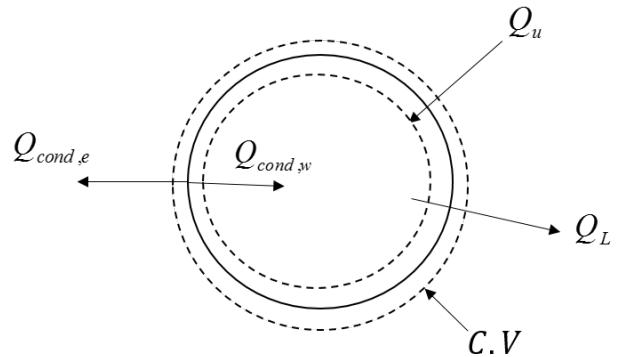
$$Q_{cond,w} = -k_w (4\pi R^2) \frac{\partial T_w(R,t)}{\partial r} = -8\pi R k_w (T_s - T_0) \sum_{n=1}^{\infty} e^{-\alpha_w (\frac{n\pi}{R})^2 t} \quad (12)$$

با به دست آوردن انتقال حرارت هدایتی زمین ( $Q_{cond,e}$ ) و استفاده از معادله (۷) مقدار  $T_s$  به دست خواهد آمد:

$$T_s = \frac{\frac{T_\infty}{1} + \frac{Q_h T_h}{\eta_c T_h} + 8\pi R k_w T_0 \sum_{n=1}^{\infty} e^{-\alpha_w (\frac{n\pi}{R})^2 t} + F_R A_c (\alpha\tau)_{eff} G + F_R A_c U_L}{\frac{1}{4\pi k} \left( \frac{1}{R} - \frac{1}{R_o} \right)} \quad (13)$$

### -۳- تحلیل حرارتی و الکتریکی گرداورنده فتوولتائیک حرارتی

هدف از تحلیل حرارتی گرداورنده فتوولتائیک حرارتی محاسبه دمای سطح مدول فتوولتائیک، دمای تدلاز، دمای سیال خروجی و نرخ حرارت مفید جذب شده توسط گرداورنده فتوولتائیک حرارتی می‌باشد که با نوشت موازنۀ انرژی برای اجزای مختلف گرداورنده فتوولتائیک حرارتی شامل لایه سلول‌های فتوولتائیک، صفحه جاذب و جریان سیال داخل کanal می‌توان



شکل ۳: حجم کنترل سطحی روی دیواره مخزن کروی در مکان  $r=R$

Fig. 3. Surface control volume on spherical reservoir wall in place  $r=R$

در معادله (۷) انتقال حرارت هدایتی زمین می‌باشد و برای به دست آوردن آن یک حجم کنترل سطحی روی دیواره مخزن کروی در مکان  $r=R$  به صورت شکل ۳ گرفته و با نوشتن معادله بقای انرژی به دست می‌آید. با نوشتن معادله بقای انرژی شکل ۳ خواهیم داشت:

$$Q_{cond,e} = Q_{cond,w} + Q_u - Q_L \quad (8)$$

در معادله (۸)،  $Q_L$  و  $Q_{cond,w}$  به ترتیب انرژی حرارتی مصرف شده توسط پمپ حرارتی و انتقال حرارت هدایتی منبع زیرزمینی و نرخ حرارت مفید جذب شده خورشیدی می‌باشد.

نرخ حرارت مفید جذب شده توسط گرداورنده فتوولتائیک حرارتی از رابطه (۹) محاسبه می‌شود [۱۴]:

$$Q_u = F_R A_c [(\alpha\tau)_{eff} G_c - U_L (T_{f,in} - T_a)] \quad (9)$$

$$F_R = \frac{\dot{m} c_w}{U_L A_c} \left[ 1 - \exp \left( \frac{-F' U_L A_c}{\dot{m} c_w} \right) \right]$$

در معادله (۹) پارامترهای  $T_{f,in}$ ,  $U_L$ ,  $G_c$ ,  $A_c$ ,  $F_R$ ,  $(\alpha\tau)_{eff}$  و  $F'$  به ترتیب ضریب برداشت گرماء، مساحت سطح گرداورنده، ضریب جذب-انتقال مؤثر، شدت تابش خورشیدی رسیده به گرداورنده، ضریب اتلاف حرارت کلی گرداورنده، دمای آب ورودی به گرداورنده، دمای محیط و ضریب بازده گرداورنده می‌باشند که به تفصیل در مرجع [۱۴] آورده شده است.

$$\frac{I_O}{I_{O,ref}} = \left( \frac{T_c}{T_{c,ref}} \right)^3 \exp \left[ \left( \frac{\varepsilon_s N_c}{a_{ref}} \right) \left( 1 - \frac{T_c}{T_{c,ref}} \right) \right] \quad (21)$$

$$I_L = \frac{G}{G_{ref}} \left[ I_{L,ref} + \alpha \left( T_c - T_{c,ref} \right) \right] \quad (22)$$

$$\Delta T = T_c - T_{c,ref} \quad (23)$$

$$\Delta I = \alpha \left( \frac{G}{G_{ref}} \right) \Delta T + \left( \frac{G}{G_{ref}} - 1 \right) I_{sc,ref} \quad (24)$$

$$I_{new} = I_{ref} + \Delta I \quad (25)$$

$$V_{new} = V_{ref} + \Delta V \quad (26)$$

در این روابط پارامترهای  $\alpha, N_c, \varepsilon$  و  $\beta$  به ترتیب انرژی شکاف باند، تعداد سلول‌ها در مدول خورشیدی، ضرایب دمایی ولتاژ و جریان است. توان الکتریکی خروجی از مدول فتوولتائیک و راندمان الکتریکی مدول فتوولتائیک به ترتیب به صورت روابط (۲۷) و (۲۸) تعریف می‌شوند:

$$P_{el} = V_{mp} I_{mp} \quad (27)$$

$$\eta_{el} = \frac{V_{mp} I_{mp}}{G_c A_c} \quad (28)$$

#### ۲-۴- تابش خورشید بر سطح شبیدار

تابش کل برای هر سطح شبیدار ( $\beta = \text{شیب}$ ) در هر راستا (برای راستای شرقی، جنوبی، غربی و شمالی)  $90^\circ, 90^\circ, 0^\circ$  و  $180^\circ$  در عرض جغرافیایی ( $\varphi$ ) را می‌توان از رابطه لیو و جردن [۱۶] محاسبه کرد:

$$G_t = G_N \cos \theta_i + G_d R_d + \rho R_r (G_b + G_d) \quad (29)$$

در رابطه (۲۹) پارامترهای  $\rho, \theta_i, R_r, R_d, G_b, G_d, G_N$  به ترتیب تابش خورشیدی در سطح زمین، تابش پراکنده بر سطح افقی، تابش مستقیم زمینی دریافت شده بر سطح زمین، ضریب جریان تابش مستقیم

پارامترهای ذکر شده را به دست آورد که در مرجع [۱۴] ذکر شده است. در پژوهش حاضر جهت تحلیل الکتریکی و محاسبه راندمان مدول فتوولتائیک از مدل چهار پارامتری جریان-ولتاژ استفاده شده است؛ مدل چهار پارامتری برای معرفی منحنی جریان-ولتاژ سلول خورشیدی به صورت رابطه (۱۳) تعریف می‌شود [۱].

$$I = I_L - I_O \left[ \exp \left( \frac{V + IR_s}{a} \right) - 1 \right] \quad (14)$$

چهار پارامتر این مدل  $I$ ،  $R_s$ ،  $I_L$  و  $a$  به ترتیب جریان نوری، جریان اشباع معکوس، مقاومت سری و ضریب مطلوبیت می‌باشند. برای محاسبه چهار پارامتر ذکر شده از معادلات (۱۵) تا (۱۸) استفاده می‌شود [۱۵].

$$I_{L,ref} = I_{sc,ref} \quad (15)$$

$$I_{O,ref} = \frac{I_{sc,ref}}{\exp(V_{oc,ref}/a_{ref})} \quad (16)$$

$$a_{ref} = \frac{2V_{mp,ref} - V_{oc,ref}}{\left( \frac{I_{mp,ref}}{I_{sc,ref} - I_{mp,ref}} \right) + Ln(1 - \frac{I_{mp,ref}}{I_{sc,ref}})} \quad (17)$$

$$R_{s,ref} = \frac{a_{ref} Ln \left( 1 - \frac{I_{mp,ref}}{I_{sc,ref}} \right) + V_{oc,ref} - V_{mp,ref}}{I_{mp,ref}} \quad (18)$$

مقادیر  $V_{oc,ref}$  و  $I_{sc,ref}$  توسط سازندگان مدول‌های فتوولتائیک در شرایط مرجع ارائه می‌شوند. برای محاسبه ولتاژ و جریان و پارامترهای مدل در شرایط جدید ( $T_c, G_c$ ) از معادلات انتقال استفاده می‌شود که به صورت روابط (۲۶) تا (۲۹) تعریف می‌شوند [۱۳].

$$R_s = R_{s,ref} \quad (19)$$

$$\frac{a}{a_{ref}} = \frac{T_c}{T_{c,ref}} \quad (20)$$

تابش شده، بخش بازتابیده شده، زاویه تابش و ضریب بازتابش زمین می‌باشد

(برابر  $2/0$  در زمین معمولی) می‌باشد.

$$\dot{I}_r = \dot{Ex}_{loss} + \dot{Ex}_{des} \quad (32)$$

مقدار اکسرژی بلاستفاده که حجم کنترل را ترک می‌کند، اکسرژی تلف شده نامیده می‌شود و با علامت  $\dot{Ex}_{loss}$  نمایش داده می‌شود. به منظور به دست آوردن نرخ برگشتناپذیری، موازنۀ اکسرژی برای اجزای مختلف سیستم نوشه می‌شود.

برگشتناپذیری منبع زیرزمینی کمکی:

$$\begin{aligned} \dot{I}_r_{tank} &= \dot{Ex}_{des,tank} + \dot{Ex}_{loss,tank} = \\ &= \dot{Ex}_{st} - \dot{Ex}_{Q_u} + \dot{Ex}_{Q_L} + \dot{Ex}_{Q_{loss}} = \\ &= -m_w C_w \left[ \frac{dT_w}{dt} \left( 1 - \frac{T_a + 273}{T_w + 273} \right) + \frac{dT_a}{dt} \ln \left( 1 - \frac{T_w + 273}{T_a + 273} \right) \right] \quad (33) \\ &\quad - Q_u \left( 1 - \frac{T_a + 273}{T_w + 273} \right) + Q_L \left( 1 - \frac{T_a + 273}{T_w + 273} \right) + Q_{loss} \left( 1 - \frac{T_a + 273}{T_w + 273} \right) \end{aligned}$$

در رابطه بالا و  $\dot{Ex}_{Q_L}, \dot{Ex}_{Q_u}, \dot{Ex}_{st}, \dot{Ex}_{loss,tank}, \dot{Ex}_{des,tank}$  به ترتیب نرخ تخریب اکسرژی منبع، نرخ اکسرژی تلف شده از منبع، نرخ اکسرژی ذخیره شده در منبع، نرخ اکسرژی خورشیدی مفید جذب شده، نرخ اکسرژی حرارتی مصرف شده توسط پمپ حرارتی و نرخ اکسرژی هدر رفته می‌باشدند.

برگشتناپذیری پمپ حرارتی:

$$\begin{aligned} \dot{I}_r_{HP} &= \dot{Ex}_{des,HP} + \dot{Ex}_{loss,HP} = \\ &= \dot{Ex}_{Q_h} + \dot{Ex}_W - \dot{Ex}_{Q_L} = \quad (34) \\ &= Q_h \left( 1 - \frac{T_a + 273}{T_h + 273} \right) + W - Q_L \left( 1 - \frac{T_a + 273}{T_w + 273} \right) \end{aligned}$$

در رابطه (34) جملات  $\dot{Ex}_W, \dot{Ex}_{Q_h}, \dot{Ex}_{loss,HP}, \dot{Ex}_{des,HP}$  به ترتیب نرخ تخریب اکسرژی پمپ حرارتی، نرخ اکسرژی تلف شده از پمپ حرارتی، نرخ اکسرژی کار پمپ حرارتی، نرخ اکسرژی و نرخ اکسرژی حرارتی مصرف شده توسط پمپ حرارتی می‌باشند. برگشتناپذیری گردآورنده فتوولتائیک حرارتی:

## ۵- راندمان انرژی

راندمان انرژی سیستم گرمایش خورشیدی فتوولتائیک حرارتی به صورت نسبت انرژی مطلوب خروجی به انرژی خالص ورودی به سیستم تعیف می‌شود. در معادله (۳۰) به دلیل متفاوت بودن کیفیت انرژی حرارتی و الکتریکی، ضریب  $C_f$  برای تبدیل انرژی الکتریکی به معادل حرارتی آن استفاده شده است.

$$\eta_{en} = \frac{Q_h + Q_{el}/C_f}{Q_{solar} + W_{comp}} = \frac{Q_h + V_{mp} I_{mp}/C_f}{A_c G + Q_h - Q_L} \quad (30)$$

## ۶- تحلیل اکسرژی

به دلیل این که قانون اول ترمودینامیک به تنها ی نمی‌تواند ابزار مناسبی برای ارزیابی عملکرد یک سیستم حرارتی باشد، در این بخش تحلیل اکسرژی که ریشه در قانون دوم ترمودینامیک دارد انجام می‌شود [۱۴ و ۱۵]. معادله موازنۀ اکسرژی برای یک حجم کنترل کلی به صورت معادله (۳۱) به دست می‌آید [۱۴]:

$$\sum (\dot{Ex})_{in} - \sum (\dot{Ex})_{out} = \dot{Ex}_{des} + \left( \frac{dEx}{dt} \right)_{cv} \quad (31)$$

در معادله (۳۱) جملات  $\left( \frac{dEx}{dt} \right)_{cv}$  و  $\sum (\dot{Ex})_{out}$ ،  $\sum (\dot{Ex})_{in}$  به ترتیب نرخ اکسرژی های ورودی به حجم کنترل، نرخ اکسرژی های خروجی از حجم کنترل و نرخ تغییرات اکسرژی در حجم کنترل می‌باشند. جمله  $\dot{Ex}_{des}$  نرخ تخریب اکسرژی در حجم کنترل ناشی از تولید آنتروپی در حجم کنترل می‌باشد.

## ۶- ۱- برگشتناپذیری

در فرایندهای ترمودینامیکی واقعی تولید آنتروپی باعث برگشتناپذیری و تخریب اکسرژی می‌شود، بنابراین ضروری است منابع برگشتناپذیری در فرایندهای ترمودینامیکی به منظور کاهش آن‌ها شناسایی شوند. برگشتناپذیری از مجموع اکسرژی تلفشده و اکسرژی تخریب به صورت معادله (۳۲) به دست می‌آید [۱۴]:

مدول سیلیکونی ۹۰ وات متصل به گرداورنده حرارتی می‌باشد در گروه مهندسی مکانیک دانشگاه سیستان و بلوچستان طراحی و ساخته شده است [۱۴]. پارامترهای مختلف جوی و عملکردی گرداورنده فتوولتائیک حرارتی شامل شدت تابش خورشیدی، دمای سلول خورشیدی، دمای آب ورودی و خروجی، دمای محیط و توان الکتریکی خروجی در روز ۲۴ آبان ۱۳۹۴ تحت شرایطی که گرداورنده رو به سمت جنوب با زاویه ۳۰ درجه قرار داشته است اندازه‌گیری شده است. پارامترهای حرارتی و الکتریکی گرداورنده فتوولتائیک حرارتی و شدت تابش خورشیدی محاسبه شده توسط رابطه لیو و جردن [۱۶] با داده‌های تجربی دستگاه آزمایش دانشگاه سیستان و بلوچستان مقایسه شده است. در جدول ۱ پارامترهای جوی، عملکردی و طراحی گرداورنده فتوولتائیک حرارتی و در جدول ۲ مشخصات سیستم پمپ حرارتی خورشیدی با منبع زیرزمینی کروی آورده شده است. جهت مقایسه داده‌های شبیه‌سازی با داده‌های تجربی متناظر درصد خطای نسبی متوسط و ضریب خطی رگرسیون توسط روابط (۳۷) و (۳۸) محاسبه و استفاده شده است [۱۷].

$$Er = \frac{1}{n} \times \sum_{i=1}^n \left| \frac{X_{sim,i} - X_{exp,i}}{X_{exp,i}} \right| \times 100 \quad (37)$$

$$r = \frac{n \left( \sum_{i=1}^n X_{exp,i} X_{sim,i} \right) - \left( \sum_{i=1}^n X_{exp,i} \right) \left( \sum_{i=1}^n X_{sim,i} \right)}{\sqrt{n \left( \sum_{i=1}^n X_{exp,i}^2 \right) \left( \sum_{i=1}^n X_{exp,i} \right)^2} \sqrt{\left( \sum_{i=1}^n X_{sim,i}^2 \right) \left( \sum_{i=1}^n X_{sim,i} \right)^2}} \quad (38)$$

که در روابط بالا  $X$  و  $n$  به ترتیب مقدار داده‌های تجربی با شبیه‌سازی و تعداد داده‌های آزمایش می‌باشد.  
داده‌های آزمایشگاهی موجود در شکل‌های ۴ و ۵ از دستگاه آزمایش گرداورنده فتوولتائیک حرارتی مستقر در دانشگاه سیستان و بلوچستان استخراج شده است [۱۴]. در پژوهش حاضر نتایج شبیه‌سازی برای شدت تابش خورشیدی و دمای اجزاء مختلف گرداورنده فتوولتائیک حرارتی با داده‌های آزمایشگاهی متناظر استخراج شده از دستگاه مذکور اعتبارسنجی شده‌اند. همچنین در شکل ۶ دمای آب شبیه‌سازی پژوهش حاضر با مقدار تجربی به دست آمده توسط یامروتاس و آنسال [۱] مقایسه شده است.  
در شکل ۴ مقایسه‌ای بین مقادیر شبیه‌سازی و تجربی شدت تابش خورشیدی اندازه‌گیری شده توسط گرداورنده فتوولتائیک حرارتی مستقر در دانشگاه سیستان و بلوچستان [۱۴] انجام شده است. خطای نسبی شدت

$$\begin{aligned} \dot{I}_{PV/T} &= \dot{E}x_{des,PV/T} + \dot{E}x_{loss,PV/T} = \\ &\dot{E}x_{Q_u} + \dot{E}x_{Q_{loss}} + \dot{E}x_{Q_{el}} - \dot{E}x_{Q_{solar}} = \\ &Q_u \left( 1 - \frac{T_a + 273}{T_w + 273} \right) + Q_{loss} \left( 1 - \frac{T_a + 273}{T_c + 273} \right) + Q_{el} \\ &- Q_{solar} \left[ 1 - \frac{4}{3} \left( \frac{T_a + 273}{T_s} \right) + \frac{1}{3} \left( \frac{T_a + 273}{T_s} \right)^4 \right] \end{aligned} \quad (35)$$

در رابطه (۳۵) جملات  $\dot{E}x_{loss,PV/T}$ ،  $\dot{E}x_{des,PV/T}$ ،  $\dot{E}x_{Q_u}$  و  $\dot{E}x_{Q_{loss}}$  به ترتیب نرخ تخریب اکسرژی گرداورنده فتوولتائیک حرارتی، نرخ اکسرژی تلف شده از گرداورنده فتوولتائیک حرارتی، نرخ اکسرژی خورشیدی مفید جذب شده، نرخ اکسرژی هدر رفته، نرخ اکسرژی الکتریکی و نرخ اکسرژی خورشیدی می‌باشند.  
راندمان اکسرژی سیستم:

$$\begin{aligned} \eta_{ex} &= \frac{\dot{E}x_{Q_h} + \dot{E}x_{Q_{el}}}{\dot{E}x_{Q_{solar}} + W_{comp}} = \\ &\frac{Q_h \left( 1 - \frac{T_a + 273}{T_h + 273} \right) + V_{mp} I_{mp}}{A_e G \left[ 1 - \frac{4}{3} \left( \frac{T_a + 273}{T_s} \right) + \frac{1}{3} \left( \frac{T_a + 273}{T_s} \right)^4 \right] + Q_h - Q_L} = \\ &1 - \frac{\sum \dot{I}r}{\dot{E}x_{Q_{solar}} + W_{comp}} = 1 - \frac{\dot{I}r_{tank} + \dot{I}r_{HP} + \dot{I}r_{PV/T}}{\dot{E}x_{Q_{solar}} + W_{comp}} \end{aligned} \quad (36)$$

### ۳- نتایج و بحث

#### ۳-۱- اعتبارسنجی

هدف از حل معادلات قبل یافتن دمای اجزاء مختلف سیستم می‌باشد. جهت بررسی صحت کد نوشته شده از حل معادلات حاکم نیاز به اعتبارسنجی آن با داده‌های آزمایشگاهی می‌باشد. بهدلیل عدم وجود تحقیق منطبق بر پژوهش حاضر، اعتبارسنجی در طی دو مرحله به شرح زیر صورت می‌گیرد:  
اعتبارسنجی کد نوشته شده برای شدت تابش خورشیدی و گرداورنده فتوولتائیک حرارتی توسط مقایسه با داده‌های دستگاه آزمایش گرداورنده فتوولتائیک حرارتی مستقر در گروه مهندسی مکانیک دانشگاه سیستان و بلوچستان [۱۴].

اعتبارسنجی کد نوشته شده برای سیستم گرمایش کمکی با داده‌های تجربی یامروتاس و آنسال [۱].

یک نمونه آزمایشگاهی از گرداورنده فتوولتائیک حرارتی که شامل یک

Table 1. Climatic, operating and design parameters of photovoltaic thermal collector [14]

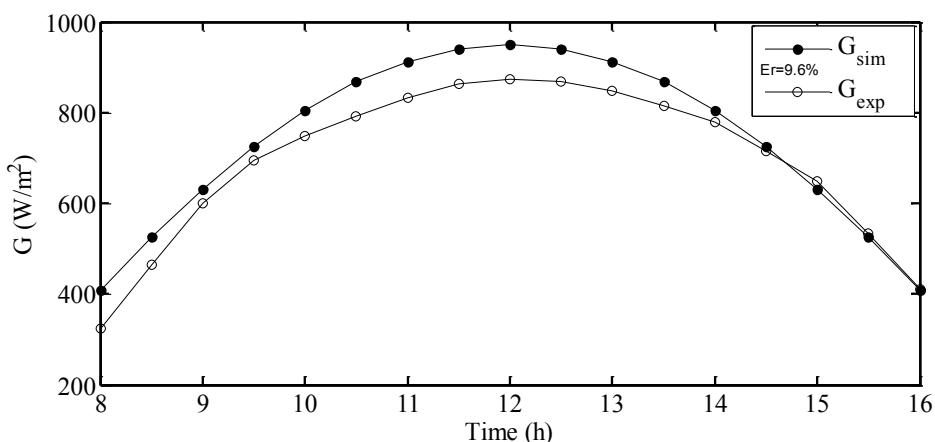
جدول ۱: پارامترهای جوی، عملکردی و طراحی گرداورنده فتوولتائیک حرارتی [۱۴]

پارامتر گرداورنده	مقدار	پارامتر گرداورنده	مقدار	پارامتر گرداورنده
$G_{ref} = 1000 \text{ W/m}^2$	شدت تابش خورشیدی در شرایط مرجع	مونوکریستال سیلیکون <sup>۱</sup> (۹۰ W)	نوع مدول	
$T_{a,ref} = 298/15 \text{ K}$	دماهی محیط در شرایط مرجع	$L = 1/3 \text{ m}$	طول مدول فتوولتائیک	
$T_{c,ref} = 298/15 \text{ K}$	دماهی مدول فتوولتائیک در شرایط مرجع	$b = 0.5 \text{ m}$	عرض مدول فتوولتائیک	
$\eta_{el,ref} = 0.1$	راندمان الکتریکی در شرایط مرجع	$I_{sc,ref} = 5/29 \text{ A}$	جریان اتصال کوتاه در شرایط مرجع	
$\alpha = 20.6 \text{ mA/}^\circ\text{C}$	ضریب دمایی جریان	$V_{oc,ref} = 21 \text{ V}$	ولتاژ مدار باز در شرایط مرجع	
$V_{mp,ref} = 18/3 \text{ V}$	ولتاژ نقطه توان ماکزیمم در شرایط مرجع	$I_{mp,ref} = 4/29 \text{ A}$	جریان نقطه توان ماکزیمم در شرایط مرجع	
$K_p = 400 \text{ W/m.K}$	قابلیت هدایت صفحه جاذب	$L_p = 0.002 \text{ m}$	ضخامت صفحه جاذب	

Table 2. Design parameters of the system of solar heat pump with an underground spherical reservoir [1]

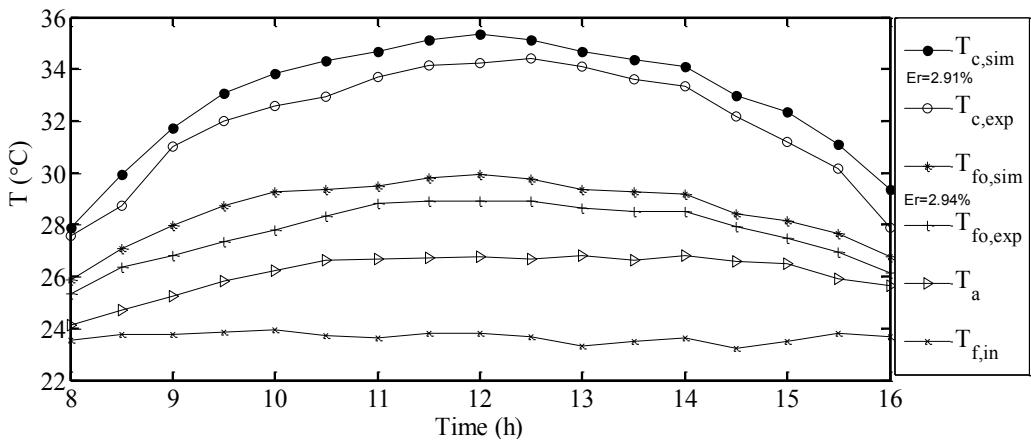
جدول ۲: پارامترهای طراحی سیستم پمپ حرارتی خورشیدی با منبع زیرزمینی کروی [۱]

پارامتر	مقدار	پارامتر	مقدار	پارامتر
مساحت ساختمان	$A = 100 \text{ m}^2$	بار گرمایشی ساختمان	$Q_h = 10 \text{ kW}$	
دماهی طراحی داخل	$T_i = 20^\circ\text{C}$	دماهی طراحی خارج	$T_a = -9^\circ\text{C}$	
دماهی اولیه منبع زیرزمینی کروی	$T_w(0) = 20^\circ\text{C}$	حجم منبع زیرزمینی کروی	$V = 300 \text{ m}^3$	
دماهی زمین	$T_\infty = 15^\circ\text{C}$	قابلیت هدایت حرارتی زمین (سنگ آهک)	$K_e = 1/3 \text{ W/m.K}$	
مساحت گرداورنده خورشیدی	$A_c = 20 \text{ m}^2$	بازده کارنو	$\eta_c = 0.4$	



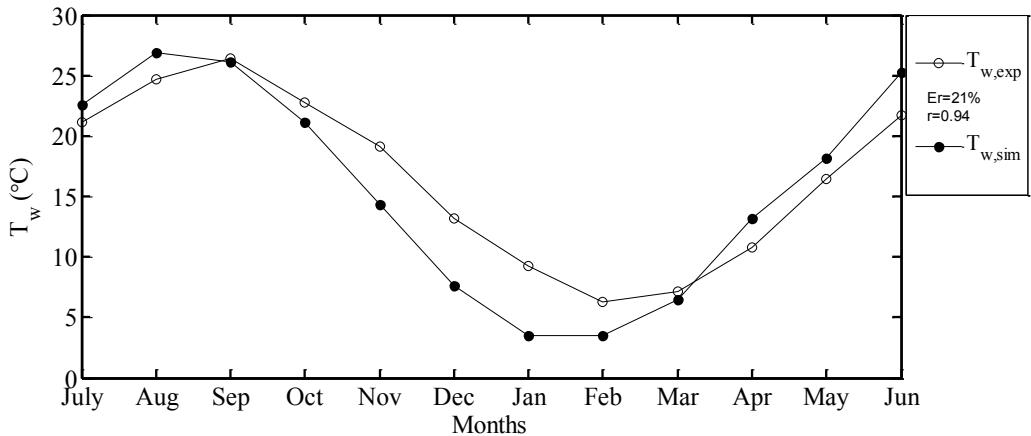
شکل ۴: داده‌های شبیه‌سازی و تجربی شدت تابش خورشیدی بر حسب زمان آزمایش

Fig. 4. Simulated and experimental data of solar radiation intensity versus test time



شکل ۵: دماهای مختلف گرداورنده فتوولتائیک حرارتی بر حسب زمان آزمایش

Fig. 5. Various temperatures of photovoltaic thermal collector versus test time



شکل ۶: مقادیر شبیه‌سازی و تجربی دمای آب منبع زیرزمینی کمکی

Fig. 6. Simulated and experimental values of the water temperature of auxiliary underground reservoir

یامروتاس و آنسال [۱] و مقادیر شبیه‌سازی تحقیق حاضر برای دمای آب منبع زیرزمینی کمکی انجام شده است. خطای نسبی متوسط دمای مذکور برابر با ۲۱ درصد می‌باشد.

از نتایج شکل‌های ۴، ۵ و ۶ می‌توان اظهار داشت توافق نسبتاً خوبی بین نتایج شبیه‌سازی تحقیق حاضر و داده‌های آزمایشگاهی برقرار است. دلایل خطای مربوطه می‌تواند به شرح زیر باشد:

خطای داده‌های آزمایشگاهی

استفاده از مدل انتقال حرارت یک بعدی شبه دائم برای شبیه‌سازی گرداورنده فتوولتائیک حرارتی

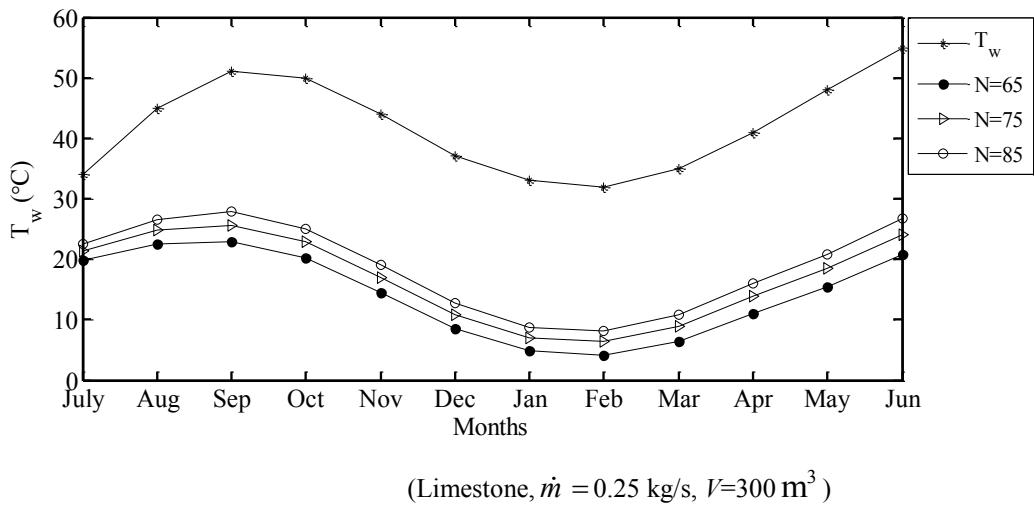
ثابت در نظر گرفتن برخی ضرایب انتقال حرارت و برخی ضرایب

تابش مذکور برابر با ۹/۶ درصد می‌باشد. در شکل ۵ دماهای مختلف گرداورنده فتوولتائیک حرارتی شامل دمای مدل فتوولتائیک، دمای آب خروجی و دمای آب ورودی و همچنین دمای محیط بر حسب زمان آزمایش نشان داده شده است.

با توجه به شکل ۵ مقایسه‌ای بین مقادیر شبیه‌سازی و تجربی دمای مدل فتوولتائیک و دمای آب خروجی انجام شده است. خطای نسبی متوسط دمای مذکور به ترتیب برابر ۲/۹۱ و ۲/۹۴ درصد می‌باشد.

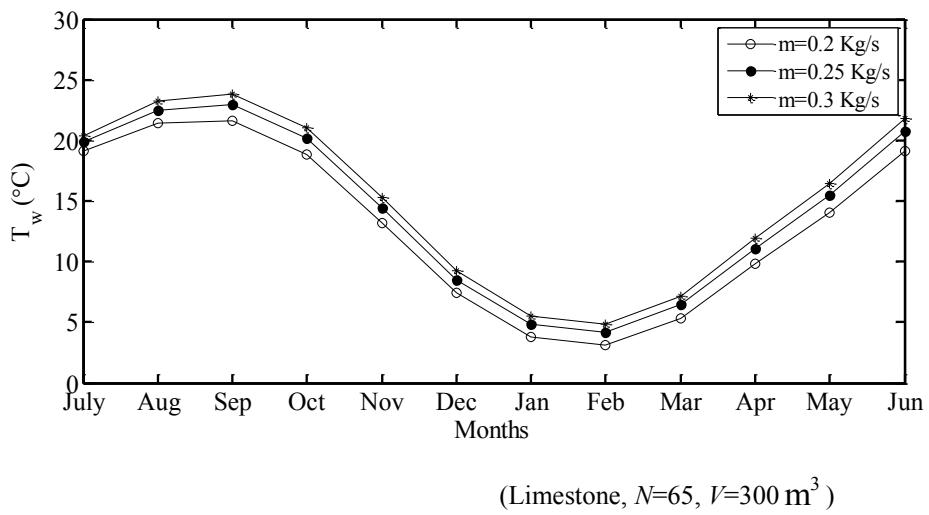
در شکل ۶ مقادیر شبیه‌سازی و تجربی دمای آب منبع زیرزمینی کمکی در ماههای مختلف نشان داده شده است.

مطابق شکل ۶ مقایسه‌ای بین مقادیر تجربی مربوط به تحقیق



شکل ۷: تاثیر تعداد گرداورندهای فتوولتائیک حرارتی بر دمای آب منبع زیرزمینی کمکی

Fig. 7. Effect of the number of photovoltaic thermal collectors on the water temperature of the auxiliary underground reservoir



شکل ۸: تاثیر تغییرات دبی جرمی آب بر دمای آب منبع زیرزمینی کمکی

Fig. 8. Effect of changes in water mass flow rate on the water temperature of the auxiliary underground reservoir

آب منبع زیرزمینی کمکی نشان می‌دهد.

مطابق با شکل ۷ با افزایش ۳۰ درصدی تعداد گرداورندهای فتوولتائیک

حرارتی دمای آب منبع زیرزمینی کمکی در حدود ۲۵ درصد افزایش می‌یابد و دلیل این افزایش دمای آب خروجی از گرداورندهای فتوولتائیک حرارتی بواسطه افزایش حرارت مفید جذب شده توسط گرداورندها می‌باشد. در این شکل نمودار اول نشان‌دهنده دمای آب منبع زیرزمینی در طول ماههای سال قبل از برداشت انرژی برای گرمایش ساختمان مورد نظر می‌باشد.

شکل ۸ تاثیر تغییرات دبی جرمی آب درون مجرأ را بر روی دمای آب

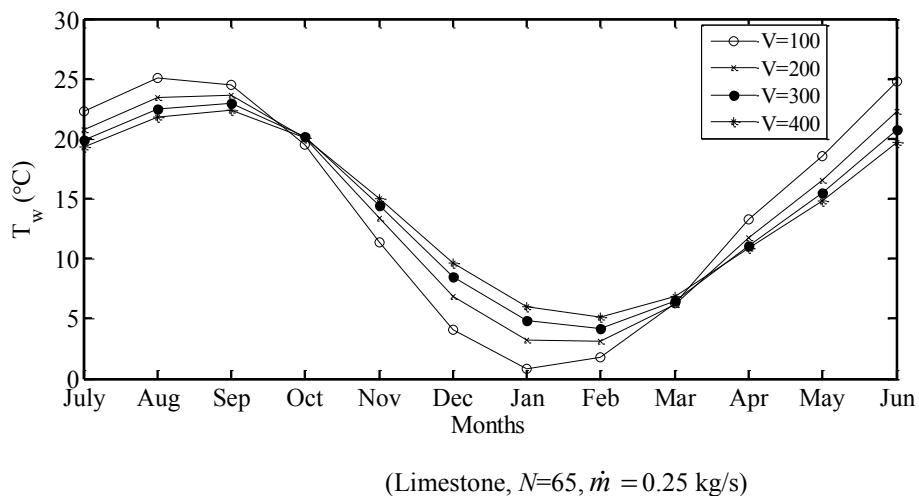
الکتریکی در فرایند شبیه‌سازی

۳-۲- مطالعات پارامتری بر روی دمای آب منبع زیرزمینی ذخیره‌سازی

کمکی

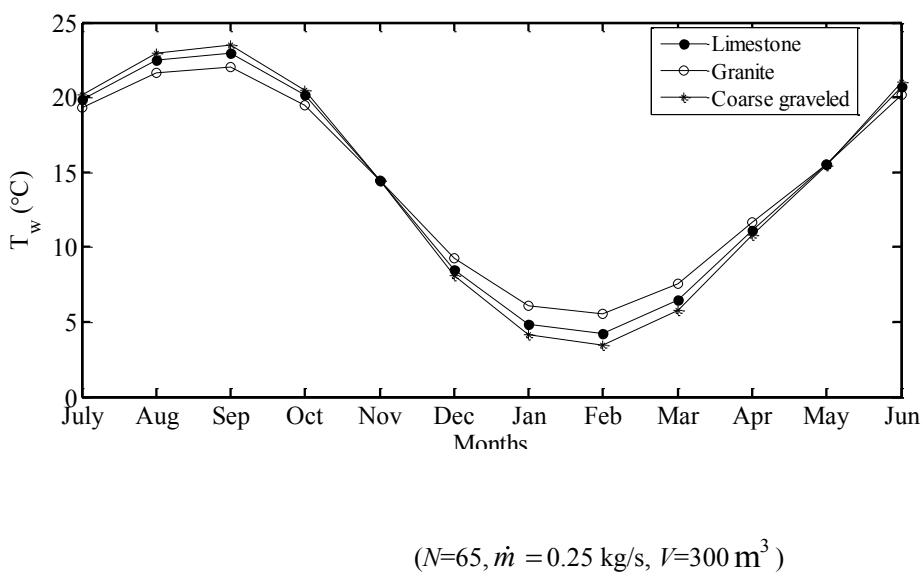
در این بخش به بررسی تأثیر پارامترهای طراحی و عملکردی شامل تعداد گرداورندهای فتوولتائیک حرارتی، دبی جرمی آب، حجم منبع زیرزمینی کمکی، جنس زمین بر روی دمای آب منبع زیرزمینی کمکی پرداخته می‌شود.

شکل ۷ تاثیر تعداد گرداورندهای فتوولتائیک حرارتی را بر روی دمای آب



شکل ۹: تأثیر تغییرات حجم منبع آب بر دمای آب منبع زیرزمینی کمکی

Fig. 9. Effect of changes in the volume of water tank on the water temperature of the auxiliary underground reservoir



شکل ۱۰: تأثیر تغییرات جنس زمین بر دمای آب منبع زیرزمینی کمکی

Fig. 10. Effect of changes in ground type on the water temperature of the auxiliary underground reservoir

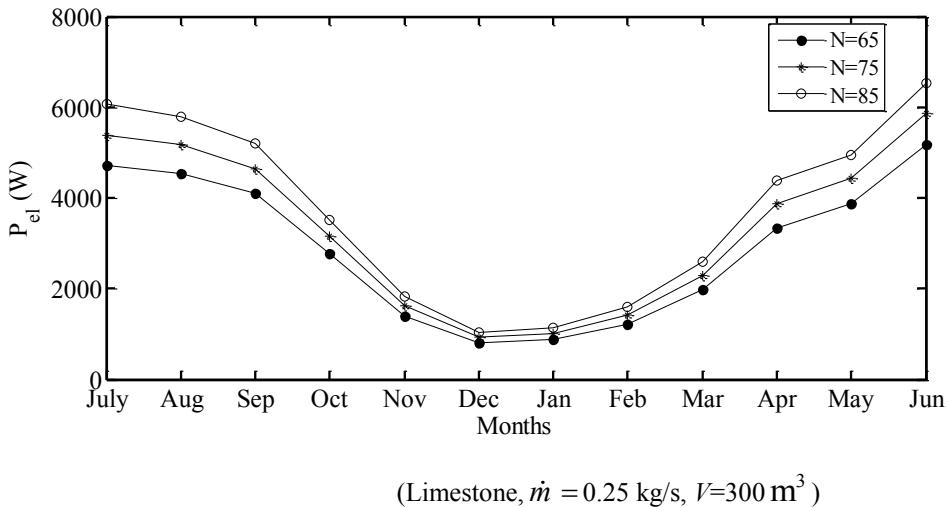
زیرزمینی کمکی شده است. با افزایش دبی جرمی از  $0/25$  کیلوگرم بر ثانیه به  $0/3$  کیلوگرم بر ثانیه دمای آب منبع زیرزمینی  $2/1$  درجه سانتی‌گراد افزایش می‌یابد.

شکل ۹ تغییرات دمای آب منبع زیرزمینی را بر حسب حجم منبع نشان می‌دهد.

شکل ۹ نشان می‌دهد که با افزایش حجم منبع زیرزمینی کمکی، دامنه

منبع زیرزمینی کمکی نشان می‌دهد.

همان‌طور که در شکل ۸ نشان داده شده است افزایش  $50$  درصدی دبی جریان آب افزایش  $15$  درصدی دمای آب منبع را به دنبال دارد. با افزایش دبی جریان ضریب انتقال حرارت جابجایی و در نتیجه ضریب برداشت افزایش پیدا می‌کند و این امر باعث افزایش دمای آب خروجی از گردآورندهای فتولتائیک حرارتی و در نتیجه افزایش دمای آب منبع



شکل ۱۱: تاثیر تغییرات تعداد گرداورندهای فتوولتائیک حرارتی بر روی توان الکتریکی

Fig. 11. Effect of changes in the number of photovoltaic thermal collectors on electrical power

### ۳-۳- مطالعات پارامتری بر روی توان الکتریکی

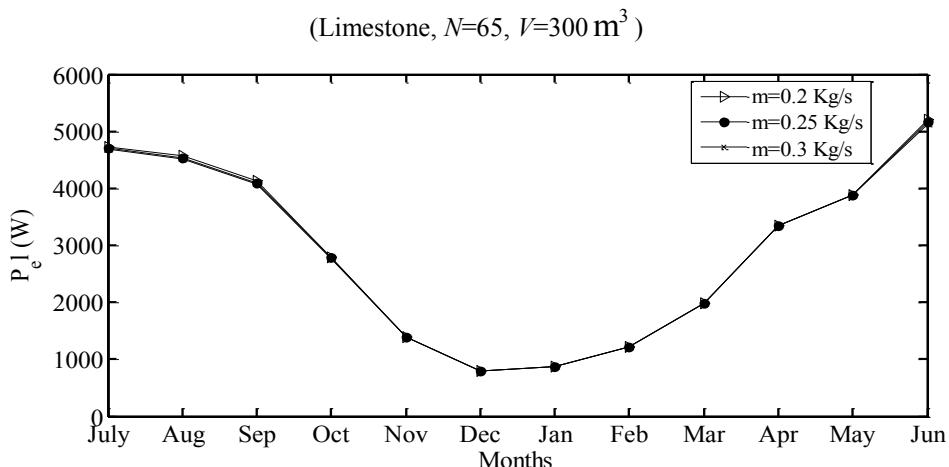
در این بخش به بررسی تأثیر پارامترهای طراحی و عملکردی شامل تعداد گرداورندهای فتوولتائیک حرارتی، دبی جرمی آب، حجم منبع زیرزمینی کمکی، جنس زمین بر روی توان الکتریکی پرداخته می‌شود. شکل ۱۱ تأثیر تعداد گرداورندهای فتوولتائیک حرارتی را بر روی توان الکتریکی نشان می‌دهد. مطابق شکل ۱۱ با افزایش ۳۰ درصدی تعداد گرداورندهای فتوولتائیک حرارتی میزان توان الکتریکی در حدود ۳۰ درصد افزایش می‌یابد. علت این امر افزایش ولتاژ و جریان در سلول می‌باشد. در ماههای سردرتر به دلیل این که پمپ حرارتی فعال می‌باشد و توان الکتریکی مصرفی آن از گرداورندهای فتوولتائیک حرارتی تأمین می‌شود تغییرات توان الکتریکی چندان محسوس نیست.

شکل ۱۲ تأثیر دبی جرمی آب درون مجرأ را بر روی توان الکتریکی نشان می‌دهد.

مطابق شکل ۱۲ با افزایش دبی جرمی آب درون مجرأ تغییر محسوسی در توان الکتریکی مشاهده نمی‌شود. افزایش دبی جرمی آب، تغییرات دمای صفحه جاذب و دمای سطح سلول‌های خورشیدی در گرداورندهای فتوولتائیک حرارتی را به دنبال دارد. ولی محدوده تغییرات دبی جرمی به نحوی انتخاب شده است که نوسانات دمای سلول‌های خورشیدی زیاد نباشد و باعث تغییرات محسوس در توان الکتریکی نگردد. افزایش بیشتر دبی جرمی آب خارج از محدوده مذکور توان مصرفی پمپاژ را بالا می‌برد که مناسب نخواهد بود. شکل ۱۳ تأثیر حجم منبع زیرزمینی کمکی را بر روی توان الکتریکی

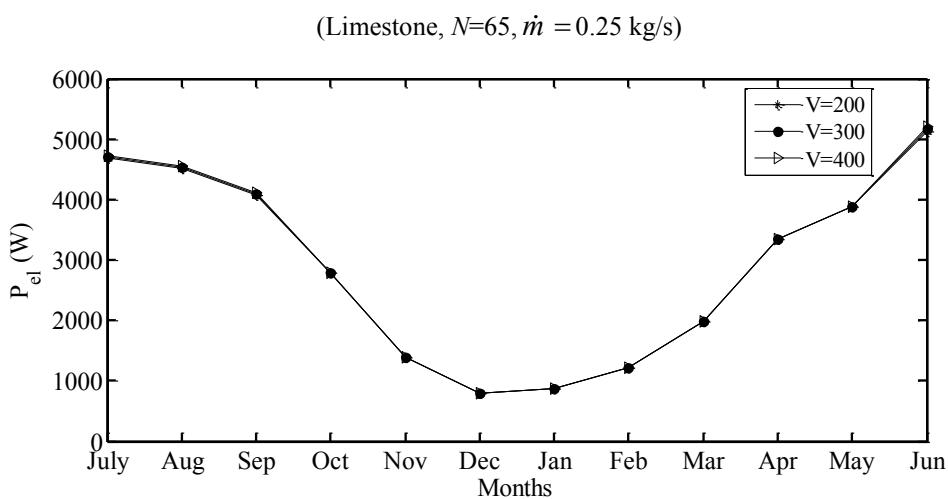
تغییرات دمای آب منبع کاهش می‌یابد. آب به عنوان سیال ذخیره‌کننده انرژی حرارتی از قابلیت نسبتاً مناسبی برخوردار است. افزایش حجم منبع به معنای افزایش جرم آب منبع نیز می‌باشد. هرچه حجم منبع ذخیره بزرگ‌تر باشد به مفهوم ترمودینامیکی منبع حرارتی نزدیک‌تر خواهد بود. در ترمودینامیک منبع حرارتی یک منبعی تعریف می‌شود که با ورود و خروج انرژی دمای آن چندان تغییر نمی‌کند. با افزایش حجم منبع به تعریف منبع حرارتی نزدیک می‌شویم به نحوی که با ورود و خروج حرارت نوسانات دمای آب کاهش می‌یابد. در ضمن باید به خاطر داشت که افزایش حجم منبع زیرزمینی باعث افزایش هزینه اقتصادی می‌گردد. در حجم منبع زیرزمینی ۱۰۰ مترمکعب دمای آب در ماههای سرد کاهش بیشتری دارد. دلیل آن کمتر بودن پتانسیل ذخیره انرژی حرارتی منبع به دلیل جرم آب کمتر درون آن می‌باشد. با این حال دمای آب مخزن در فصول سرد همچنان از صفر درجه سانتی‌گراد بالاتر است. شکل ۱۰ تغییرات دمای آب منبع زیرزمینی را بر حسب جنس زمین نشان می‌دهد.

شکل ۱۰ نشان می‌دهد که در زمین گرانیت دمای آب منبع زیرزمینی کاهش می‌یابد و در زمین سنگریزه دمای بیشتری مشاهده می‌شود که دلیل آن هدایت حرارتی بالای گرانیت می‌باشد. هر چه هدایت حرارتی زمین بیشتر باشد اتلاف حرارت از طریق هدایت حرارتی به زمین بیشتر و به طبع دمای آب مخزن کمتر خواهد شد. با تغییر جنس زمین از سنگ آهک به گرانیت دمای منبع زیرزمینی ۱/۱ درجه سانتی‌گراد کاهش می‌یابد.



شکل ۱۲: تاثیر تغییرات دبی جرمی آب بر روی توان الکتریکی

Fig. 12. Effect of changes in the water mass flow rate on the electrical power

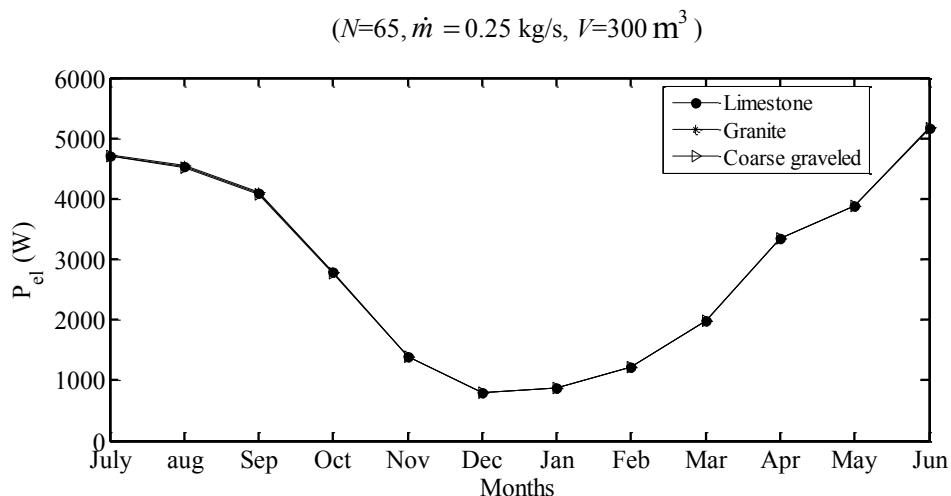


شکل ۱۳: تاثیر تغییرات حجم منبع زیرزمینی کمکی بر روی توان الکتریکی

Fig. 13. Effect of changes in the volume of the auxiliary underground reservoir on the electrical power

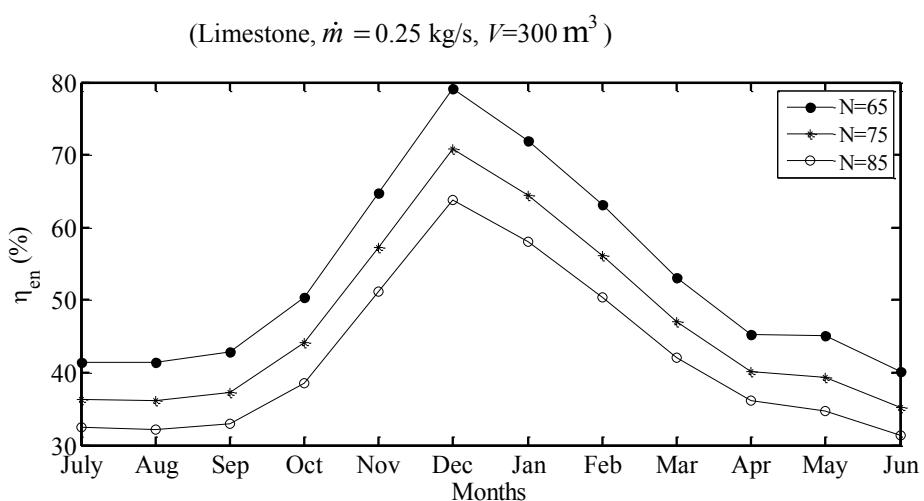
شکل ۱۴ تاثیر جنس زمین را بر روی توان الکتریکی نشان می‌دهد. مطابق با شکل ۱۴ با تغییر جنس زمین، تغییرات توان الکتریکی محسوس نیست. با ارجاع به شکل ۱۰ تغییرات دمای آب مخزن نسبت به تغییرات جنس زمین در حدود ۱/۱ درجه سانتیگراد می‌باشد. به طبع این تغییرات کم در دمای آب نمی‌تواند تغییرات چشمگیر در دمای صفحه جاذب و سلول‌های خورشیدی داشته باشد. لذا توان الکتریکی با تغییرات جنس زمین چندان تغییر نمی‌کند. در خصوص شکل‌های ۱۲، ۱۳ و ۱۴ می‌توان

نشان می‌دهد. مطابق با شکل ۱۳ افزایش حجم منبع زیرزمینی به معنای نزدیک شدن به تعریف ترمودینامیکی منبع حرارتی می‌باشد. لذا نوسانات دمای آب منبع کاهش می‌باید. از سوی دیگر آب ورودی به گردآورنده‌های فتولتائیک حرارتی از منبع حرارتی تعذیه می‌باشد. به طبع کاهش نوسانات دمای آب به واسطه افزایش حجم منبع، کاهش نوسانات دمای صفحه جاذب و سلول‌های خورشیدی را در گردآورنده‌های فتولتائیک حرارتی به دنبال دارد که باعث می‌شود تغییرات توان الکتریکی اصلًاً محسوس نباشد.



شکل ۱۴: تاثیر تغییرات جنس زمین بر روى توان الکتریکی

Fig. 14. Effect of changes in the ground type on the electrical power



شکل ۱۵: تاثیر تغییرات تعداد گرداورندهای فتوولتائیک حرارتی بر راندمان انرژی

Fig. 15. Effect of changes in the number of photovoltaic thermal collectors on the energy efficiency

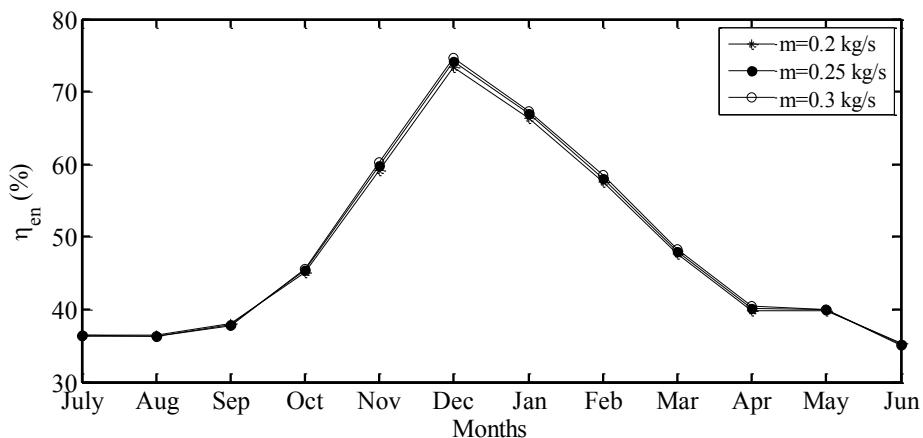
تولیدی ضمن داشتن نوسانات کمتر در وضعیت مناسبی نیز قرار داشته باشد.

### ۳-۴- مطالعات پارامتری از دیدگاه انرژی

در این بخش به بررسی تأثیر پارامترهای طراحی و عملکردی شامل تعداد گرداورندهای فتوولتائیک حرارتی، دبی جرمی آب، حجم منبع زیرزمینی کمکی، جنس زمین از دیدگاه انرژی پرداخته می‌شود.

اظهار کرد که پارامتر مهم بر مقدار توان الکتریکی تولیدی دمای سطح گرداورندهای فتوولتائیک حرارتی می‌باشد. دمای سطح نیز پارامتر مستقل نبوده و خود نیز با واسطه به دمای آب مخزن مرتبط می‌باشد. نوسانات دمای سطح گرداورندهای فتوولتائیک حرارتی به واسطه تغییرات دمای آب مخزن چندان زیاد نیست که باعث تغییرات مقدار توان الکتریکی تولیدی سیستم شود. به عبارت دیگر نحوه انتخاب محدوده‌ی پارامترهای مذکور به نحوی بوده است که در ضمن افزایش دمای آب مخزن، مقدار توان الکتریکی

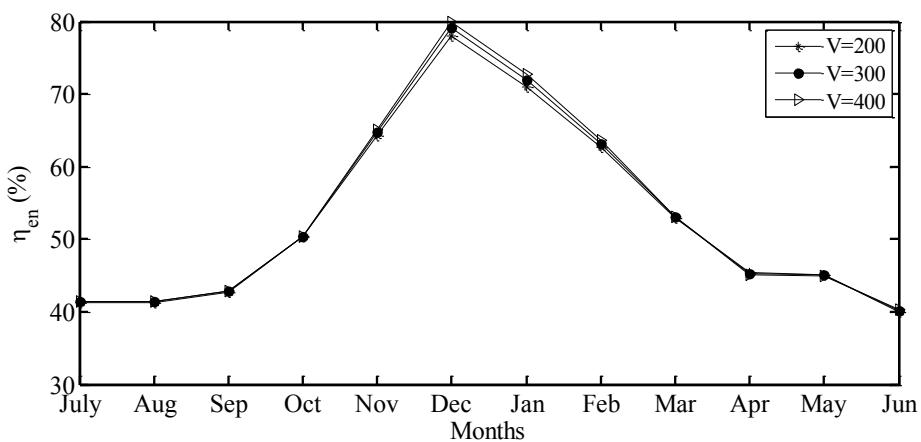
(Limestone,  $N=65$ ,  $V=300 \text{ m}^3$ )



شکل ۱۶: تاثیر تغییرات دبی جرمی آب بر راندمان انرژی

Fig. 16. Effect of changes in the water mass flow rate on the energy efficiency

(Limestone,  $N=65$ ,  $\dot{m} = 0.25 \text{ kg/s}$ )



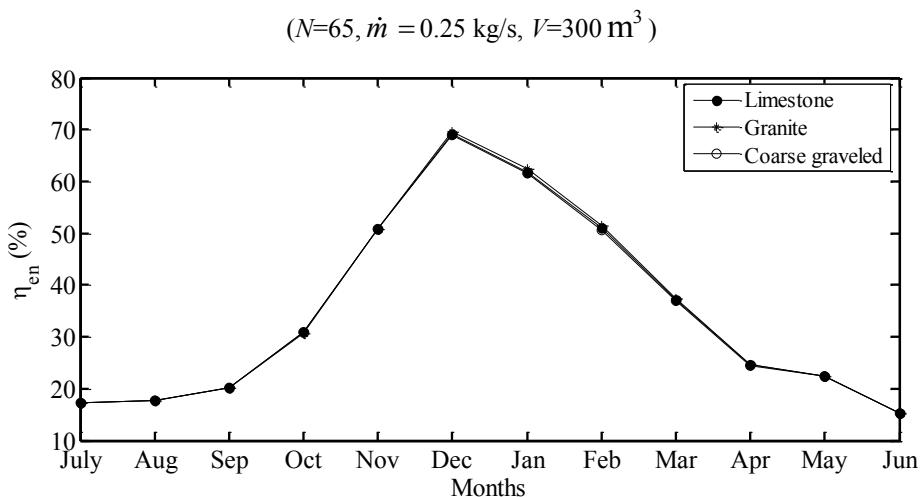
شکل ۱۷: تاثیر تغییرات حجم منبع زیرزمینی کمکی بر راندمان انرژی

Fig. 17. Effect of changes in the volume of the auxiliary underground reservoir on the energy efficiency

پیدا می‌کند.

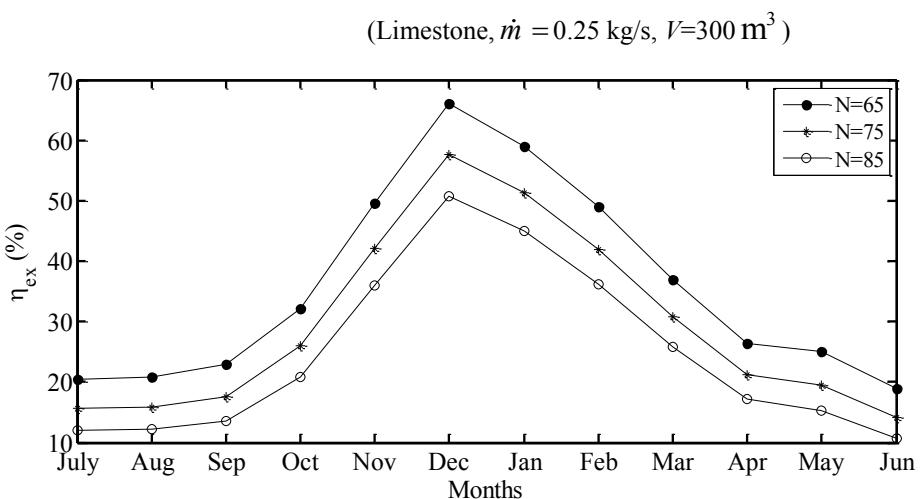
شکل ۱۶ تاثیر دبی جرمی آب درون مجرما را از دیدگاه انرژی نشان می‌دهد. مطابق شکل ۱۶ با افزایش ۵۰ درصدی دبی جرمی آب درون مجرما راندمان انرژی در حدود ۰/۵ درصد افزایش پیدا می‌کند. با افزایش دبی جرمی آب، دمای آب خروجی از گردآورندهای فتوولتائیک حرارتی و حرارت مفید جذب شده توسط آنها افزایش می‌یابد. همچنین دمای سلول‌های خورشیدی قدری کاهش می‌یابد و توان الکتریکی بهبود می‌یابد. تاثیر تأام

شکل ۱۵ تاثیر تعداد گردآورندهای فتوولتائیک حرارتی از دیدگاه انرژی را نشان می‌دهد. مطابق شکل ۱۵ با افزایش ۳۰ درصدی تعداد گردآورندهای فتوولتائیک حرارتی، راندمان انرژی سیستم در حدود ۲۵ درصد کاهش پیدا می‌کند. افزایش تعداد گردآورنده، افزایش سطح و در نتیجه افزایش جذب انرژی خورشیدی و توان الکتریکی را به دنبال دارد، اما افزایش انرژی حرارتی در گردآورندهای فتوولتائیک حرارتی و توان الکتریکی نسبت به افزایش انرژی خورشیدی جذب شده کمتر بوده و در نتیجه راندمان انرژی کاهش



شکل ۱۸: تاثیر تغییرات جنس زمین بر راندمان انرژی

Fig. 18. Effect of changes in the ground type on energy efficiency



شکل ۱۹: تاثیر تغییرات تعداد گردآورندهای فتوولتائیک حرارتی بر راندمان اکسرژی

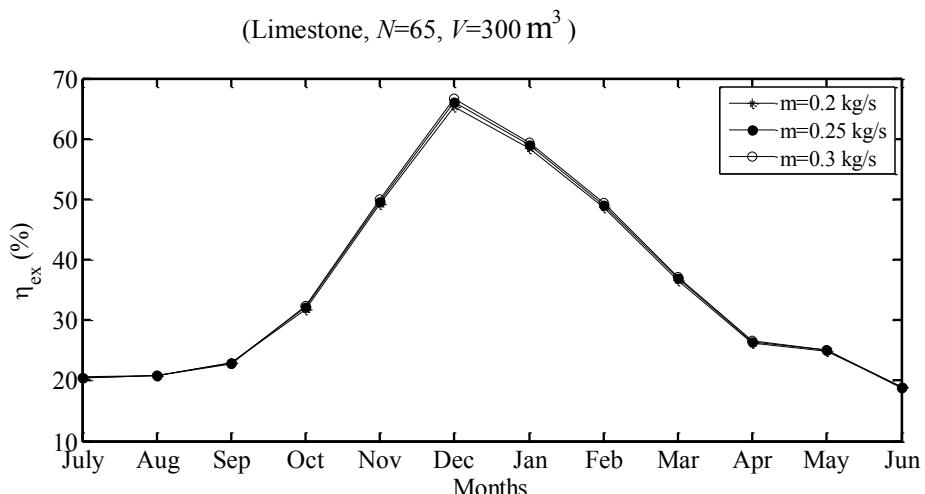
Fig. 19. Effect of changes in the number of photovoltaic thermal collectors on the exergy efficiency

توان الکتریکی در گردآورندهای فتوولتائیک حرارتی چندان تغییر نمی‌یابد که باعث تغییرات چشمگیر راندمان انرژی گردد.

شکل ۱۸ تاثیر جنس زمین را از دیدگاه انرژی نشان می‌دهد. تغییرات جنس زمین و یا به عبارت دیگر تغییرات ضریب هدایت حرارتی زمین تاثیر زیادی بر راندمان انرژی ندارد. با ارجاع به نتایج شکل‌های ۱۰ و ۱۴ می‌توان اظهار داشت که با تغییر جنس زمین تغییرات دمای آب منبع و توان الکتریکی چندان زیاد نیست. دو پارامتر مذکور تاثیر مستقیم بر نرخ حرارت مفید جذب شده و

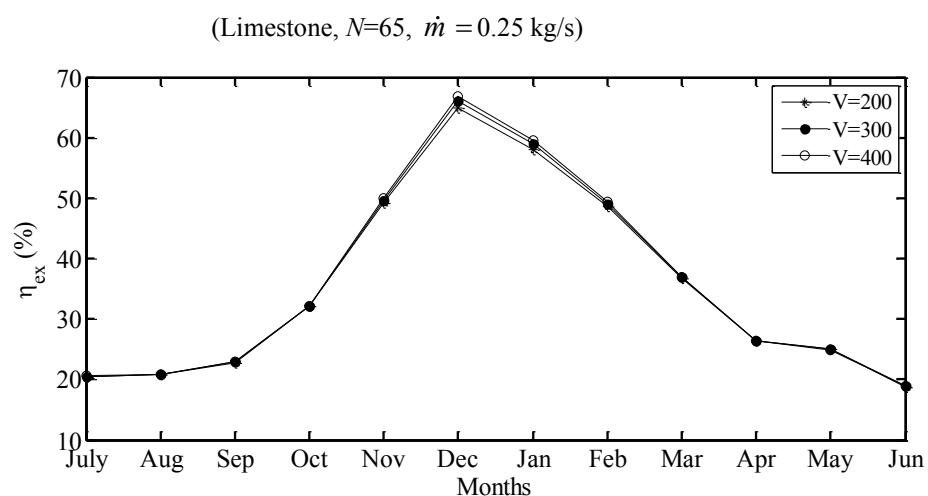
عوامل مذکور باعث افزایش راندمان انرژی می‌گردد. هر چند که این افزایش چندان زیاد نیست.

شکل ۱۷ تاثیر حجم منبع زیرزمینی کمکی را از دیدگاه انرژی نشان می‌دهد. همانطور که در شکل ۱۷ مشاهده می‌شود افزایش حجم منبع زیرزمینی کمکی، سبب افزایش اندرکی در راندمان انرژی می‌شود. افزایش حجم منبع نزدیک شدن به تعریف ترمودینامیکی منبع حرارتی و کاهش نوسانات دمای آب مخزن را به دنبال دارد. لذا نرخ حرارت مفید جذب شده و



شکل ۲۰: تاثیر تغییرات دبی جرمی آب بر راندمان اکسرژی

Fig. 20. Effect of changes in water mass flow rate on the exergy efficiency



شکل ۲۱: تاثیر تغییرات حجم منبع زیرزمینی کمکی بر راندمان اکسرژی

Fig. 21. Effect of changes in the volume of the auxiliary underground reservoir on the exergy efficiency

اکسرژی نشان می‌دهد.

شده و توان الکتریکی در صورت کسر راندمان انرژی دارند که نوسانات کم

آنها باعث تغییرات نامحسوس راندمان انرژی شده است.

با افزایش ۳۰ درصدی تعداد گردآورندهای فتولتائیک حرارتی راندمان

اکسرژی سیستم در حدود ۲۵ درصد کاهش می‌یابد. افزایش تعداد گردآورنده

باعث افزایش انرژی خورشیدی جذب شده و توان الکتریکی می‌شود اما

به دلیل این که میزان انرژی خورشیدی و در نتیجه اکسرژی آن بیشتر از

اکسرژی حرارتی و توان الکتریکی در صورت کسر راندمان اکسرژی می‌یابد،

راندمان اکسرژی سیستم کاهش می‌یابد.

شکل ۲۰ تاثیر دبی جرمی آب درون مجرأ را از دیدگاه اکسرژی نشان

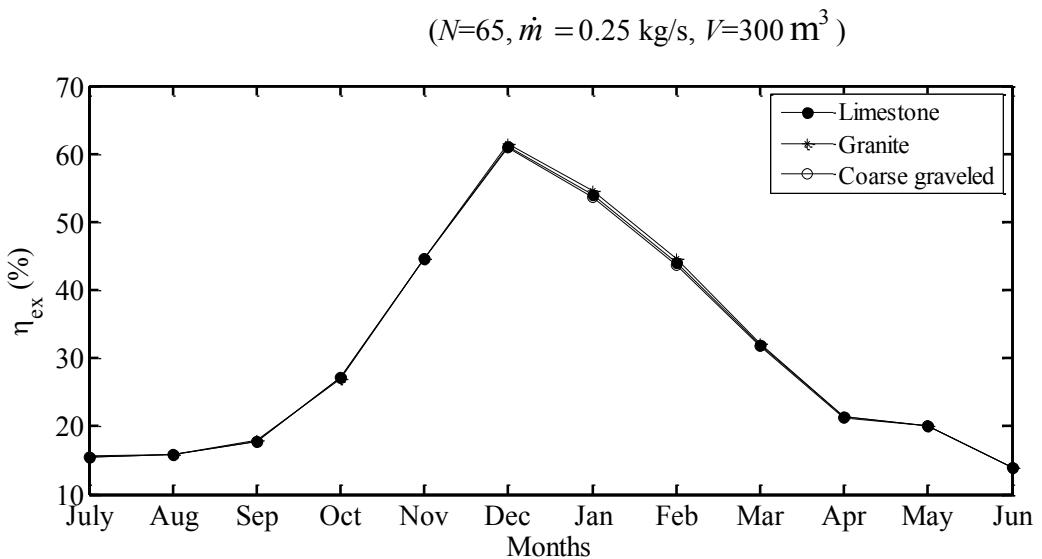
### ۳-۵- مطالعات پارامتری از دیدگاه اکسرژی

در این بخش به بررسی تأثیر پارامترهای طراحی و عملکردی شامل

تعداد گردآورندهای فتولتائیک حرارتی، دبی جرمی آب، حجم منبع زیرزمینی

کمکی، جنس زمین از دیدگاه اکسرژی پرداخته می‌شود.

شکل ۱۹ تاثیر تعداد گردآورندهای فتولتائیک حرارتی را از دیدگاه



شکل ۲۲: تاثیر تغییرات جنس زمین بر راندمان اکسرژی

Fig. 22. Effect of changes in the ground type on the exergy efficiency

۵۰ درصدی دبی جرمی آب، دمای آب مخزن ذخیره به ترتیب  $2/1$  و  $2/3$  سانتی گراد افزایش می‌یابد.

بیشترین و کمترین دمای آب منبع زیرزمینی کمکی به ترتیب در زمینی از جنس سنگریزه زبر و گرانیت مشاهده می‌شود و اختلاف دمای آب برای آن می‌تواند در برخی ماههای سال به حدود ۳ درجه سانتی گراد می‌رسد. با تغییر جنس زمین از سنگریزه زبر به گرانیت دمای آب منبع زیرزمینی در حدود  $2/3$  درجه سانتی گراد کاهش می‌یابد.

با افزایش ۳۰ درصدی تعداد گردآورندهای فتوولتائیک حرارتی توان الکتریکی در برخی از ماههای سال تا حدود ۲۵ درصد افزایش می‌یابد. اما تغییرات جنس زمین، حجم منبع زیرزمینی کمکی و دبی جرمی آب به دلیل تاثیر کم آن روی دمای سلول‌های فتوولتائیک تغییر محسوسی روی توان الکتریکی ندارد.

افزایش ۳۰ درصدی تعداد گردآورندهای فتوولتائیک حرارتی باعث کاهش به ترتیب ۱۵ درصدی و ۲۰ درصدی در راندمان انرژی و راندمان اکسرژی سیستم می‌شود. اما تغییرات دبی جرمی آب و حجم منبع زیرزمینی تاثیر محسوسی بر راندمان انرژی و راندمان اکسرژی ندارد.

می‌دهد.

با افزایش دبی جرمی آب درون مجراء، دمای سلول کاهش اندکی می‌یابد که باعث افزایش توان الکتریکی تولیدی می‌شود که همان مقدار اکسرژی الکتریکی بوده و راندمان اکسرژی سیستم قدر اندکی افزایش می‌یابد.

همان‌طور که در شکل ۲۱ مشاهده می‌شود با افزایش حجم منبع زیرزمینی کمکی، راندمان اکسرژی به میزان اندکی افزایش می‌یابد. با افزایش حجم منبع زیرزمینی کمکی مقدار افزایش دمای منبع ناچیز بوده که باعث شده است راندمان اکسرژی به در حدود ۱ درصد افزایش یابد.

شکل ۲۲ تاثیر تغییرات جنس زمین را از دیدگاه اکسرژی نشان می‌دهد. تغییرات جنس زمین تغییرات اندکی در دمای آب منبع و توان الکتریکی را به دنبال دارد. این موضوع باعث می‌شود تغییرات نرخ اکسرژی حرارتی و توان الکتریکی چندان زیاد نباشد و این موضوع باعث تغییرات نامحسوس راندمان اکسرژی شده است.

#### ۴- نتیجه‌گیری

با افزایش ۳۰ درصدی تعداد گردآورندهای فتوولتائیک حرارتی و افزایش

## ۵- فهرست علائم

علائم انگلیسی	
سرد	<i>cold</i>
هدایت	<i>cond</i>
جابه‌جایی	<i>conv</i>
کپرسور	<i>comp</i>
تخریب‌شده	<i>des</i>
زمین	<i>e</i>
مؤثر	<i>eff</i>
الکتریکی	<i>el</i>
اتلاف‌شده	<i>loss</i>
وروودی	<i>in</i>
فتوولتائیک حرارتی	<i>PV/T</i>
مساحت، $m^2$	<i>A</i>
عرض گردآورنده، $m$	<i>b</i>
ظرفیت گرمایی ویژه، $kJ/kg.K$	<i>c</i>
ضریب تبدیل انرژی الکتریکی به انرژی حرارتی	<i>C<sub>f</sub></i>
قطر، $m$	<i>D</i>
نرخ انرژی، $W$	<i>dot{E}</i>
خطا	<i>Er</i>
نرخ اکسرزی، $W$	<i>Ex</i>
کارایی فین	<i>F</i>
ضریب برداشت گرما	<i>F<sub>R</sub></i>
شدت تابش خورشید، $W/m^2$	<i>G</i>
ضریب انتقال حرارت، $W/m^2.K$	<i>h</i>
ضریب هدایت حرارتی، $W/m.K$	<i>k</i>
طول مجرای جریان، $m$	<i>L</i>
دبی جرمی، $kg/s$	<i>dot{m}</i>
تعداد گردآورنده	<i>N</i>
توان، $W$	<i>P</i>
نرخ انتقال حرارت، توان الکتریکی، $W$	<i>Q</i>
توان، $W$	<i>q</i>
نرخ بازگشت‌ناپذیری، $W$	<i>Ir</i>
ضریب رگرسیون خطی	<i>r</i>
شعاع، $m$	<i>R</i>
زمان، $s$	<i>t</i>
دما، $K$	<i>T</i>
ضریب انتقال حرارت کلی، $W/m^2.K$	<i>U</i>
حجم، $m^3$	<i>V</i>
ارتفاع، $m$	<i>z</i>
علائم یونانی	
ضریب دمایی جریان، $V/^{\circ}C$	$\alpha$
ضریب جذب	$\alpha$
ضریب انبساط حجمی، $1/K$	$\beta$
راندمان	$\eta$
زاویه شیب شیشه‌ها، degree	$\theta$
چگالی، $kg/m^3$	$\rho$
ثابت استفان بولتزمن، $J/m^2.kg$	$\sigma$
ضریب جذب- انتقال مؤثر	$\alpha\tau$
زیرنویس	
محیط	<i>a</i>
هوای	<i>air</i>
جادب	<i>b</i>
گردآورنده	<i>c</i>
سلول	<i>cell</i>

## منابع

- [1] R. Yumrutaş, M. Ünsal, Energy analysis and modeling of a solar assisted house heating system with a heat pump and an underground energy storage tank, Solar Energy, 86 (2012) 983-993.
- [2] R. Yumrutaş, M. Ünsal, A computational model of a heat pump system with a hemispherical surface tank as the ground heat source, Energy, 25 (2000) 371-388.
- [3] R. Yumrutaş, M. Kunduz, T. Ayhan, Investigation of thermal performance of a ground coupled heat pump system with a cylindrical energy storage tank, International Journal of Energy Research, 27 (2003) 1051-1066.
- [4] R. Yumrutas, Ö. Kaska, Experimental investigation of thermal performance of a solar assisted heat pump system with an energy storage, International Journal of Energy Research, 28 (2004) 163-175.
- [5] H. Esen, M. Inalli, M. Esen, K. Pihtili, Energy and exergy analysis of a ground-coupled heat pump system with two horizontal ground heat exchangers, Building and Environment, 42 (2007) 3606-3615.
- [6] Y. Bi, X. Wang, Y. Liu, H. Zhang, L. Chen, Comprehensive exergy analysis of a ground-source heat pump system for both building heating and cooling modes, Applied

- Spain: Assessment of an underground lower water reservoir and preliminary energy balance, *Renewable Energy*, 134 (2019) 1381-1391.
- [13] C. Li, J. Mao, H. Zhang, Z. Xing, Y. Li, J. Zhou, Numerical simulation of horizontal spiral-coil ground source heat pump system Sensitivity analysis and operation characteristics. *Applied Thermal Engineering*, 110 (2017) 424-435.
- [14] J. Yazdanpanahi, F. Sarhaddi, Irreversibility rates in a solar photovoltaic/thermal water collector: An experimental study, *Heat Transfer Research*, 48 (8) (2017) 741-756.
- [15] J. Yazdanpanahi, F. Sarhaddi, M. Mahdavi Adeli, Experimental investigation of exergy efficiency of a solar photovoltaic thermal (PVT) water collector based on exergy losses, *Solar Energy*, 118 (2015) 197-208.
- [16] B. Liu, R. Jordan, Daily insolation on surfaces tilted towards equator, *ASHRAE J. (United States)* 10 (1961).
- [17]
- J.J. Hermosillo, C.A. Arancibia-Bulnes, C.A. Estrada, Water desalination by air humidification: Mathematical model and experimental study, *Solar Energy*, 86 (2012) 1070-1076.
- Energy, 86 (2009) 2560-2565.
- [7] S. P. Lohani, D. Schmidt, Comparison of energy and exergy analysis of fossil plant, ground and air source heat pump building heating system, *Renewable Energy*, 35 (2010) 1275-1282.
- [8] M. Ozturk, Energy and exergy analysis of a combined ground source heat pump system, *Applied Thermal Engineering*, 73 (2014) 362-370.
- [9] V. Verma, K. Murugesan, Experimental study of solar energy storage and space heating using solar assisted ground source heat pump system for Indian climatic conditions, *Energy and Buildings*, 139 (2017) 569-577.
- [10] V. Verma, K. Murugesan, Experimental study of solar assisted ground source heat pump system during space heating operation from morning to evening, *Journal of Mechanical Science and Technology*, 32 (2018) 391-398.
- [11] V. Saydam, M. Parsazadeh, M. Radeef, X. Duan, Design and experimental analysis of a helical coil phase change heat exchanger for thermal energy storage, *Journal of Energy Storage*, 21 (2019) 9-17.
- [12] J. Menéndez, J. Loredo, M. Galdo, J.M. Fernández-Oro, Energy storage in underground coal mines in NW

