



# تحلیل انتقال حرارت ترکیبی هدایت-تابش در عایقهای چندلایه

مهدی معرفت<sup>ا\*</sup>، آرش اسماعیلی<sup>۲</sup>

۱ – دانشیار، دانشکده فنی و مهندسی، دانشگاه تربیت مدرس ۲- دانشجوی دکتری، دانشکده فنی و مهندسی، دانشگاه تربیت مدرس

(دریافت۲۱۰/۲۱/۱ پذیرش۱۳۹۲/۲/۲۸)

#### چکیدہ

در تحقیق حاضر مدلسازی انتقال حرارت ترکیبی هدایت–تابش در عایق چندلایه انجامشدهاست. معادلات حاکم حل دقیق ندارند. بنابراین از حل عددی به همراه حلهای تقریبی استفاده شده است. معادلات حاکم اصلی شامل معادلهی انرژی و معادلات دوشار هستند که بهترتیب با استفاده از روشهای حجممحدود و اختلافمحدود گسستهسازی شدهاند. حل عددی ابتدا با حل اوزیسیک و سپس با دادههای منتشرشدهی تجربی صحتسنجی شده،است. با استفاده از حل پایا، شار حرارتی و رسانش حرارتی معادل و با استفاده از حل بیبعد توزیع دمای بیبعد درحالت پایا و نسبت شارهای بیبعد تابشی و هدایتی در طول نمونه بهدست آمده است. در مجاورت مرز گرم، شار تابشی غالب است، بنابراین پیشنهاد شده است، بازتابانندهها نزدیک به مرز گرم قرار گیرند. برای اختلاف دماهای کم، هدایت غالب است، بنابراین وجود بازتابانندهها در عایق، در رسانش معادل تاثیرگذار نیست.

كلمات كليدى

عایق چندلایه، رسانش حرارتی، سامانه حفاظت حرارتی، انتقال حرارت ترکیبی.

نویسنده مسئول و عهده دار مکاتبات Email: maerefat@modares.ac.ir دوره چهل و شش، شماره ۱، تابستان ۱۳۹۳

۱– مقدمه

عایقهای حرارتی موضوع جذاب و مهمی برای مهندسین و محققین برای توسعه فناوری های مرتبط با انتقال حرارت محسوب میشود. عایق چندلایه اولین بار در صنایع کرایجنیـک' به کار رفته است [۱]. این عایق ها در مخازن ذخیره گازها و مایعات در دماهای بسیار پایین استفاده شد. در مخازن کرایجنیک از یک دیواره ی دو جداره استفاده مینمایند و بین آنرا خلاء می کنند. این کار باعث کاهش جابجایی و هدایت گاز می شود. برای کاهش انتقال حرارت تابشی، از بازتابانندهها که قابليت انعكاس بالايي دارند استفاده مي شود. بين اين بازتابانندهها فاصلهاندازهای<sup>۳</sup>های پلیمری و یا سرامیکی قرار داده می شود. برای کاربردهای دمابالا، مانند سامانههای حفاظت حرارتی وسایل پرنده در بازگشت به زمین، طراحی عایقهای چندلایه متفاوت خواهد بود. در سامانههای بازگشت پذیر به زمین از سامانههای حفاظت حرارتی استفاده می شود. این سامانهها که به اختصار از آنها به عنوان TPS نیز یاد می شود، دمای داخل خود را در یک محدوده ی خاص حفظ می کنند. سامانه های حفاظت حرارتی، یک فن آوری کلیدی برای دستیابی به فضا با هزینهی کمتر است.

برخى كارهاى نظرى و تجربي براي مدلسازي و تعيين انتقال حرارت در عایقهای چندلایه انجام شده است. مطالعهی کاربردی عایقهای چندلایه دمابالا، در اواخر دهـه ۱۹۸۰ و اوایـل دهه ۱۹۹۰ توسط محققین آلمانی انجام شد. آنها امکان استفاده از عایقهای چندلایه را در سامانههای حفاظت حرارتی فلزی برای نقل مکان های فضایی با سرعت فراصوت، بررسی نمودند. هم چنین اثر هدایت جامد را نادیده گرفته اند و برای مدلسازی تشعشع از تقریب ضخامت نوری زیاد و تقریب نفوذ اصلاحشده<sup>۵</sup> استفاده نمودهاند [۲]. برآوردی از اندازه گیری انتقال حرارت برای عایقهای چندلایه دماپایین که در فضاپیماها و ماهوارهها از آنها استفاده می شود، انجام شده است [۳]. کلر <sup>\*</sup> سهم حالتهای مختلف انتقال حرارت و نقش چگالی لایه را بر آن ها بررسی نموده و از تقریب ضخامت نوری زیاد برای شبیهسازی تابش استفاده نموده است [۴]. همچنین در تحقیق دیگری مسئلهی انتقال حرارت ترکیبی برای عایقهای الیافی با استفاده از تقریب دوشار و با آلبیدوی پراکندگی ثابت انجام شده است [۵]. اثرات تغییر فشار و دما بر رسانش حرارتی معادل در عایق های الیافی بررسی شده است. در این تحقیق از تقریب ضخامت نوری زیاد برای تابش و حل موازی برای هدایت استفاده شده است [۶]. در سال ۲۰۰۹ دو تحقیق با استفاده از تحلیل معکوس<sup>۲</sup> انجام شده

است. مطالعه ی اول برای عایق الیافی و با شرط پراکندگی غیرایزوتروپیک [۷] و مطالعه ی دوم برای عایق چندلایه با بازتابانندههای مختلف انجام شده است [۸].

اغلب مطالعاتی که بر روی عایقهای چندلایه انجام شدهاست، تجربی بوده است. در مطالعات نظری نیز به طور معمول از تقریبهایی مانند ضخامت نوری زیاد و یا کم استفاده شده است. ایراد مهمی که به استفاده از این تقریبها برای مسئلهی حاضر وارد است، آنست که اول محدود به ضخامت نوری خاصی هستند، دوم در معادلات آن ها خصوصیات تابشی دیواره ای جامد مجایی ندارند [۹]. این امر ممکن است برای عایق های الیافی <sup>۹</sup>که فقط دو مرز سرد و گرم دارند چندان مهم نباشد، اما برای عایقهای چندلایه که از بازتابانندهها نیز استفاده میشود، استفاده از این تقریبها به هیچ عنوان توصیه نمی شود. در تحقیق حاضر از تقریب دوشار برای شبیهسازی تابش استفاده شده است که برای تمام محدودههای ضخامت نوری معتبر است و خصوصیات تابشی دیواره های جامد در آن لحاظ می شود. هم چنین از خواص موادی و تابشی وابسته به دما استفاده شده است. بسیاری از مطالعاتی که تاکنون انجام شدند از خواص ثابت استفاده نمودهاند.

از اهداف پیشرو در انجام تحقیق حاضر مطالعه یپارامتریک و طراحی بهینه عایق است، کاری که در مطالعات پیشین کمتر به آن پرداخته شده است. از نتایج آن، پیشنهاداتی از قبیل متغیر بودن فاصله گذاری بازتاباننده ها یا خصوصیات تابشی آن ها که در طراحی های معمول عایق چندلایه کمتر دیده می شود، ارائه شده است.

## ۲- تحلیل تئوری

مکانیزمهای انتقال حرارت هم در عایق های الیافی و هم در عایقهای چندلایه شامل هدایت جامد، هدایت گاز و همچنین تابش است. تابش در یک ماده خود میتواند متشکل از یک یا چند گونه از مکانیزمهای جذب، پراکندگی و تابش باشد. بقای انرژی برای انتقال حرارت یک بعدی در عایق منجر به معادله دیفرانسیل یارهای (۱) می شود [۱۰]:

$$\rho c \frac{\partial T}{\partial t} = \frac{\partial q''}{\partial x} \tag{1}$$

که در آن 
$$\rho$$
 چگالی،  $c$  گرمای ویژه،  $T$  دما،  $t$  زمان و  $p$  شار  
حرارتی است. این شار مجموع شار هدایتی و شار تابشی است؛  
 $q'' = k \frac{\partial T}{\partial x} + q_r$ " (۲)

مولکولهای گاز مجاور با دیواره ی جامد است که با دیواره به تعادل حرارتی رسیدهاند. Pr عدد پرنتل،  $\gamma$  نسبت گرمای ویژه گاز<sup>°۱</sup> و ضرایب  $\Phi$  و  $\Psi$  بر اساس عدد نادسن (*Kn*)، مقادیر گاز<sup>°۱</sup> و ضرایب  $\Phi$  و  $\Psi$  بر اساس عدد نادسن (*Kn*)، مقادیر رژیم گاز، پیوسته<sup>۲۱</sup> در نظر گرفته میشود، هردو ضریب برابر با ۲ خواهند بود.  $g^{*}$ رسانش گاز در فشار اتمسفریک است که این رسانش وابسته به دماست. اگرچه رسانش گاز با تغییرات فشار در آن اثر تغییر نمی کند، اما در فرمول رسانش موثر عبارتی وجود دارد که مان طور که گفته شد  $g^{*}$  خود وابسته به دما است. در تحقیق ممان طور که گفته شد  $g^{*}$  خود وابسته به دما است. در تحقیق حاضر برای شبیه سازی این وابستگی از رابطه ی (۱۱) که توسط محان برای رسانش گاز با تغییرات فشار در برهم تک ش

$$k_{g}^{\circ} = 1.38 \times 10^{-6} T^{0.92} \tag{11}$$

مدل سازی تئوری هدایت جامد در الیاف و نقاط برخورد آنها کار بسیار مشکلی است. روابط تجربی زیادی برای مدل کردن هدایت جامد وجود ندارد. دو مدل تجربی که اغلب از آنها استفاده می شود، عبار تند از:

 $k_s = f^3 k_s^o \tag{11}$ 

$$k_s = H k_s^o D_f^n \tag{17}$$

f تغییرات رسانش خود الیاف (مانند آلومینا<sup>۱۷</sup>) نسبت به دما، f نسبت کسر جامد،  $D_f$  قطر الیاف و H ثابتی است که برای سازگاری ابعادی بکار می ود. هیگر<sup>۱۸</sup> و استیبر<sup>۱۱</sup> از معادله (۱۲) سازگاری ابعادی بکار می ود. هیگر<sup>۱۱</sup> و استیبر<sup>۱۱</sup> از معادله (۱۳) استفاده نمودهاند [۱۳]، در حالی که کانینگتون از معادله (۱۳) استفاده نموده است [۱۴]. مطلوب آنست که مدل هدایت جامد به طور ضمنی<sup>۲۰</sup> به f وابسته باشد به طوری که وقتی f = f است. f = f است.  $k_s = k_s$ می شود. در تحقیق حاضر از معادله (۱۲) استفاده شده است.

حال که رسانشهای گاز و جامد هریک به تنهایی بهدست آمدند، باید بتوان با استفاده از رابطهای اثر همزمان آنها را تعریف نمود. بعضی از روابط این دو مکانیزم را سری، بعضی دیگر موازی و بعضی دیگر ترکیبی از این دو حالت را درنظر میگیرند. روابط مربوط به حالتهای گفته شده بهترتیب در رابطههای (۱۴) تا (۱۶) دیده می شود [۱۵–۱۶]:

$$k = k_s + k_g \tag{14}$$

 $k = fk_s + (1 - f)k_g \tag{10}$ 

$$k$$
 رسانش متاثر از هر دو اثر هدایت گاز و هدایت جامد است.  
با در نظر گرفتن دو معادله بالا رابطهی (۳) بهدست میآید [۱۰]؛  
 $hoc \frac{\partial T}{\partial t} = \frac{\partial}{\partial x} (k \frac{\partial T}{\partial x}) - \frac{\partial q_r}{\partial x}$  (۳)

$$\frac{\partial q_{r}}{\partial x} = \beta (1 - \omega) (4\pi I_{b} - G) \tag{(f)}$$

$$q_r^{"} = -\frac{1}{3\beta} \frac{\partial G}{\partial x} \tag{(a)}$$

$$\omega$$
 تابش تابیده،  $qr''$  شار تابشی،  $\beta$  ضریب خاموشی''،  $qr''$  آلبیدوی پراکندگی<sup>۲'</sup>، و  $I_b$  شـدت تـابش جسـم سـیاه اسـت. در محیطی با ضریب شکست<sup>۱۳</sup> یک رابطهی (۶) برقرار است:  
 $I_b = \frac{e_b}{\pi} = \frac{\sigma T^4}{\pi}$ 
(۶)

با ترکیب سه معادله بالا (۴-۶) رابطهی (۲) بهدست می آید:  

$$-\frac{1}{3\beta^{2}(1-\omega)}\frac{\partial^{2}G}{\partial x^{2}}+G=4\sigma T^{4}$$
(۲)

این معادله توزیع تابش تابیده را در ماده نشان میدهـد. ایـن معادله باید با دسته معادلات مبتنی بر بقای انرژی، همزمان حـل شود. شرایط مـرزی بـرای معادلـه دیفرانسـیل معمـولی<sup>۱۴</sup> تـابش تابیده (۷)، عبارت است از [۱۰]؛

$$-\frac{2}{3\beta(\frac{\varepsilon_1}{2-\varepsilon_1})}\frac{\partial G}{\partial x} + G = 4\sigma T_1^4(@x=0)$$
(A)

$$-\frac{2}{3\beta(\frac{\varepsilon_2}{2-\varepsilon_2})}\frac{\partial G}{\partial x} + G = 4\sigma T_2^{4}(@x = L)$$
(9)

با استفاده از رابط می (۲) و شرایط مرزی (۸ و ۹)، توزیع تابش تابیده G بهدست می آید.

در شبیه سازی هدایت، مدلی برای هدایت گاز، هدایت جامد و نیز برهم کنش آنها درنظر گرفته شده است. رسانش موثر گاز از رابطهی (۱۰) به دست می آید [۱۱]:

$$k_{g} = k_{g}^{\circ} \left[ \Phi + 2\Psi \frac{2 - \alpha}{\alpha} \frac{2\gamma}{\gamma + 1} \frac{1}{\Pr} Kn \right]^{-1}$$
(1.)

lpha . در رابطه یبالا  $k_{g}$  رسانش معادل گاز در عایق است. ضریب تطابق حرارتی است، این ضریب بیان گر درصدی از



شكل (۱): طرح كلى مدل انتقال حرارت پايا [۱۹]

$$k = A\{fk_s + (1-f)k_g\} + (1-A)(\frac{k_sk_g}{fk_g + (1-f)k_s})$$
(19)

در رابطهی (۱۶)، A درصد هدایت گاز و جامـدی اسـت کـه چیدمان موازی دارند.

در تحقیق حاضر از رابطهی منسوب به باتاچاریـ۲۱۱ اسـتفاده شده است [۱۷]؛

$$k = k_{s} + \frac{k_{g} - k_{s}}{1 + \frac{f}{1 - f} [1 + z \frac{k_{g} - k_{s}}{k_{g} + k_{s}}]}$$
(1V)

$$1$$
 بسته به جهت الیاف و شار حرارتی نسبت به هم، اعداد  $z$  بسته به جهت الیاف و شار حرارتی نسبت به هم، اعداد  $f=1$  و  $rac{5}{6}$  و  $rac{5}{6}$  را اختیار میکند. تمام این روابط بایـد بـه ازای  $f=1$ ... $f=1$  و به ازای  $f=0$  به  $k_s$  متمایل شوند.

در تحقیق حاضر، شبیهسازی برای انتقال حرارت ترکیبی در عایق های چندلایه ارائه شده است. به عنوان یک مورد خاص، این تحقیق بر روی یک سامانه بر روی یک سامانه حفاظت حرارتی انجام شده است. هدف اصلی در این بخش تحلیل خصوصیات دمایی عایق به کار رفته در سامانه حفاظت حرارتی است نه تحلیل رفتار دمایی کل آن. بلاسر<sup>۲۲</sup> مدلهای عددی یک بعدی و دوبعدی را برای انتقال حرارت در سامانه حفاظت حرارتی مقایسه نموده است. او نشان داده است که مدل یک بعدی دقت مناسب و کافی برای مدلسازی حرارتی خود عایق چندلایه (و نه کل TPS) را دارد [۱۸].

در تحقیق حاضر، مدل انتقال حرارت پایا به همراه دمای ثابت در مرزها در نظر گرفته شده است. طرح کلی مدل مذکور در شکل (۱) نشان داده شده است.

## ۳- شرح نمونهها

ML4 تا ML1 تا ML1 تا ML4 مرای تحلیل پایا از ۴ نمونه با نامهای ML4 تا ML4 استفاده شده است. برای فاصلهاندازها در تمام نمونهها از آلومینا

با نام تجاری سفیل<sup>۳۲</sup> استفاده شده است. این الیاف، از جنس سرامیک پلی کریستالین<sup>۳۱</sup> با خلوص بالا است و نقطهی ذوب آن مرا میک پلی کریستالین<sup>۳۱</sup> با خلوص بالا است و نقطهی ذوب آن می گیرند. ابعاد فویل ها ۲۰۱۴×۲/۲/۴×۱۵۲/۴ میلی متر است. می می بند. ابعاد فویل ها ۲۰۱۴ میلی متر است. تمام فویل ها با طلا پوشش داده شدهاند. ضخامت اسمی پوشش طلا در هر طرف فویل یک میکرون است. پوششهای طلا با استفاده از رسوب سازی با بخار<sup>۲۵</sup> ایجاد شدند. چگالی اسمی تمام نمونههای استفاده شده در حل پایا <sup>۲۵</sup> ایجاد شدند. چگالی اسمی تمام نمونههای استفاده شده در حل پایا 88/m<sup>3</sup> است. ضخامت نمونه ی گرمای ویژه برای نمونهها J/kg.K است. ضخامت نمونه ی اول 13/3mm و ضخامت نمونه های دوم تا چهارم ML4 دیده است. در شکل (۲) طرح کلی نمونه های 10 سام تا ۲۵ می می می شود.

۴- حل عددی

در حل عددی، معادلات حاکم که شامل معادله ی انرژی و معادلات دوشار (۳) و (۹–۷) است، باید به نحوی گسستهسازی شوند. در پژوهش حاضر ابتدا سعی شده است تا هم معادلهی انرژی و هم معادلات دوشار با استفاده از روش اختلاف محدود گسسته سازی شوند. پس از حل، مشاهده شده است که نتایج حل عددی معقول نیست. یعنی شار حرارتی با تغییر تعداد گرەھا، تغییرات قابل ملاحظەای می کند، در صورتی که شار باید ثابت بماند. این نتایج ناشی از ماهیت ناپایستار فرمولاسیون اختلاف محدود است. بنابراین معادله انرژی بار دیگر با استفاده از روش حجم محدود گسستهسازی شده است. انتخاب روش حجم محدود به دلیل ماهیت پایستار آن است. همچنین شمای ضمنی گسسته سازی برای بهبود پایداری و عدم وابستگی به شبکه است. از لحاظ همگرایی حل نیز از آن جایی که در معادلات حاکم، جریان وجود ندارد، مشکل خاصی در روند حل به وجود نیامده است. با تغییر روش و مقایسه ی آن با حل اوزیسیک و همین طور با مقایسه با داده های تجربی که در ادامه ارائه می شود، مشخص شده است که حل عددی از دقت قابل قبولی برخوردار است. معادلات گسستهسازی شده برای بقای انرژی (۳) عبارتند از:

$$(\rho c_{j-1} \frac{\Delta x_{j-1}}{2} + \rho c_j \frac{\Delta x_j}{2}) \frac{T_j^{n+1} - T_j^n}{\Delta t} = \frac{k_{j-1}}{\Delta x_{j-1}} (T_{j-1}^{n+1} - T_j^{n+1}) + \frac{k_j}{\Delta x_j} (T_{j-1}^{n+1} - T_j^{n+1}) + \frac{1}{3\beta_{j-1}\Delta x_{j-1}} (G_{j-1}^{n+1} - G_j^{n+1}) - \frac{1}{3\beta_j \Delta x_j} (G_j^{n+1} - G_{j+1}^{n+1})$$

زیرنویسها مختصات مکانی و بالانویسها مختصات زمانی را نشان میدهند. خواص وابسته به دما با متوسط گیری بین گرههای همسایه بهدست میآید؛

$$k_{j} = k(\frac{T_{j} + T_{j+1}}{2})$$
(19)

فرمولاسیون بالا همچنین برای گرمای ویژه و ضریب خاموشی نیز اعمال میشود. دقت شود برای شبیهسازی حالت پایا از شرط مرزی دما ثابت استفاده شده است. معادلات حاکم و شرایط مرزی برای تابع *G* از قبل داده شده است. این معادلات برای مشتقات اول و دوم با استفاده از تفاضل گیری مرکزی گسسته شدهاند. برای نمونههای عایق چندلایه، برای هر ناحیه (لایه) که به وسیلهی دو بازتاباننده یا یک بازتاباننده و مرز جامد محصور شده است، فواصل گرهها یکنواخت درنظر گرفته شدهاند. اما فواصل گرهها برای هر لایه نسبت به لایه دیگر تغییر میکند. با توجه به این که تغییرات دما نزدیک به مرز سرد شدیدتر است و بنابراین هرچه به مرز سرد نزدیکتر میشویم، فاصلهی بین گرهها کمتر میشود.

شکل گسسته شده معادلات حاکم برای تابع G و شرایط مرزی آن با استفاده از روش اختلاف محدود به صورت زیر است:  $[2+3\beta_{1}\Delta x \{\beta_{1}\Delta x(1-\omega_{1})+\frac{\varepsilon_{1}}{2-\varepsilon_{1}}\}]G_{1}-2G_{2} =$  $12\beta_{1}\Delta x \sigma T_{1}^{4} \{\beta_{1}\Delta x(1-\omega_{1})+\frac{\varepsilon_{1}}{2-\varepsilon_{1}}\}$ (۲۰)

$$-G_{j-1} + [2+3\beta_j^2 \Delta x^2 (1-\omega_j)]G_j - G_{j+1} = 12\beta_j^2 \Delta x^2 (1-\omega_j)\sigma T_j^4$$
(11)



شکل (۲): طرح کلی عایقهای ML1 تا ML4

$$-2G_{n-1} + [2 + 3\beta_n \Delta x \{\beta_n \Delta x (1 - \omega_n) + \frac{\varepsilon_n}{2 - \varepsilon_n}\}]G_n - 2G_2 =$$

$$12\beta_n \Delta x \sigma T_n^4 \{\beta_n \Delta x (1 - \omega_n) + \frac{\varepsilon_n}{2 - \varepsilon_n}\}$$
(YY)

x=L و x=0 مرابطههای (۲۰) و (۲۲) به ترتیب مربوط به x=0 و x=L هستند و رابطهی (۲۱) مربوط به گرههای میانی است. مجموعه معادلات گفته شده (۲۱–۲۰) تشکیل یک ماتریس سهقطری<sup>۲۷</sup> می دهند که در هر گامزمانی با استفاده از توزیع دما در گام قبل باید حل شوند. در هر گام، آنگاه که تابع G به دست آمد، در معادلهی انرژی قرار داده می شود تا دما به دست آید. گام زمانی مورد قبول برای پایداری از طریق آزمون و خطا به دست می آید.

اگر عایق شامل بازتاباننده نباشد، فرمولاسیون بالا عینا به حل اعمال میشود، اما اگر عایق چندلایه باشد، تنها تصحیحی که باید انجام پذیرد اینست که بازتابانندهها به عنوان جسم یکپارچه<sup>۲۸</sup> به سمت چپ معادلهی گسستهی انرژی (۱۸) اضافه شوند. به اینصورت که حاصلضرب چگالی و گرمای ویژه و ضخامت بازتاباننده به عبارتهای داخل پرانتز در سمت چپ معادلهی انرژی اضافه میشود.

در پژوهش حاضر حل عددی با استفاده از معادله انرژی بیبعد به همراه تقریب دوشار انجام شده است. مسئله به صورت گذرا با ۳۴ گره و گام زمانی بیبعد  $\Delta t^*=0/001$  حل شده است معیار همگرایی و حل پایا با پیشروی در زمان حاصل شده است. معیار همگرایی به این صورت بوده است که اختلاف دمای دو زمان متوالی برای تمام گرهها اندازه گیری شده و بیشینه آنها در هنگام پایایی باید کمتر از K

۵- نتایج

برای صحتسنجی حل عددی ارائه شده و تقریب دوشار برای مسئلهی انتقال حرارت ترکیبی هدایت-تابش از یک روش دقیق تر استفاده شده است. اوزیسیک با استفاده از روش بسط حالت نرمال<sup>۲۹</sup>، یک حل عددی برای انتقال حرارت پایا در مسئلهی هدایت-تابش ارائه کرده است که از تقریب دوشار دقیق تر است. او خواص دمایی و تابشی را ثابت در نظر گرفته است و از شرط مرزی دما ثابت استفاده نموده است. برای این که بتوان نتایج تحقیق حاضر را با نتایج اوزیسیک مقایسه کرد، باید پارامترها را به شکل زیر بی بعد نمود [11]؛

$$N_r = \frac{k\beta}{4\sigma T_1^3} \tag{(TT)}$$

$$\tau = \beta x \tag{(14)}$$

$$t^* = \frac{k}{\rho c} \beta^2 t \tag{14}$$

دوره چهل و شش، شماره ۱، تابستان ۱۳۹۳

$$q_r^* = \frac{q_r^{''}}{4\sigma T_1^3} \tag{(YF)}$$

$$G^* = \frac{G}{4\sigma T_1^3} \tag{YV}$$

$$\theta = \frac{T}{T_1} \tag{TA}$$

در رابطهی (۲۴)  $\tau$  ضخامت نوری است، همچنین به عامل  $N_r$  می بعد  $N_r$  نسبت هدایت به تابش گفته می شود. مقادیر بالای  $N_r$  دلالت بر نقش بیشتر هدایت در انتقال حرارت کل می نماید و برعکس. با استفاده از پارامترهای بی بعد گفته شده معادله انرژی و شار حرارتی کل به صورت زیر در می آیند:

$$\frac{\partial \theta}{\partial t^*} = \frac{\partial}{\partial \tau} \left( \frac{\partial \theta}{\partial \tau} - \frac{1}{N_r} q_r^* \right) \tag{(19)}$$

$$q^{"*} = \left(-\frac{\partial\theta}{\partial\tau} + \frac{1}{N_r}q_r^*\right) \tag{(\"'')}$$



شکل (۳): نمودار شار حرارتی بیبعد برحسب آلبیدوی پراکندگی برای نتایج منتشرشدهی اوزیسیک و حل عددی با تقریب دوشار

در شکل (۳) نتایج حاصله از حل بی بعد در کنار حل اوزیسیک مشاهده می شود. اوزیسیک مسئله را برای ضخامت نوری ۱ و شرایط مرزی دما ثابت یعنی،  $1=[\sigma=\sigma]\theta$ و  $0=[\tau=\sigma]\theta$ حل کرد. انتخاب ضخامت نوری ۱ باعث می شود که مسئله وارد هیچ کدام از محدوده های ضخامت نوری کم یا زیاد نشود و از معادلات کامل (بدون ساده سازی) انتقال تابش استفاده شود.

در شکل (۳) نمودارهای با خط پیوسته مربوط به پژوهش حاضر و حل دو-شار و نمودارهای نقطه خط مربوط به حل اوزیسیک [۲۱] هستند. خطای تقریب دوشار از ۰/۸ درصد تا ۵/۵ درصد متغیر است. با افزایش Nr خطا کاهش مییابد. از آنجایی که تقریب اعمالشده فقط بر روی سازوکار تابش است و نه هدایت، بنابراین خطای وابسته به این تقریب نیز کاهش می یابد.

در شکلهای (۴) و (۵) تغییرات رسانش معادل برای چهار عایق ML1 تا ML4 و در دو فشار مشاهده می شود. همان طور که مشخص است با افزایش فشار، رسانش ۴ نمونه به هم نزدیک می شود، دلیل آنست که با افزایش فشار رسانش گاز افزایش می یابد و اثر بازتاباننده ها و سازوکار تابش کاهش می یابد. هم چنین با افزایش اختلاف دما، اختلاف رسانش ها برای ۴ نمونه افزایش می یابد، زیرا سهم تابش افزایش می یابد و اختلاف تعداد بازتاباننده ها در نمونه ها خود را بیشتر می نمایاند



······ ML1 — ML2 – – ML3 — · ML4

شکل (۴): رسانش معادل عایقهای ML1 تا ML4 در فشار 100torr



······ ML1 — ML2 – – ML3 — · ML4

شکل (۵): رسانش معادل عایقهای ML4 تا ML4 در فشار 100 torr

برای مشاهدهی بهتر چگونگی تغییرات رسانش معادل نسبت به تغییرات فشار، نمودار این تغییرات برای ۴ نمونه، در کنار هم در شکل (۶) رسم شدهاند. خطوط پیوسته مربوط به حل عددی در پژوهش حاضر و نقاط، مربوط به دادههای تجربی موجود، در مرجع [۲۲] هستند.

همان طور که در شکل (۶) دیده می شود، هم خوانی قابل قبولی بین داده های تجربی و نتایج حل عددی وجود دارد. کمینهی خطای حل عددی ۲/۴ درصد و بیشینهی خطا ۹/۸ درصداست.



شکل(۶): رسانش معادل عایقهای ML1 تا ML4 نسبت به فشار در اختلاف دمای ΔT=1000K

#### حل بیبعد

در این قسمت با نتایج حاصل از حل بیبعد، نمودارهای بیبعد برای حالت پایا ارائه میشود. عوامل بیبعد به کاررفته در نمودارهایی که به آن پرداخته میشود عبارتند از:

$$q_{r}^{"} = \frac{q_{r}^{"}}{q_{T}^{"}} \tag{(1)}$$

$$q_{s}^{"} = \frac{q_{s}^{"}}{q_{x}^{"}}$$
("T)

$$x^* = \frac{x}{L} \tag{(77)}$$

$$\Phi = \frac{T(x) - T(L)}{T(0) - T(L)} \tag{(74)}$$

 $\Phi$  دمای بیبعد، \*x مکان بی بعد و \*"  $q_s$  و \*"  $q_r$  به ترتیب  $\Phi$  شارهای هدایتی و تابشی بیبعد هستند.  $\Phi$  نمایان گر مرز با دمای بالاتر است. نمودارهای بیبعد برای نمونهی ML2 و برای  $\Delta T$ =1000K و برای  $\Delta T$ =1000K

همان طور که از شکل (۶) مشاهده می شود؛ با افزایش فشار، رسانش حرارتی معادل افزایش مییابد. زیرا با ثابت بودن دما، مقدار تابش تغییری نمی کند، ولی با افزایش فشار، هدایت گاز افزایش مییابد، بنابراین در مجموع رسانش افزایش مییابد. دوره چهل و شش، شماره ۱، تابستان ۱۳۹۳

هم چنین با مقایسه ی نتایج با نتایج تجربی منتشر شده توسط دريابيگی [۲۲] تطبيق قابل قبولی مشاهده می شود. همين طور مشاهده می شود که تقریبا تا فشار 0.001 torr رسانش معادل ثابت می ماند و از فشاری در حدود 0.01 torr به بالا، رسانش معادل، خیزشی ناگهانی دارد. دلیل این پدیده آنست که بر گاز نيتروژن در فشارهای پايين تا فشار 0.01 torr، جريان آزاد مولکولی $^{,7}$  حاکم است و از فشار 0.01 torr به بعد است که رژیم جریان عوض شده و برخوردهای مولکولی آغاز می شوند و به طور کلی مکانیزم هدایت گاز شروع به فعالیت می کند. همان طور که در شکل (۷) مشخص است تغییرات دما در نمونه غیرخطی است و تغییرات دما در مجاورت مرز سرد شدیدتر است. شکل (۸) تغییرات سهم هر یک از شارهای تابشی و هدایتی از شار کل در طول بیبعد عایق را نشان میدهد. در طول بیبعد x\*=0.91 شارهای تابشی و هدایتی با هم برابر میشوند. شارهای تابشی و هدایتی نسبت به شار کل بیبعد شدهاند. در شرایط پایا، شار حرارتی کل همه جا در طول عایق ثابت است. اما شارهای هدایتی و تابشی ممکن است تغییر نمایند. تنها در موردی که پراکندگی محض وجود داشته باشد، شارهای تابشی و هدایتی نیز در طول عایق ثابت میمانند [۲۳]. همان طور که از شکل (۸) مشخص است، برای هردو نمودار در قسمتهایی، ناپیوستگیهایی در شیب نمودار مشاهده می شود. با کمی دقت می توان دریافت که این افت و خیزها بعد از مرز جامد و بازتابانندهها اتفاق می افتد. دلیل این امر آنست که در مجاورت این مرزها، سازوکار هدایت به دلیل بیشتر بودن رسانش بازتابانندهها و مرز جامد نسبت به الیاف، بر سازوکار تابش غالب می شود. در واقع شار هدایتی دمای دیواره را به مجاورت دیواره تحمیل میکند. به همین دلیل است که به طور موضعی شار هدایتی افزایش و شار تابشي كاهش مي يابد.



شکل (۷): تغییرات دمای بیبعد در طول بیبعد عایق



شکل (۸): تغییرات سهم هریک ازشارهای تابشی وهدایتی ازشارکل درطول بیبعد عایق

### ۶- نتیجهگیری

مدلسازی انتقال حرارت ترکیبی هدایت تابش در یک عایق چندلایه انجام شده است. برای تابش از تقریب دوشار استفاده شدهاست، زیرا برخلاف تقریبهای دیگر محدود به ضخامت نوری خاصی نیست، همچنین خصوصیات تابشی مرزها در آن لحاظ شده است. برای شبیهسازی اثر همزمان هدایت جامد و گاز از فرمولاسیون باتاچاریا استفاده شده است. با ارجاع به پارهای از تحقیقات انجام شده از قبل، ثابت شد که میتوان از اثر انتقال حرارت جابجایی طبیعی در مسئلهی حاضر چشمپوشی نمود [۲۲–۲۵].

در حل عددی، معادلات دوشار با استفاده از روش اختلاف محدود گسستهسازی شدهاند و معادلهی بقای انرژی با استفاده از روش حجم محدود گسستهسازی شده است. گسستهسازی به فرم اختلاف محدود برای معادلهی انرژی باعث شده است که جواب مستقل از تعداد گرهها نباشد، بنابراین از روش حجم محدود به علت ماهیت پایستار آن استفاده شده است.

نتایج حل بی بعد، با افزایش نسبت هدایت به تابش، Nr، به نتایج اوزیسیک نزدیک تر می شوند و خطای حل عددی کاهش می یابد. Nr در مرز گرم برابر 0/32 و در مرز سرد برابر 1/8 است.

صرفنظر نمود. بنابراین رویه طراحی باید به سوی بهینه کردن بازتابانندهها باشد. برای فشارهای 0/01 torr به بالا، رژیم جریان مولکولی برای نیتروژن عوض می شود. به همین دلیل تغییرات رسانش حرارتی شیب بیشتری خواهد داشت.

در مجاورت مرز گرم، شار تابشی غالب است و در مجاورت مرز سرد شار هدایتی غالب است. به همین دلیل است که بهتر است، چینش بازتابانندهها نزدیک به مرز گرم صورت پذیرد.

مرزهای جامد، دمای خود را از طریق مکانیزم هدایت به محیط مجاور خود تحمیل میکنند، از این روست که در نمودار بیبعد تسهیم شارها، در محل این مرزها شکستگی دیده میشود. در حالت پایا، شار حرارتی کل در طول عایق ثابت است.

هرچه ضخامت فاصلهاندازها بیشتر باشد، نقش بازتاباننده ها در مهار تابش کاهش مییابد. از آنجایی که با حرکت از مرز گرم به سرد شار تابشی کاهش مییابد، به عنوان یک پیشنهاد برای کاهش هزینه، میتوان فقط برای فویل های نزدیک به مرز گرم از پوشش طلا استفاده نمود. همچنین افزایش ضخامت برای عایق های الیافی، به علت افزایش هدایت گاز، باعث افزایش رسانش حرارتی معادل می شود.

- فهرست علائم
---------------

درصد هدایت موازی گاز و جامد	Α
ظرفیت گرمایی ویژه، <sup>1-(</sup> kJ.(kg.K	С
قطر الياف، m	$D_{f}$
$\mathrm{W.sr}^{-1}$ ، شدت تابش	Ε
نسبت کسر تابش	F
تابع تابش تابیده، W.sr <sup>-1</sup>	G
ضریب سازگاری ابعادی	Η
شدت تابش، <sup>1</sup> -W.sr	Ι
$\mathrm{W.}(\mathrm{m.K})^{^{-1}}$ ضریب هدایت حرارتی،	K
نسبت هدایت به تابش	$N_r$
شار حرارتی، <sup>2-</sup> W.m	q''
زمان، sec	t
دما، K	Т
مکان، m	x
ضريب مربوط به جهت الياف	Z.
علائم يونانى	
ضریب تطابق دمایی	α
ضریب خاموشی، m <sup>-1</sup>	β
ضریب پراکندگی، <sup>1-</sup> m	γ
ضريب نشر	3
دمای ہے۔بعد	$\theta$

تحلیل انتقال حرارت ترکیبی هدایت-تابش در عایقهای چندلایه

Sciences 48,	pp.	440-	448,	2009.
--------------	-----	------	------	-------

Shu-Yuan Zhao,. Zhang, Bo-Ming. Du Shan- [v] Yi, "An inverse analysis to determine conductive and radiative properties of a fibrous medium", Journal of Quantitative Spectroscopy & Radiative Transfer 110, pp. 1111–1123, 2009.

Alifanov, O.M., Nenarokomov, A.V., [ $\Lambda$ ] Gonzalez, V.M., "Study of multilayer thermal insulation by inverse problems method", Acta Astronautica 65, pp. 1284–1291, 2009.

Modest, Michael. F.; Radiative Heat Transfer, [9] 2<sup>nd</sup> Edition, Academic Press, USA, 1993.

Sparrow, E.M., Cess, R.D., "Radiation Heat [1.] Transfer", Augmented Edition, McGraw-Hill, 1978.

Daryabeigi, K., "Heat Transfer in High- [11] Temperature Fibrous Insulation", 8th AIAA/ASME Joint Thermophysics and Heat Transfer Conference, St. Louis, MO, 2002.

Bapat, S.L., Narayankhedkar, K.G., Lukose, [17] T.R., "Performance prediction of multilayer insulation", Cryogenics, Vol 30, pp. 700-710, 1990.

Hager, N.E. Jr. Steere, R.C., "Radiant Heat [17] Transfer in Fibrous Thermal Insulation", Journal of Applied Physics, Vol. 38, No. 12. pp. 4663- 4668, 1967.

Cunnington, G.R., Zierman, C.A., Funai, A.I., [14] Lindahn, A., "Performance of Multilayer Insulation Systems for Temperatures to 700K", NASA CR- 907, 1967.

Daryabeigi, K., "Analysis and Testing of [1] High Temperature Fibrous Insulation for Reusable Launch Vehicles", AIAA Paper 99-1044, January, 1999.

Daryabeigi, K., "Thermal Analysis and [16] Design of Multi-layer Insulation for Re-entry Aerodynamic Heating", AIAA Paper 2001-2834, June, 2001.

ρ	چگالى، kg.m <sup>-3</sup>
σ	$W.(m^2.K^4)^{-1}$ ثابت استفان– بولتزمن،
τ	ضخامت نورى
ω	آلبيدوى پراكندگى
	زيرنويس
b	مربوط به جسم سیاه
g	مربوط به گاز
r	مربوط به تابش
S	مربوط به جامد
1	مقدار در مرز گرم
2	مقدار در مرز سرد
	بالانويس
*	مقدار بیبعد
0	مقدار مرجع

۸- مراجع

Spinnler, M., Edgar R.F., Winter, Viskanta, [1] R., "Studies on high temperature multilayer thermal insulation", International journal of heat and mass transfer 47, pp. 1305–1312, 2004.

Gallert, H., Keller. K., "Metallic Thermal [7] Protection Concept for Hypersonic Vehicles", Journal of Aircraft, Vol. 28, No. 6, June, pp. 410-416, 1991.

Doenecke, J., "Survey and Evaluation of [r] Multilayer Insulation Heat Transfer Measurements", SAE Technical Paper 932117.23<sup>rd</sup> International Conference on Environmental Systems, Colorado Springs, Colorado, July, 1993.

Keller, K., "Application of High Temperature [۴] Multilayer Insulations", Acta Astronautica Vol. 26, No. 6, pp. 451-458, 1992.

Bo-Ming Zhang, Shu-Yuan Zhao, [Δ] "Experimental and theoretical studies on high-temperature thermal properties of fibrous insulation", Journal of Quantitative Spectroscopy & Radiative Transfer 109, pp. 1309–1324, 2008.

Shu-yuan Zhao, He, Xiao-dong, [۶] "Temperature and pressure dependent effective thermal conductivity of fibrous insulation", International Journal of Thermal Spectroscopy & Radiative Transfer 104, pp. 326–341, 2007.

۸- زیرنویس ها

<sup>\</sup>Cryogenics

<sup>r</sup> Reflective screens

" Spacer

- <sup>\*</sup> Thermal Protection System (TPS)
- <sup>a</sup> Modified diffusion approximation
- <sup>°</sup> Keller

<sup>v</sup> Inverse analysis

<sup>^</sup> Solid walls

<sup>°</sup> Fibrous insulation

<sup>\.</sup> Two-flux

" Extinction coefficient

<sup>17</sup> Albedo of scattering

<sup>1</sup><sup>w</sup> Index of refraction

<sup>\f</sup>ODE

- <sup>14</sup> Gas specific heat ratio
- <sup>19</sup> Continuum
- <sup>w</sup> Alumina
- 14 Hager
- <sup>11</sup>Steere
- ". Implicitly
- <sup>1</sup> Bhattacharyya
- <sup>rr</sup> Blosser
- <sup>rr</sup> Saffil
- <sup>r\*</sup> Polycrystalline
- <sup>1</sup> Vapor deposition
- <sup>19</sup> Adaptive nodal spacing
- <sup>vv</sup> Tridiagonal
- <sup>r</sup> Lumped mass
- <sup><sup>r</sup><sup>9</sup></sup> Normal-mode expansion
- ". Free molecular flow

Bhattacharyya, R. K., "Heat Transfer Model [1Y] for Fibrous Insulations", Thermal Insulation Performance, ASTM STP 718, ed. by D. L. McElroy and R. P. Tye. American Society for Testing and Materials, Philadelphia. PA, pp. 272-286, 1980.

Blosser, Max L., "Advanced Metallic [1A] Thermal Protection Systems for Reusable Launch Vehicles", PhD dissertation, University of Virginia, 2000.

Daryabeigi, K., "Design of High Temperature [19] Multi-layer Insulation for Reusable Launch Vehicles", PhD dissertation, University of Virginia, 2000.

Thornton, E. A., "Thermal Structures for [7.] Aerospace Applications", AIAA, Reston, Virginia, 1996.

Ozisik, M.N.; Radiative Transfer and [71] Interactions with Conduction and Convection, John Wiley & Sons Inc, 1973.

Daryabeigi, K., Miller, Steve D., "Heat [77] Transfer in High Temperature Multilayer Insulation", NASA Tech Briefs, 2001.

Viskanta, R., "Heat Transfer by Conduction [۲۳] and Radiation in Absorbing and Scattering Media", Journal of Heat Transfer, pp. 143-150, 1965.

Finck, J. L.; Heat Insulation, Industrial & [74] Engineering Chemistry, ACS Pub, pp. 824-827, 2002.

Bai, Dan., Fan, Xu-Ji., "On the combined heat [Ya] transfer in the multilayer non-gray porous fibrous insulation", Journal of Quantitative