نشريه مهندسي مكانيك اميركبير



نشریه مهندسی مکانیک امیرکبیر، دوره ۵۳، شماره ۳، سال ۱۴۰۰، صفحات ۱۴۱۷ تا ۱۴۳۸ DOI: 10.22060/mej.2019.16844.6454

بررسی تحلیلی عددی تولید قطرات غیرهماندازه سیال اتساعی در اتصال تی شکل با شاخههای غیرهمطول

احمد بدرام

گروه مکانیک، آموزشکده یامام علی (علیهالسّلام)، دانشگاه فنی و حرفهای استان خراسان جنوبی، طبس، ایران.

خلاصه: در این مقاله، شکست قطرات غیرنیوتنی شناور در یک سیال غیرنیوتنی به صورت تحلیلی و شبیهسازی عددی سه بعدی بررسی شده است. هندسهی در نظر گرفته شده، اتصال تی شکل با شاخههای غیرهم طول است که می تواند قطرات با اندازههای غیریکسان تولید نماید. نتایج حل تحلیلی و شبیهسازی عددی این پژوهش، تطابق بسیار خوبی با یکدیگر دارد. کمیتهای متعددی از قبیل نسبت دبی شاخهها، نسبت سرعت شاخهها، طول قطره در هر شاخه، طول کلی قطره، گردابی، فشار و لزجت مؤثر، در طول فرآیند شکست بررسی شده است. در این پژوهش با حل تحلیلی، مقادیر نسبت دبی شاخهها، نسبت سرعت شاخهها، نسبت سرعت شاخهها، طول قطره در هر شاخه، طول نسبت دبی شاخهها، نسبت سرعت شاخهها، طول فرآیند شکست بررسی شده است. در این پژوهش با حل تحلیلی، مقادیر آمد. نتایج حل تحلیلی نشان داد که نسبت دبی شاخهها و نسبت سرعت سیال در شاخهها، در طول فرآیند شکست به دست ثابت است. شبیه سازی عددی نیز نتایج تحلیلی را تأیید نموده و مشخص نمود که نسبت دبی و نسبت سرعت شاخهها، در طول فرآیند ثابت است. همچنین نتایج تحلیلی و عددی نشان داد که طول قطره در هر یک از شاخههای فرایند شکست طول کلی قطره، به صورت خطی در طول فرآیند شکست افزایش می یابد و در این مورد نیز، تطابق خوبی بین نتایج حل عددی و تحلیلی مشاهده شد.

تاریخچه داوری: دریافت: ۱۳۹۸/۰۵/۰۷ بازنگری: ۱۳۹۸/۰۸/۱۹ پذیرش: ۱۳۹۸/۰۹/۱۸ ارائه آنلاین: ۱۳۹۸/۱۰/۰۹

کلمات کلیدی: کلمات کلیدی: قطرات غیرهماندازه اتصال تیشکل نامتقارن طبیهسازی عددی روش حجم سیال

فرآیند شکست قطره کاربرد متعددی در صنایع داروسازی

و شیمیایی دارد. به عنوان مثال در صنایع داروسازی برای ساخت

یک دارو نیاز است تا ۰/۱ میلی گرم از مادهی دارویی «الف» در هر

کپسول دارویی قرار داده شود. لذا باید مادهی دارویی «الف» به صورت

واحدهای ۱/۱ میلی گرمی تبدیل شود. یکی از روشهای انجام این کار

آن است که مادهی دارویی «الف» را به صورت یک قطرهی بزرگ وارد

یک لوله کنند و این قطره با عبور از اتصالهای تی شکل متوالی، به

قطرات بسیار کوچک ۰/۱ میلی گرمی تقسیم شود و سپس هر یک از

این قطرات کوچک، در داخل یک کپسول یا قرص دارویی قرار داده

شود. از طرفی سیالات غیرنیوتنی نیز در صنایع مذکور (داروسازی،

شیمیایی و . . .) استفاده می شود. لذا به یژوهش هایی نیاز است تا

روشهای مختلفی برای شکست قطرات ارائه شده است. در تمام

این روشها، یک قطرهی اولیه به دو یا چند قطرهی کوچکتر تقسیم

بتواند شکست قطرات غیرنیوتنی را بررسی نماید.

فرعی در سیال پایه تشکیل میشوند.

۱– مقدمه

فرآیندهای میکروسیالی^۱ کاربرد بسیار زیادی در صنایع پزشکی، داروسازی، شیمیایی و غیره دارد[۱–۳]. در میان فرآیندهای میکروسیالی، فرآیندهای بر مبنای قطره اهمیت ویژهای دارند [۴و ۵] در این فرآیندها، یک سیال پایه وجود دارد که سیال فرعی به صورت قطراتی به داخل سیال پایه اضافه میشود. مزایای این روش عبارتند از: ۱- قطرات در سیال پایه حل نمیشوند. ۲- قطرات با دیواره ی کانال^۲ تماس پیدا نمیکنند. ۳- قطرات با دیواره واکنش نمیدهند. فرآیندهای بر مبنای قطره، شامل عملیات مختلفی مانند شکست، قطره، از اتصال تیشکل^۳ برای تولید قطره استفاده میشود [۶–۸]. در این روش (اتصال تیشکل)، سیال فرعی (که قرار است به قطره تبدیل شود) را به کانال سیال پایه تزریق میکنند. در نتیجه، قطرات سیال

* نویسنده عهدهدار مکاتبات: bedram@chmail.ir

Microfluidic

Wall

³ T-junction

Creative Commons License) حقوق مؤلفین به نویسندگان و حقوق ناشر به انتشارات دانشگاه امیرکبیر داده شده است. این مقاله تحت لیسانس آفرینندگی مردمی (Creative Commons License) حقوق مؤلفین به نویسندگان و حقوق ناشر به انتشارات دانشگاه امیرکبیر داده شده است. این مقاله تحت لیسانس آفرینندگی مردمی (Creative Commons License) حقوق مؤلفین به نویسندگان و حقوق ناشر به انتشارات دانشگاه امیرکبیر داده شده است. این مقاله تحت لیسانس آفرینندگی مردمی (Creative Commons License) حقوق مؤلفین به نویسندگان و حقوق مؤلفین به نویسندگان و حقوق ناشر به انتشارات دانشگاه امیرکبیر داده شده است. این مقاله تحت لیسانس آفرینندگی مردمی (Creative Commons License) حقوق مؤلفین به نویسندگان و حقوق ناشر به انتشارات دانشگاه امیرکبیر داده شده است. این مقاله تحت لیسانس آفرینندگی مردمی (Creative Commons License) حقوق مؤلفین به نویسندگان و حقوق ناشر به انتشارات دانشگاه امیرکبیر داده شده است. این مقاله تحت لیسانس آفرینندگی مردمی (Creative Commons License) حقوق ناشر به انتشارات دانشگاه امیرکبیر داده ساله است. این می مودندگان و حقوق ناشر به انتشارات دانشگاه امیرکبیر داده بیسانس از مودند و مرائید.

می شود. در برخی از روش ها از اتصال تی شکل متقارن برای شکست قطره استفاده می شود [۱۹–۱۱] . در روش اتصال تی شکل متقارن، قطرهی مورد نظر از طریق یکی از شاخههای اتصال تیشکل وارد هندسه شده و با رسیده به مرکز اتصال، دچار تغییر شکل و در نهایت دچار شکست می شود. پس از شکست قطره، دو قطرهی جدید تولید می شود که هر قطره وارد یکی از شاخههای اتصال تی شکل می شود. روشهای بر مبنای اتصال تی شکل متقارن، قادرند تنها یک اندازهی مشخص از قطره را تولید نمایند (زیرا قطره را به دو قسمت مساوی تقسیم میکنند). لذا در کاربردهایی که نیاز است تا قطرهی اولیه به دو قطره با اندازههای غیریکسان تقسیم شود، استفاده از اتصال تی شکل متقارن مفید نخواهد بود. با استفاده از اتصال تی شکل با شاخههای با طولهای متفاوت نیز می توان یک قطره یا حباب را به قطرات با اندازههای غیریکسان تقسیم نمود [۱۱]. در روش اتصال تی شکل با طول های غیریکسان، شاخهی فرعی که طول بیش تری دارد، مقاومت هیدرولیکی بیشتری داشته و لذا پس از شکست قطرهی اولیه، قطرهی کوچکتری وارد آن شاخه می شود. در این روش به كمك تنظيم طول شاخههاى فرعى، مىتوان نسبت حجم قطرات توليدى را تنظيم نمود. منظور از نسبت حجم قطرات توليد شده، نسبت حجم قطرهی کوچک تولید شده به حجم قطرهی بزرگ تولید شده بعد از شکست است. یکی از مزیتهای روش اتصال تی شکل با شاخههای غیرهمطول، ساخت راحتتر هندسه به نسبت برخی روشهای مشابه است. به عنوان مثال برای ساخت اتصال تی شکل با شاخههای غیرهمطول، می توان یک اتصال تی شکل متقارن تهیه نمود و انتهای یکی از شاخههای فرعی را به میزان دلخواه برش داد تا اتصال تی شکل با شاخههای غیرهم طول به دست آید. اتصال تی شکل با شاخههای غیرهمعرض نیز میتواند یک قطرهی اولیه را به قطراتی با اندازههای غیریکسان تقسیم نماید [۱۳]. در روش مذکور، شاخههای فرعی اتصال تی شکل، دارای عرض های متفاوتی هستند و پس از شکست، قطرهی کوچکتر وارد شاخهای می شود که عرض بیشتری دارد زیرا این شاخه مقاومت هیدرولیکی کمتری دارد. به کمک ایجاد موج نیز می توان از یک سیال جاری در کانال، قطرهای ایجاد نمود [۱۴]. در این روش، یک موج در سیال جاری در یک کانال ایجاد می شود و ایجاد موج باعث می شود قطراتی از سیال اصلی جدا شود. یکی از محدودیتهای این روش آن است که قطرات جدید تولید شده

در کنار یکدیگر هستند و برای جداسازی آنها به فرآیند دیگر نیاز است.

با استفاده از اتصال تی شکل همراه با شیر نیز می توان یک قطرهی اولیه را به قطراتی با اندازههای دلخواه شکست [۱۵] که حل تحلیلی نیز برای این نوع اتصال انجام شده است [۱۶]. در روش اتصال تی شکل همراه با شیر، در یکی از شاخههای فرعی اتصال تی شکل، یک شیر قرار داده می شود. این شیر بخشی از کانال را مسدود نموده و لذا یک مانع در مسیر جریان ایجاد می کند. بنابراین مقاومت هیدرولیکی شاخهای که شیر در آن قرار دارد افزایش یافته و پس از شکست قطرهی اولیه، قطرهی کوچکتری وارد این شاخه خواهد شد. یکی از مزایای این روش این است که می توان بعد از ساخت سیستم، نسبت حجم قطرات تولیدی را با تنظیم نسبت شیر تنظیم نمود و یکی از محدودیتهای این روش، هزینهی اولیهی قرار دادن شیر در ساختار اتصال تی شکل ریزمقیاس است (معمولاً مقیاس اتصال تی شکل، میکرومتری یا میلیمتری است). در روشی دیگر، با عبور دادن یک حباب از لولهی مستقیم، حباب را به قسمتهای کوچکتر تقسیم میکنند [۱۷] که محدودیت این روش آن است که قطرات تولید شده (پس از شکست) در کنار هم حضور دارند و برای جداسازی آنها نیازمند فرآیند دیگری هستیم. روشهایی جدید نیز برای تنظیم دقیق اندازهی قطرات تولیدی در حین فرآیند شکست ارائه شده است. به عنوان مثال یک سیستم هوشمند برای تولید قطرات با ابعاد غیریکسان ارائه شده است که متشکل از یک اتصال تی شکل به همراه دو شاخهی فرعی کمکی میباشد [۱۸].هر یک از دو شاخهی کمکی، دارای یک شکستگی در میان خود هستند (مانند یک زانویی). بر خلاف سیستمهای دیگر (اتصال تی شکل با شاخههای غیرهم طول، اتصال تی شکل با شاخههای غیر هم عرض و اتصال تی شکل همراه با شیر) که عمدتاً دارای سه شاخه هستند، این سیستم دارای پنج شاخه است که شاخهها نیز دارای انحنا و شکستگی هستند. از مزایای روش مذکور این است که تغییر نسبت حجم قطرات تولیدی در اثر تغییر دبی سیال ورودی را کاهش میدهد. از محدودیتهای روش مذکور نیز این است که ساخت آن به نسبت سایر روشهای مشابه، پیچیدهتر بوده و نیاز به هزینهی بیشتری دارد.

یکی دیگر از روشهای شکست قطرات، عبور دادن قطره از یک

روزنه یا تغییر سطح مقطع لوله است [۱۹ و ۲۰]. در این روش، سیال پیوسته در یک کانال جاری است و قطرهی اولیهی در این سیال پیوسته شناور و در حال حرکت است. در داخل لوله یک روزنه یا یک تغییر سطح مقطع تعبیه مینمایند. هنگامی که قطره به روزنه یا به محل تغییر سطح مقطع میرسد دچار تغییر شکل شدید شده و به چند قطرهی کوچکتر شکسته میشود. محدودیت این روش این است که پس از شکست قطره، قطرات کوچک و بزرگ تولید شده در کنار هم هستند و برای جداسازی آن ها به فرآیند دیگری نیاز است.

با دقت در پژوهشهای گذشته (که در بالا بیان شد) در می یابیم که تاکنون شکست قطرات غیرنیوتنی در اتصال تی شکل با طول های غیریکسان بررسی نشده است که در مقالهی حاضر به این موضوع پرداخته خواهد شد. یکی از مزایای اتصال تی شکل با شاخههای غيرهم طول اين است كه پس از شكست قطره، قطرات كوچك و بزرگ تولید شده از هم جدا می شوند و با هم مخلوط نیستند (بر خلاف روشهایی مانند عبور قطره از لولهی مستقیم دارای مانع). از دیگر مزایای اتصال تی شکل با شاخههای غیرهم طول، راحت بودن ساخت هندسهی سیستم نسبت به برخی روشهای مشابه (مانند اتصال تی شکل همراه با شیر) است. همچنین در پژوهش حاضر، برای اولین بار شکست قطرهی غیرنیوتنی در اتصال تی شکل با شاخههای غیرهم طول بررسی گردیده است و حل تحلیلی نیز برای مسئله ارائه شده است. تفاوت پژوهش پیش رو با پژوهشهای گذشته که اتصال تی شکل با شاخههای غیرهم طول را بررسی نمودهاند [۱۲و ۲۱] این است که در پژوهشهای قبل، شکست قطره در اتصال تی شکل با شاخههای غیرهمطول صرفاً در حالتی بررسی گردیده است که سیال پیوسته و سیال قطره، سیالات نیوتنی باشند در حالی که در کاربردهای عملی (صنایع داروسازی و شیمیایی) از سیالات غیرنیوتنی نيز استفاده مى گردد. لذا پژوهش حاضر توانسته است شكست قطره در اتصال تی شکل با شاخههای غیرهم طول را با در نظر گرفتن سیالات غیرنیوتنی (برای قطره و برای سیال پیوسته) و همچنین با انجام یک حل تحلیلی مورد بررسی قرار دهد. در این پژوهش، سیال پیوسته نیز غیرنیوتنی در نظر گرفته شده است. روش پژوهش، حل تحلیلی و شبیهسازی عددی سه بعدی به کمک روش حجم سیال ٔ بوده است. نتایج عددی این پژوهش، تطابق خوبی با نتایج یک پژوهش تحلیلی

مبنا [٢٢] داشته است. استقلال حل از شبكه و استقلال حل از گام زمانی نیز انجام شده است. نتایج حل تحلیلی و عددی پژوهش حاضر نیز تطابق بسیار خوبی با یکدیگر دارند. در بخش بعدی مقاله (بخش ۲) هندسهی مسئله مورد بررسی ارائه خواهد گردید. ابعاد هندسهی مسئله و نیز مشخصات سیالات انتخاب شده در این بخش ارائه می گردد. در بخش ۳، مبانی شبیهسازی عددی پژوهش حاضر شامل: روش عددی، معادلات حاکم، استقلال حل از شبکه و، مقایسه ی نتایج با نتایج مسائل مبنا بیان خواهد شد. در بخش ۴ حل تحلیلی مسئله بیان خواهد شد. با استفاده از افت فشار سیال غیرنیتوتنی در لولهی مستقيم و به كمك معادلات حاكم، نسبت دبي، نسبت سرعت و طول قطره در حین فرآیند شکست به دست خواهد آمد و نتایج با نتایج عددی این پژوهش نیز مقایسه می گردد. در بخش ۵ نتایج شبیهسازی عددی در مقاطع مختلف هندسهی مسئله ارائه میگردد. این نتایج شامل فشار، سرعت، لزجت مؤثر و . . . در مقاطع مختلف هندسهی مسئله و در طول فرآیند شکست خواهد بود. در بخش ۶ نیز، جمعبندی نهایی و مهمترین دستاوردهای پژوهش پیش رو بیان خواهد گردید.

۲- هندسهی سیستم:

هندسهی مسئله (اتصال تی شکل با طول های غیریکسان) در شکل ۱ نشان داده شده است. جریان سیال پیوستهی غیرنیوتنی (که قطره نیز در داخل سیال پیوسته شناور است) از شاخهی عمودی وارد سیستم شده و از دو شاخهی فرعیِ افقی خارج می شود. سطح مقطع تمام کانالها مستطیلی و عمق هندسه (در جهت عمود بر کاغذ) برابر با ۶ میکرومتر است. عرض تمام شاخهها برابر با ۲۰ میکرومتر می باشد. طول شاخهی فرعی راست و چپ به ترتیب برابر با ۱۰۰ و می باشد. طول شاخهی فرعی راست و چپ به ترتیب برابر با ۱۰۰ و هی باشد. طول شاخهی فرعی راست و چپ به ترتیب برابر با ۱۰۰ و هی باشد. طول شاخهی فرعی راست و چپ به ترتیب برابر با ۱۰۰ و می باشد میکرومتر است. مرح مرزی ورودی به سیستم (فاصلهی نقاط A شعاع ۹ میکرومتر است. شرط مرزی ورودی سیستم، سرعت ثابت و شرط مرزی در خروجی های سیستم (شاخه های راست و چپ)، فشار شرط مرزی در خروجی های سیستم (شاخه های راست و چپ)، فشار شیال پیوسته، یک سیال در ورود به سیستم ۳/۰ متر بر ثانیه است. سیال پیوسته، یک سیال غیرنیوتنی با ضریب سازگاری ۱۰۰/۰ د.

¹ Volume Of Fluid (VOF)

$$\rho = \rho_c \varphi + \rho_d \left(1 - \varphi \right) \tag{7}$$

$$\mu = \mu_c \varphi + \mu_d \left(1 - \varphi \right) \tag{(f)}$$

که زیرنویس c مربوط به سیال پیوسته (سیال حامل قطرات)، زیرنویس d مربوط به قطره و φ کسر حجمی سیال پیوسته در هر سلول محاسباتی است. در هر سلول محاسباتی $l \ge \varphi \ge \cdot$ است. برای محل دقیق مرز داریم 0 = -1 که به روش تکهای خطی^۱ به دست میآید. کمیت φ از رابطهی زیر به دست میآید:

$$\frac{\partial \varphi}{\partial t} + u_i \cdot \frac{\partial \varphi}{\partial x_i} = 0 \tag{(a)}$$

شبیه سازی عددی توسط روش حجم سیال نرم افزار انسیس فلوئنت (نسخهی ۱۵) انجام گرفت. گسسته سازی معادلات مومنتوم به روش بادسوی مرتبهی دوم و ارتباط معادلات فشار و سرعت توسط الگوریتم سیمپل سی^۲ برقرار گشته است. شرط همگرایی حل، کوچک تر بودن تمام باقیمانده ها از ۲۰۰۱ می باشد که باقیمانده ها از رابطه ی زیر به دست می آیند.

$$R_{X} = \frac{\sum_{P=1}^{N} \left| \sum_{nb} a_{nb} X_{nb} + \Phi - a_{P} X_{P} \right|}{\sum_{P=1}^{N} a_{P} X_{P}}$$
(\$

که X یک متغیر عمومی در سلول P و N تعداد کل سلول ها در دامنه، nb سلول های همسایه ی سلول P و Φ قسمت ثابت جمله ی منبع ($S = S_c + S_P X$) و شرایط مرزی می باشد. برای اطمینان از این موضوع که مقدار ۰/۰۰۱ برای باقیمانده ها، مناسب می باشد، به طور که نتایج آن در شکل ۲ ارائه شده است. در شکل ۲، توزیع سرعت در و مقطع از کانال ورودی سیستم، در حالتی که قطره نیز در کانال ورودی است مثابه شکل ۶ است) در دو حالت و رودی است مثابه شکل ۶ است) در دو حالت



Fig. 1. The geometry of T-junction with unequal length branches. The droplet is approaching the junction center. The depth of the geometry (perpendicular to the paper) is 6 μm. The initial drop length (The distances of points A .and B) is 70 μm

شکل ۱: هندسهی اتصال تی شکل با طولهای غیریکسان. طبق شکل، قطره در حال نزدیک شدن به مرکز اتصال است. عمق شکل در راستای عمود بر کاغذ ۶ میکرومتر است. طول اولیه قطره (فاصله نقطه A تا B) برابر با ۷۰ میکرومتر است.

قطره یک سیال غیرنیوتنی با ضریب سازگاری k=۰/۰۰۱۲۵ و ضریب رفتار n=۱/۱ و چگالی ۸۰۰ کیلوگرم بر مترمکعب میباشد. همچنین کشش سطحی بین دو سیال ۰/۰۰۵ نیوتن بر متر در نظر گرفته شده است.

۳- شبیهسازی عددی

برای مدلسازی جریان دو فاز از شبیهسازی عددی به روش حجم سیال استفاده شده است. جریان تراکمناپذیر بوده و معادلات پیوستگی و ناویر استوکس به صورت زیر برقرار است:

$$\frac{\partial u_i}{\partial x_i} = 0 \tag{1}$$

$$\rho\left(\frac{\partial u_i}{\partial t} + u_j \frac{\partial u_i}{\partial x_j}\right) = \frac{\partial P}{\partial x_i} + F_i + \mu \frac{\partial^2 u_i}{\partial x_j^2} \tag{(Y)}$$

که _۱۰ مؤلفههای بردار سرعت و *ρ* و µ به ترتیب چگالی و لزجت متوسط سیال میباشد که از روابط زیر به دست میآید.

¹ Piecewise linear interface reconstruction method

² SIMPLEC



Fig. 2. The velocity profile in two section of inlet channel for residuals 0.001 and 0.0001. The location of sections y=1.2w and y=3.2w is shown in Fig. 13. The vertical axis shows the width of the inlet channel

شکل ۲: توزیع سرعت سیال در دو مقطع از شاخهی ورودی، برای دو حالت باقیماندهی۰/۰۰۰۱ و ۰/۰۰۱ . موقعیت مقاطع و در شکل ۱۳ مشاهده میشود. محور عمودی، نشاندهندهی راستای عرض شاخهی ورودی است.

باقیماندهی ۰/۰۰۱ و ۰/۰۰۰۱ ارائه شده است. همانطور که مشاهده میشود، نتایج مربوط به باقیماندههای ۰/۰۰۰۱ و ۰/۰۰۱ دقیقاً بر هم منطبق هستند. لذا استفاده از باقیماندهی ۰/۰۰۱ برای این مسئله قابل اطمینان است.

شرط مرزی در ورودی سیستم، سرعت ثابت و شرط مرزی در خروجی سیستم، فشار ثابت (برابر با فشار محیط) میباشد. برای دیوارهها نیز شرط مرزی عدم لغزش در نظر گرفته شده است. گام زمانی انتخاب شده برای شبیهسازی عددی ۲۰ نانوثانیه میباشد. استقلال حل از شبکه، با حل مسئلهی سه بعدی شکست قطره انجام شده است. پروفیل قطره در لحظهی پخش شدن در مرکز اتصال و در اندازههای مختلف شبکه، مقایسه و نتایج آن در شکل ۳ ارائه شده است.

همان طور که در شکل ۳ دیده می شود، برای شبکهی با بیش از ۱۰۴۸۸۰ گره، نتایج مستقل از شبکه است در پژوهش پیش رو نیز از شبکهی با تعداد بیش از ۱۰۴۸۸۰ گره استفاده شده است. تصویر شبکهی محاسباتی در شکل ۴ نشان داده شده است.

شرایط اولیه (در لحظهی • t=)، به این صورت است که مؤلفهی x (افقی) و z (عمود بر کاغذ) سرعت سیال، برابر با صفر و مؤلفهی y (عمودی) سرعت سیال، برابر با سرعت در ورود به سیستم در نظر



Fig. 3. Grid independency (3D simulation) for a moment the droplet is deforming in the center of junction

شکل ۳. نمودار استقلال حل از شبکه (شبیهسازی سه بعدی) برای لحظهای که قطره در حال پخش شدن در مرکز اتصال است.

گرفته شد. همچنین فشار در لحظهی اول، در کل دامنه برابر با فشار محیط در نظر گرفته شد.

بریسرتون [۲۲] سرعت یک قطرهی شناور در سیال پایه که در داخل لولهای با مقطع دایروی در حرکت است را به صورت تحلیلی مطابق عبارت $U = \overline{U} \left(1 + 1/79 \left(\Gamma \mu_c U / \sigma \right)^{\frac{1}{r}} \right)$ محاسبه نمود (U) سرعت قطرہ و σ و \overline{U} به ترتیب کشش سطحی بین دو سیال، قطرہ و لزجت و سرعت متوسط سیال پیوسته هستند). به منظور اثبات صحت شبیهسازی سه بعدی مقالهی حاضر، مسئلهی بریسرتون [۲۲] به صورت سه بعدی شبیهسازی شده و نتایج آن با رابطهی تحلیلی مذکور مقایسه و در شکل ۵ ارائه گردیده است. در شبیهسازی عددی مسئلهی بریسرتون [۲۲]، سرعت حرکت قطره به این صورت به دست می آید که به عنوان مثال دو مکان «الف» و «ب» در طول لوله که فاصلهی مشخصی از یکدیگر دارند (مثلاً فاصلهای معادل با دو برابر قطر کانال) در نظر گرفته می شود. با بررسی فرآیند حرکت قطره، زمانی که ابتدای قطره به مکان «الف» میرسد، ثبت میشود. سپس زمانی که ابتدای قطره به مکان «ب» میرسد نیز ثبت میشود. اختلاف زمان رسیدن ابتدای قطره به مکانهای «الف» و «ب»، زمان خالص حرکت قطره بین مکانهای «الف» و «ب» را نشان میدهد. لذا اگر فاصلهی بین مکانهای «الف» و «ب» را تقسیم بر زمان خالص نماییم، سرعت حرکت قطره به دست میآید. یادآوری می گردد که در مسئلهی بریسرتون [۲۲]، سرعت حرکت قطره با زمان تغییر نمی کند زیرا سرعت حرکت سیال پیوسته نسبت به زمان ثابت است. همانطور که در شکل ۵ مشاهده می شود، تطابق بسیار خوبی بین نتایج تحلیلی بریسرتون [۲۲] و نتایج شبیهسازی سه بعدی پژوهش پیش رو مشاهده می شود.



Fig. 4. The computational grid that is used for numerical simulation شکل ۴: تصویر شبکهی محاسباتی در نظر گرفته شده برای حل عددی.



Fig. 5. Comparison of Brethertons equation [22] for droplet speed in the circular tube by the 3D numerical simulation results of the present research. The horizontal .and vertical axes have logarithmic scale

شکل ۵: مقایسه رابطهی تحلیلی بریسر تون [۲۲] برای سرعت قطره در داخل لولهی با مقطع دایروی با نتایج شبیهسازی سه بعدی پژوهش حاضر. محورهای عمودی و افقی، مقیاس لگاریتمی دارند.

در شکل ۶ هندسهی مسئله به صورت سه بعدی نشان داده شده است. قطره در شاخهی ورودی (عمودی) قرار دارد. سیال پیوسته از شاخهی عمودی وارد شده و از دو شاخهی فرعی افقی خارج می شود. طول شاخهی فرعی سمت راست بیش تر از شاخهی سمت چپ است و سطح مقطع هر دو شاخه یکسان است.



شکل ۶: تصویر قطره در اتصال تیشکل با شاخههای غیرهمطول.

۴- حل تحليلى:

در این پژوهش، یک حل تحلیلی برای اتصال تی شکل با شاخههای غیرهم طول انجام شده است. هندسه ی مسئله به صورت یک اتصال تی شکل است که شاخههای آن، سطح مقطع مستطیلی دارند (شکل ۷). طول و عرض کانالها، همان مقادیری است که در شکل ۱ ارائه شده است. عمق هندسه (در جهت عمود بر کاغذ) برابر با ۶ میکرومتر است.

برای سیال غیرنیوتنی که در داخل یک کانال در جریان است، عدد رینولدز به صورت زیر تعریف می شود [۲۳]:

$$Re = \frac{\rho U^{2-n} D_h^n}{8^{n-1} K \left(\frac{c_1}{n} + c_2\right)^n}$$
(Y)

با توجه به مقادیر به دست آمده در رابطه (۹) و با توجه به مشخصات سیالات که در بخش هندسهی سیستم به آن اشاره گردید، میتوان عدد رینولدز جریان را محاسبه نمود. با قرار دادن اعداد مذکور در رابطه (۷)، عدد رینولدز جریان تقریباً ۲/۲۴ به دست میآید و با توجه به این که در جریان غیرنیوتنی در کانال مستطیلی، معیار آرام بودن جریان، کمتر بودن عدد رینولدز از ۲۵۳۵ است، پس میتوان گفت جریان در این مسئله آرام خواهد بود. از طرفی برای جریان سیال غیرنیوتنی آرام در داخل کانال، ضریب اصطکاک به صورت زیر خواهد بود [۳۳]:

$$f = \frac{64}{Re} = \frac{64 \times 8^{n-1} K \left(\frac{c_1}{n} + c_2\right)^n}{\rho U^{2-n} D_h^n}$$
(\.)

در این پژوهش n=۱/۱ در نظر گرفته شده است. لذا رابطه (۱۰) به صورت زیر ساده میشود:

$$f = \frac{78.7932K(0.9091c_1 + c_2)^{1.1}}{\rho U^{0.9} D_h^{1.1}}$$
(11)

افت فشار سیال در داخل کانالی به طول L، به صورت $\Delta P = \rho f (L / D_h) (U^r / r)$ خواهد بود که با جایگذاری رابطه (۱۱) در رابطهی ΔP داریم:

$$\Delta P = \rho f \frac{L}{D_{h}} \frac{U^{2}}{2} = \rho \frac{78.7932K(0.9091c_{1} + c_{2})^{1.1}}{\rho U^{0.9} D_{h}^{1.1}} \frac{L}{D_{h}} \frac{U^{2}}{2}$$
(1Y)
=
$$\frac{33.3966LKU^{1.1}}{D_{h}^{2.1}} (0.9091c_{1} + c_{2})^{1.1}$$

با استفاده از رابطهی
$$D_h = \frac{A}{P}$$
 داریم:

$$\Delta P = \frac{33.3966LKU^{1.1}P^{2.1}}{4^{2.1}A^{2.1}} (0.9091c_1 + c_2)^{1.1}$$

$$= \frac{1.8171LKU^{1.1}P^{2.1}}{A^{2.1}} (0.9091c_1 + c_2)^{1.1}$$
(17)

فشار سیال در خروجی سیستم برابر با فشار محیط است. لذا افت



Fig. 7. The geometry of T-junction with unequal length branches. The droplet enters the system from the vertical channel and breaks to two parts and each parts exit from .one of the branches

شکل ۷: هندسهی اتصال تیشکل با شاخههای غیرهمطول. قطره از شاخهی عمودی وارد سیستم شده و به دو قسمت تقسیم شده و هر یک از دو قسمت، از یکی از شاخههای فرعی خارج میشود.

که ρ چگالی سیال و U سرعت متوسط سیال در لوله، K شاخص سازگاری' و $\frac{fA}{p} = \frac{fA}{p}$ قطر هیدرولیکی کانال و n شاخص جریان قانون توان^۲ است. ₁ c ₂ و c ₂ توابعی بر حسب شکل سطح مقطع کانال است. برای کانالهای با سطح مقطع مستطیلی، نسبت منظر⁷ که با نماد ^ع نشان داده می شود، به صورت نسبت ضلع کوچکتر به ضلع بزرگتر تعریف می شود و مقادیر ₁ c ₂ و ₂ n بر اساس نسبت منظر به مناد ^ع نشان داده می شود و مقادیر ₁ c ₂ و ₂ n بر اساس نسبت منظر به نماد ^ع نشان داده می شود، به صورت نسبت ضلع کوچکتر به ضلع بزرگتر تعریف می شود و مقادیر ₁ c ₂ و ₂ n بر اساس نسبت منظر به نماد ^ع نشان داده می شود و مقادیر ₁ c ₂ و ₂ n بر اساس نسبت منظر به نماد ^ع نشان داده می شود و مقادیر ₁ c ₁ c ₂ n بر اساس نسبت منظر به می می آمد از می در را د در ³ مقطع تمام نسبت منظر (*z*)، محیط (P) و مساحت (A) سطح مقطع شاخهها به صورت زیر خواهد شد (دقت کنید که نسبت منظر، مساحت و محیط سطح مقطع تمام شاخهها یکسان است):

$$\varepsilon = (6 \times 10^{-6} / 20 \times 10^{-6}) = 0.3$$

$$P = 2 \times (6 + 20) \times 10^{-6} = 5.2 \times 10^{-5} m$$

$$A = (6 \times 10^{-6}) \times (20 \times 10^{-6}) = 1.2 \times 10^{-10} m^{2}$$
(A)

با داشتن نسبت منظر برای شاخهها، مقادیر c_1 و c_2 به صورت زیر معلوم می شود [۲۳]:

$$c_1 = 0.29914$$
 $c_2 = 0.79536$ (9)

1 Consistency index

- 2 Flow behavior index
- 3 Aspect ratio

فشار سیال در دو شاخهی فرعی با هم برابر خواهد بود. بنابراین داریم:

$$\frac{1.8171L_{L}K_{L}U_{L}^{1.1}P_{L}^{2.1}}{A_{L}^{2.1}} (0.9091c_{1} + c_{2})_{L}^{1.1}$$

$$= \frac{1.8171L_{R}K_{R}U_{R}^{1.1}P_{R}^{2.1}}{A_{R}^{2.1}} (0.9091c_{1} + c_{2})_{R}^{1.1}$$
(14)

زیرنویس R و L به ترتیب نشاندهنده ی شاخههای راست و چپ است. مقدار K برای هر دو شاخه ی فرعی یکسان است زیرا سیال پیوسته وارد هر دو شاخه می شود. همچنین، محیط (P)، مساحت (A) و $_{1}$ و $_{2}$ و $_{2}$ برای هر دو شاخه ی فرعی یکسان است. لذا رابطه (۱۴) به صورت زیر ساده می شود:

$$L_I U_I^{1,1} = L_R U_R^{1,1} \tag{10}$$

با توجه به اینکه مرکز اتصال، عرضی برابر با ۲۰ میکرومتر دارد، لذا باید این فاصله را بین طول دو شاخهی فرعی تقسیم نمود. یعنی طول شاخهی راست (L_R) و چپ (L_L) به ترتیب ۱۱۰ و ۹۰ میکرومتر خواهد بود. با جایگذاری این مقادیر در رابطه (۱۵) داریم:

$$90 \times 10^{-6} U_L^{1.1} = 110 \times 10^{-6} U_R^{1.1}$$

$$\longrightarrow \qquad \frac{U_R}{U_L} = 0.83324 \qquad (1\%)$$

که U سرعت سیال پیوسته در کانال و زیرنویسهای R و L به ترتیب نشاندهندهی شاخهی راست و چپ است.

هندسه یمسئله به صورتی است که پس از شکست قطره ی اولیه، قطره ی کوچک تر وارد شاخه ی سمت راست و قطره ی بزرگ تر وارد شاخه ی سمت چپ شود. لذا کمیت نسبت حجم به صورت J_R / V_L تعریف می شود که $_R \lor _L$ و $_L \lor$ به ترتیب، حجم قطره ی وارد شده به شاخه ی راست و چپ است. در مبحث شکست قطره در اتصال تی شکل، می توان فرض نمود که نسبت حجم دو قطره ی تولیدی، برابر با نسبت دبی حجمی در دو شاخه ی اتصال است [۲۱]: پس داریم Q_L ای Q_R که $_R \lor V_L = Q_R / Q_L$ به ترتیب دبی

حجمی سیال در شاخههای راست و چپ است. لذا، نسبت حجم دو قطرهی وارد شده به شاخههای فرعی (که برابر با نسبت دبی دو شاخه است) به صورت زیر خواهد شد:

$$\frac{\forall_{R}}{\forall_{L}} = \frac{Q_{R}}{Q_{L}} = \frac{A_{R}U_{R}}{A_{L}U_{L}} \tag{1V}$$

که U سرعت سیال پیوسته در کانال و A مساحت سطح مقطع کانال U_R / U_L = $(L_L / L_R)^{\binom{1}{1/1}}$ با است. با استفاده از رابطه (۱۵) داریم: $\overset{\binom{1}{1/1}}{(100)}$ و با در نظر گرفتن این که سطح جایگذاری این رابطه در رابطه (۱۷) و با در نظر گرفتن این که سطح مقطع شاخهی راست و چپ برابر است، خواهیم داشت معطع شان میدهد در اتصال

تی شکل با شاخههای غیرهم طول، نسبت حجم قطرات تولیدی برابر است با نسبت طول دو شاخهی فرعی به توان ۱/۱. این موضوع یکی از مزایای اتصال تی شکل همراه با شیر را نشان می دهد که می توان نسبت حجم قطرات تولیدی را با استفاده از نسبت طول دو شاخه و شاخص جریان قانون توان (n) یافت. با جایگذاری رابطه (۱۶) در رابطه (۱۷) داریم:

$$\frac{\forall_R}{\forall_L} = \frac{Q_R}{Q_L} = 0.83324 \tag{1A}$$

دبی ورودی به سیستم (Q_{in}) برابر با جمع دبی شاخههای فرعی است. لذا خواهیم داشت:

$$Q_{in} = Q_R + Q_L \rightarrow \frac{Q_{in}}{Q_L} = \frac{Q_R}{Q_L} + 1 \xrightarrow{Q_R/Q_L = 083324} \rightarrow \frac{Q_{in}}{Q_L} = 0.83324 + 1 = 1.83324 \rightarrow \frac{Q_L}{Q_{in}} = 0.54548$$

$$(19)$$

$$\frac{Q_R}{Q_{in}} = \frac{Q_R}{Q_L} \frac{Q_L}{Q_{in}} = 0.83324 \times 0.54548 = 0.45452$$
(Y ·)



Fig. 9. Analytical and numerical results of the right branch velocity (UR) and the left branch velocity (UL) .during the breakup process

شکل ۹: نتایج تحلیلی و عددی سرعت شاخهی سمت راست (UR) و
سرعت شاخهی سمت چپ (UL) در طول فر آیند شکست قطره.

ورودی به سیستم (Q_1/Q_{in}) در طول فرآیند شکست قطره ارائه شده است. همانطور که در شکل مشاهده می شود، نسبت دبی شاخهها با گذشت زمان، ثابت است. این موضوع برای کاربردهای صنعتی موضوع شکست قطرات مفید است، زیرا در صنایع داروسازی، شیمیایی، یتروشیمی و . . . نیاز است تا تعداد زیادی قطره با اندازهی یکسان توليد شود. از طرفي، قبلاً بيان شد كه نسبت حجم قطرات توليد شده در هندسهی این مقاله، برابر با نسبت دبی شاخهی سمت راست به شاخهی چپ است. حال اگر نسبت دبی شاخهها در طول زمان ثابت بماند، نسبت حجم قطرات توليدى نيز با زمان تغيير نخواهد کرد که یدیدهای مطلوب است. همچنین طبق شکل، دبی شاخهی سمت راست حدود ۱۸ درصد کمتر از دبی شاخهی سمت چپ است. دلیل این امر این است که شاخهی سمت راست به دلیل داشتن طول بیشتر، مقاومت هیدرولیکی بیشتری دارد، لذا درصد کمتری از جریانی که از کانال ورودی به سیستم وارد می شود، وارد شاخهی سمت راست و درصد بیشتری وارد شاخهی سمت چپ می شود. طبق شکل، نتایج تحلیلی و عددی نسبت دبی شاخهها، تطابق بسیار خوبی با یکدیگر دارد.

در شکل ۹ نتایج تحلیلی و عددی سرعت شاخهی سمت راست



Fig. 8. Analytical and numerical results for the ratio of the right branch flow rate to left branches flow rate (QR/QL) and the ratio of the right branch flow rate to inlet channel flow rate (QR/Qin) and the ratio of the left branch flow rate to inlet channel flow rate (QL/Qin) dur-.ing the breakup process

به طور مشابه برای نسبت سرعت شاخهی فرعی چپ به سرعت سیال ورودی به سیستم (یعنی U_L/U_{in}) داریم:

$$\frac{\underline{Q}_L}{\underline{Q}_{in}} = 0.54548 \quad \rightarrow \quad \frac{\underline{U}_L A_L}{\underline{U}_{in} A_{in}} = 0.54548$$

$$\xrightarrow{A_{in} = A_L} \quad \underbrace{U_L}_{\underline{U}_{in}} = 0.54548 \quad (\Upsilon\Upsilon)$$

در شکل ۸ نتایج تحلیلی و عددی نسبت دبی شاخهی سمت راست به دبی شاخهی سمت راست به دبی شاخهی سمت (Q_R/Q_L) و دبی شاخهی سمت چپ به دبی دبی ورودی به سیستم (Q_R/Q_n) و دبی شاخهی سمت چپ به دبی

 (J_R) و سرعت شاخهی سمت چپ (J_L) و سرعت شاخهی ورودی به سیستم (J_n) در طول فرآیند شکست قطره ارائه شده است. طبق شکل، سرعت سیال در شاخهها، در طول زمان تغییر نمی کند. همانطور که مشاهده می شود، سرعت سیال در شاخهی راست کمتر از شاخهی چپ است. در این شکل نیز مشاهده می شود که نتایج تحلیلی و عددی نسبت سرعت شاخهها، تطابق بسیار خوبی با یکدیگر دارد.

ادامهی حل تحلیلی برای هندسهی دو بعدی انجام خواهد شد. ابعاد هندسهی دو بعدی دقیقاً مطابق شکل ۱ است. در اتصال دو بعدی، عمق هندسه (در جهت عمود بر کاغذ) بینهایت است. با توجه به این که محیط (P) و مساحت (A) سطح مقطع تمام شاخههای هندسهی مسئله یکسان است، لذا داریم [۲۳]:

$$\varepsilon \approx 0$$
 $P \approx 2Z$ $A = (20 \times 10^{-6}) \times Z$
 $c_1 = 0.4938$ $c_2 = 0.99275$ (TT)

که Z عمق هندسه در جهت عمود بر کاغذ است. رابطه (۱۴) برای اتصال دو بعدی نیز برقرار است، لذا با جایگذاری مقادیر رابطه (۲۳) در رابطه (۱۴) داریم:

$$L_{I}U_{L}^{1,1} = L_{R}U_{R}^{1,1} \tag{(14)}$$

با توجه به اینکه مرکز اتصال، عرضی برابر با ۲۰ میکرومتر دارد، لذا باید این فاصله را بین طول دو شاخهی فرعی تقسیم نمود. یعنی طول شاخهی راست (L_R) و چپ (L_L) به ترتیب ۱۱۰ و ۹۰ میکرومتر خواهد بود. با جایگذاری این مقادیر در رابطه (۲۴) داریم:

$$90 \times 10^{-6} U_L^{1.1} = 110 \times 10^{-6} U_R^{1.1}$$

$$\longrightarrow \qquad U_R / U_L = 0.83324 \qquad (Ya)$$

که U سرعت سیال پیوسته در کانال و زیرنویس های R و L به ترتیب نشان دهنده ی شاخه ی راست و چپ است. با استفاده از رابطه های (۲۳) و (۲۵) داریم:

$$\frac{\forall_{R}}{\forall_{L}} = \frac{Q_{R}}{Q_{L}} = \frac{A_{R}U_{R}}{A_{L}U_{L}} = 0.83324 \tag{(YF)}$$

در حین پخش شدن قطره در مرکز اتصال، در یک لحظه ی خاص، قطره به صورت شکل ۷ در میآید. این لحظه را زمان ابتدایی فرآیند شکست (t=۰) در نظر می گیریم. در لحظهای که قطره در شکل ۷ شکست (t=۰) در نظر می گیریم. در لحظهای که قطره در شکل ۷ انشان داده شده است، حجم قطره ی شاخه ی سمت راست (∇_L) برابر با حجم قسمت ABCA و حجم قطره در شاخه ی سمت چپ (∇_L) برابر با حجم قسمت ADCA است. همانطور که قبلاً نیز بیان شد، در مبحث شکست قطره در اتصال تی شکل، می توان فرض نمود که نسبت مبحث شکست قطره در اتصال تی شکل، می توان فرض نمود که نسبت مبحث شکست قطره در اتصال تی شکل، می توان فرض نمود که نسبت مبحث شکست قطره در اتصال تی شکل، می توان فرض نمود که نسبت مبحث شکست قطره در اتصال تی شکل، می توان فرض نمود که نسبت مبحث شکست قطره در اتصال تی شکل، می توان فرض نمود که نسبت مبحث محم دو قطره در اتصال تی شکل، می توان فرض نمود که نسبت مبحث محم دو قطره در اتصال تی شکل، می توان فرض نمود که نسبت مبحث محم دو قطره در اتصال تی شکل، می توان فرض نمود که نسبت مبحث محم دو قطره در اتصال تی شکل، می توان فرض نمود که نسبت مبحث محم دو قطره در اتصال تی شکل، می توان فرض نمود که نسبت مبحث محم دو قطره در اتصال تی شکل، می توان فرض نمود که نسبت مبحث محم دو قطره در اتصال تی شکل، می توان فرض نمود که نسبت محم دو قطره در اتصال تی شکل، می توان فرض نمود که نسبت محم محم دو قطره در اتصال محم می دانیم جمع محم دو شاخه ی P_R که مقدار P_R برابر با حجم کل قطره (m) است. لذا داریم:

$$\forall_{R} + \forall_{L} = \forall_{in} \longrightarrow \frac{\forall_{R}}{\forall_{L}} + 1 = \frac{\forall_{in}}{\forall_{L}} \xrightarrow{\forall_{R}/\forall_{L} = 0.8702}$$

$$\frac{\forall_{L}}{\forall_{in}} = \frac{1}{0.83324 + 1} = 0.54548$$

$$(YV)$$

$$\frac{\forall_{R}}{\forall_{in}} = \frac{\forall_{R}}{\forall_{L}} \frac{\forall_{L}}{\forall_{in}} = 0.45452$$

از طرفی پژوهشهای متعددی نشان داده است که انتهای قطره (یعنی محل نقاط B و D در شکل ۷) به صورت نیم دایرهای است که قطر آن تقریباً برابر با عرض کانال است [۲۴]. لذا داریم:

$$\frac{\forall_{R}}{\forall_{in}} = 0.45452 \longrightarrow$$

$$\frac{\left(S_{R0} - \frac{w}{2}\right)w + \frac{\pi w^{2}}{8}}{\left(S_{in} - w\right)w + \frac{\pi w^{2}}{4}} = 0.45452$$

$$(\Upsilon A)$$

که S_{in} طول اولیهی قطره قبل از رسیدن به مرکز اتصال است که در این مقاله $m = \frac{7}{\Lambda 97} \frac{\sqrt{9}}{100} = \frac{7}{\Lambda 97} \frac{\sqrt{9}}{100}$ است. با جایگذاری مقادیر S_{in} و عرض کانالها ($m = 100 \times 10^{-9}$ c) در رابطه (۲۸) خواهیم داشت: (۲۲) را تکرار کنیم نتایج زیر به دست خواهد آمد:

$$U_R/U_{in} = 0.45452$$

 $U_L/U_{in} = 0.54548$ (TY)

با جایگذاری مقادیر رابطههای (۲۹) و (۳۲) در رابطه (۳۱) داریم:

$$\frac{S_R}{w} = 1.7788 + 0.45452 \frac{0.3t}{20 \times 10^{-6}} \longrightarrow \frac{S_R}{w}$$
(VV)
= 1.7788 + 6817.8t

به طور مشابه برای شاخهی فرعی سمت چپ (با استفاده از رابطههای (۳۲) و (۳۲)) داریم:

$$S_{L} = S_{L0} + U_{L} \times t \rightarrow \frac{S_{L}}{w} = \frac{S_{L0}}{w} + \frac{U_{L}}{U_{in}} \frac{U_{in}t}{w}$$

$$\frac{S_{L}}{w} = 2.1133 + 0.54548 \frac{0.3t}{20 \times 10^{-6}}$$

$$\rightarrow \frac{S_{L}}{w} = 2.1133 + 8182.2t$$
(TF)

در شکل ۱۱، نتایج تحلیلی و عددی طول قطره در شاخهی راست (S_{R}/W) ، طول قطره در شاخهی چپ (S_{R}/W) و طول کلی قطره که است. همانطور که ($S_{R}/W+S_{L}/W$) در حین فرآیند شکست ارائه شده است. مانطور که مشاهده می شود، طول قطره در هر یک از شاخههای فرعی و نیز طول کلی قطره، به صورت خطی با زمان افزایش می یابد. دلیل این امر آن است که مطابق شکل ۱۰، طول قطره برابر با فاصلهی نقطهی B تا مرکز اتصال است. از طرفی سرعت حرکت نقطه ی B برابر با سرعت سیال پیوسته در شاخهی راست است. لذا نقطهی B با سرعت ثابت حرکت نموده و در نتیجه فاصلهی آن تا مرکز اتصال (یعنی طول قطره) به صورت خطی با زمان افزایش خواهد یافت. همچنین مشاهده می شود که طول قطره در شاخهی راست اندکی کمتر از طول قطره در شاخهی چپ است زیرا شاخهی راست به دلیل داشتن عرض کمتر، مقاومت هیدرولیکی بیشتری دارد و در نتیجه حجم کمتری از قطره وارد این شاخه می شود. طبق شکل، تطابق نسبتاً خوبی بین نتایج تحلیلی و عددی وجود دارد. طبق شکل ۱۱، اختلاف حل تحلیلی و عددی کمتر از ۸ درصد است.



Fig. 10. The geometry of T-junction with unequal length branches. The droplet is deforming in the center of junction. The speed of point B is approximately equal to the .continuous fluid velocity

شکل ۱۰: هندسهی اتصال تیشکل با شاخههای غیرهمطول. قطره در حال پخش شدن در مرکز اتصال نشان داده شده است. سرعت حرکت نقطهی

. تقريباً برابر با سرعت سيال پيوسته است. ${f B}$

$$\frac{S_{R0}}{W} = 1.7788$$
 (79)

به طریق مشابه برای شاخهی سمت چپ داریم:

$$\frac{\forall_{L}}{\forall_{in}} = 0.54548 \quad \rightarrow \quad \frac{\left(S_{L0} - \frac{w}{2}\right)w + \frac{\pi w^{2}}{8}}{\left(S_{in} - w\right)w + \frac{\pi w^{2}}{4}} \tag{(7.)}$$

 $= 0.54548 \quad \rightarrow \quad \frac{S_{L0}}{w} = 2.1133$

پس از گذشت چند لحظه از آغاز فرآیند شکست، قطره به صورت شکل ۱۰ تغییر حالت میدهد. با توجه به این که قطره یوارد شده به شاخههای فرعی، فضای شاخه را پُر می کند، سرعت حرکت نقطه ی شاخههای فرعی، فضای شاخه را پُر می کند، سرعت حرکت نقطه ی شاخههای فرعی، فضای شاخه راست (_R) را به صورت زیر محاسبه نماییم:

$$S_{R} = S_{R0} + U_{R} \times t \longrightarrow$$

$$\frac{S_{R}}{w} = \frac{S_{R0}}{w} + \frac{U_{R}}{U_{in}} \frac{U_{in}t}{w}$$
(٣١)

در این پژوهش $U_{in} = \cdot / \operatorname{mms}$ است. اگر روند رابطههای (۱۹) تا



Fig. 12. Droplet breakup process in the T-junction with unequal length branches. After breakup, the smaller droplet enters the right branch and the larger droplet .enters the left branch

شکل ۱۲: فرآیند شکست قطره در اتصال تیشکل با شاخههای غیرهمطول. پس از شکست، قطرهی کوچک تر وارد شاخهی راست و قطرهی بزرگ تر وارد شاخهی چپ می شود.



Fig. 13. The droplet image before reaching the center of junction. Five sections from droplet are selected to report .the results

شکل ۱۳. تصویر قطره قبل از رسیدن به مرکز اتصال. پنج مقطع از قطره برای ارائهی نتایج انتخاب شده است.

در شکل ۱۳ تصویر قطره قبل از رسیدن قطره به مرکز اتصال ارائه شده است. همانطور که در شکل مشاهده می شود، پنج مقطع مختلف از قطره نشان داده شده است که در ادامه نتایج مربوط به این پنج مقطع گزارش می شود.

در نتایجی که در ادامه ارائه میشود، منظور از مکان بیبعد (محور افقی) همان مقدار x در شکل ۳۱ است. در واقع در شکل فوق، محورهای مختصات نشان داده شده است. لذا هر کدام از نقاط روی خطچینهای نشان داده شده در شکل، دارای یک مؤلفهی x به نسبت مبدأ مختصات خواهند بود. اگر این مؤلفهی x را تقسیم بر عرض شاخه (w) نماییم، کمیت مکان بیبعد که در محور افقی نمودارهای پیش رو آمده است به دست میآید.

در شکل ۱۴ نمودار فشار سیال در پنج مقطع مختلف از قطره،



Fig. 11. The analytical and numerical results of droplet length in right branch (SR/w), the droplet length in left branch (SL/w) and the whole length of droplet (SR/w +SL/w) during the breakup process. The droplet length is dimensionless using the channel width. The droplet length in each channel increases linearly with time. The differences of analytical and numerical results are less than 8 percent

شکل ۱۱: نتایج تحلیلی و عددی طول قطره در شاخهی راست (SR/w)، طول قطره در شاخهی چپ (SL/w) و طول کلی قطره (SR/w+ SL/w) در حین فرآیند شکست. مقادیر طول قطره با استفاده از عرض کانالها بی بعد شده است. طول قطره در هر شاخه به صورت خطی با زمان افزایش می یابد. اختلاف حل تحلیلی و عددی کمتر از ۸ درصد است.

در شکل ۱۲ فرآیند شکست (تصویر قطره در شش حالت مختلف در طول فرآیند شکست)، نشان داده شده است. همانطور که مشاهده میشود، ابتدا و انتهای قطره تقریباً به صورت نیمدایره است که این موضوع قبلاً نیز در حل تحلیلی اشاره شد. همچنین سطح بالایی قطره به صورت کمانی از دایره است که از این مورد میتوان برای سادهسازی معادلات حاکم در حلهای تحلیلی استفاده نمود.

۵- نتایج و بحث

در این بخش نتایج شبیه سازی عددی سه بعدی در سه حالت مختلف قطره گزارش می شود. این سه حالت عبار تند از: ۱- قبل از رسیدن قطره به مرکز اتصال. ۲- در حین پخش شدن قطره در مرکز اتصال. ۳- پس از شکست قطره.



Fig. 14. The fluid pressure in five different sections of droplet before reaching the center of junction. The five selected sections cover first to end of the droplet (Fig. 11). The location (horizontal axis) is dimensionless using (the inlet channel width (w

شکل ۴: فشار سیال در پنج مقطع مختلف از قطره، قبل از رسیدن قطره به مرکز اتصال. پنج مقطع انتخاب شده از قطره، از ابتدا تا انتهای قطره را پوشش میدهد (شکل ۱۱). مکان (محور افقی) بر اساس عرض کانال

ورودی (w) بیبعد شده است.

در شکل ۱۵ اندازهی سرعت سیال در پنج مقطع مختلف از قطره نشان داده شده است. تصاویر مقاطع مذکور در شکل ۱۳ نشان داده شده است. همانطور که در شکل ۱۵ مشاهده می شود، توزیع سرعت

سیال به صورت سهمی است زیرا جریان در داخل کانال ورودی آرام است (عدد رینولدز کمتر از ۱۰ است) و میدانیم که در جریان آرام، توزیع سرعت سهموی است. در مقطع Y = 1/TW ابتدای قطره در حال نزدیک شدن به مرکز اتصال است لذا سرعت سیال در این نواحی، متفاوت از سرعت سیال در مقاطع دیگر است که این موضوع در شکل ۱۵ نیز مشاهده می گردد.

در شکل ۱۶ اندازهی گردابی^۱ در پنج مقطع مختلف قطره نشان داده شده است. همانطور که میدانیم، گردابی به صورت نشان داده شده است. همانطور که میدانیم، گردابی به صورت $\nabla = \nabla = \nabla = \nabla = \overline{\zeta}$ تعریف می گردد. با افزایش میزان گردابی، گرادیان سرعت در داخل قطره بیشتر شده، لذا اختلاط داخل قطره افزایش مییابد که این پدیده در کاربردهای صنعتی مانند صنایع داروسازی و شیمیایی مطلوب است. در مناطق نزدیک به دیواره که تغییرات سرعت نیز شدیدتر است، گردابی بیشتر است و لذا در این مناطق، اختلاط مواد داخل قطره افزایش مییابد که این موضوع در شکل ۱۶ دیده می شود.

در شکل ۱۷ مقادیر لزجت مؤثر سیال (μ_{eff}) در پنج مقطع مختلف از قطره نشان داده شده است. تصاویر مقاطع مذکور در شکل ۱۳ نشان داده شده است. همانطور که میدانیم، لزجت سیال غیرنیوتنی توانی به صورت $\pi = K \left(\partial u / \partial y \right)^n$ تعریف میشود که لزجت مؤثر (μ_{eff}) نیز با اصلاح رابطهی مذکور به صورت $\pi = K \left(\partial u / \partial y \right)^{n-1} \left(\partial u / \partial y \right) = \mu_{eff} \left(\partial u / \partial y \right)$ صورت $\mu_{eff} = K \left(\partial u / \partial y \right)^{n-1}$ ($\partial u / \partial y = \mu_{eff} \left(\partial u / \partial y \right)$ میگردد، بنابراین خواهیم داشت $^{n-1} \left(\log u / \partial y \right)$ همانطور که در شکل ۱۷ مشاهده میشود لزجت مؤثر در طول کانال تغییرات اندکی دارد. به عبارت دیگر لزجت مؤثر تمام مقاطع (از تا ۱/۲۰۰۴ یاسکال ثانیه متغیر است.

در شکل ۱۸ تصویر قطره در حین پخش شدن در مرکز اتصال نشان داده شده است. همانطور که در شکل مشاهده می شود، پنج مقطع مختلف از قطره نشان داده شده است که در ادامه نتایج مربوط به این پنج مقطع گزارش می شود.

در نتایجی که در ادامه ارائه می شود، منظور از مکان بی بعد (محور افقی) همان مقدار y در شکل ۱۸ است. در واقع در شکل فوق،

¹ Vorticity



Fig. 15. Fluid velocity in five different sections from first to end of the droplet (the sections are shown in Fig. 13). The .horizontal axis shows the location that is dimensionless using the inlet channel width

شکل ۱۵: سرعت سیال در پنج مقطع مختلف از ابتدا تا انتهای قطره (مقاطع در شکل ۱۳ نشان داده شده است). محور افقی، مکان را نشان میدهد که بر اساس عرض کانال ورودی بیبعد شده است.



Fig. 17. The effective viscosity in five different sections from first to end of the droplet before reaching the droplet to the center of junction (The selected sections are shown in Fig. 13). The location values that are shown in horizontal axis are dimensionless using the inlet channel .width

شکل ۱۷: نمودار لزجت مؤثر در پنج مقطع مختلف از ابتدا تا انتهای قطره، قبل از رسیدن قطره به مرکز اتصال (مقاطع انتخابی در شکل ۱۳ نشان داده شده است). مقادیر مکان که در محور افقی نشان داده شده است توسط عرض کانال ورودی بیبعد شده است.

شکل، فشار سیال در نواحی نزدیک به مرکز اتصال (x=۰) بیش ترین مقدار را داراست و با دور شدن از مرکز اتصال، فشار سیال کاهش مییابد زیرا جریان از مرکز اتصال به سمت شاخهها برقرار است و با توجه به وجود زبری سطح و لزجت سیال، و طبق معادلهی ناویر استوکس، در این راستا فشار کاهش خواهد یافت. همچنین به دلیل ناچیز بودن مؤلفهی سرعت سیال در راستای عرض کانال، گرادیان



Fig. 16. Vorticity in five different sections from first to end of the droplet (Fig. 13 shows the sections). The location values that are shown in horizontal axis are dimen-.sionless using the inlet channel width

شکل ۱۶: نمودار گردابی در پنج مقطع مختلف از ابتدا تا انتهای قطره (شکل ۱۳ مقاطع انتخاب شده را نشان میدهد). مقادیر مکان که در محور افقی نشان داده شده است توسط عرض کانال ورودی بیبعد شده است.

محورهای مختصات نشان داده شده است. لذا هر کدام از نقاط روی خطچینهای نشان داده شده در شکل، دارای یک مؤلفهی y به نسبت مبدأ مختصات خواهند بود. اگر این مؤلفهی y را تقسیم بر عرض شاخه (w) نماییم، کمیت مکان بیبعد که در محور افقی نمودارهای پیش رو آمده است به دست میآید.

در شکل ۱۹ نمودار فشار سیال در پنج مقطع مختلف از قطره، در حین پخش شدن قطره در مرکز اتصال نشان داده شده است. طبق



Fig. 20. Fluid velocity in five different sections from first to end of the droplet (the sections are shown in Fig. 18) during the droplet deformation in the center of junction. The horizontal axis shows the location that is dimension-.less using the inlet channel width

شکل ۲۰: سرعت سیال در پنج مقطع مختلف از ابتدا تا انتهای قطره (مقاطع در شکل ۱۸ نشان داده شده است) در حین پخش شدن قطره در مرکز اتصال. محور افقی مکان را نشان میدهد که بر اساس عرض کانال ورودی بی بعد شده است.

تصاویر مقاطع مذکور در شکل ۱۸ مشاهده می شود. نواحی نزدیک به نقطهی C در شکل ۷، شبیه به نقطهی سکون عمل می کنند زیرا در مرکز اتصال، سیال از دو طرف به سمت دو شاخه می رود. بنابراین در نواحی نزدیک به نقطهی C، سرعت سیال کم خواهد بود. به همین دلیل در شکل ۲۰ مشاهده می شود که منحنی مربوط به ۲۰ در نقاط نزدیک به دیواره، دارای سرعت نزدیک به صفر است.

در شکل ۲۱ اندازهی گردابی در پنج مقطع مختلف در حین پخش شدن قطره در مرکز اتصال نشان داده شده است. با مقایسهی شکلهای ۱۶ و ۲۱ درمییابیم که مقادیر گردابی در حین پخش شدن قطره کمتر از زمانی است که هنوز قطره به مرکز اتصال نرسیده است (گردابی قبل از رسیدن قطره به مرکز اتصال بین ۲۰۰۰۰ تا ۱۴۳۰۰۰ و در حین پخش شدن قطره بین ۲۰۰۰۰ تا ۱۴۳۰۰۰ تا مادهی شیمیایی در داخل یک قطره است. در این کاربرد که صنایع شیمیایی و داروسازی میتوانند از آن بهره ببرند، چند ماده را در شوند. موادی که به داخل قطره اضافه شده است، با دیوارهی سیستم شوند. موادی که به داخل قطره اضافه شده است، با دیوارهی سیستم تماس ندارند (چون اصولاً در حرکت قطره در داخل کانال، قطره با جدارهی کانال تماس پیدا نمی کند). لذا اگر موادی که در داخل قطره وجود دارد، مواد اسیدی و خورنده باشد، مشکلی برای سیستم ایجاد



Fig. 18. The droplet image during the droplet deformation in the center of junction. Five sections from droplet .are selected to report the results

شکل ۱۸. تصویر قطره در حین پخش شدن قطره در مرکز اتصال. پنج مقطع از قطره برای ارائهی نتایج انتخاب شده است.



Fig. 19. The fluid pressure in five different sections of droplet during the droplet deformation in the center of junction. The five selected sections cover first to end of the droplet (Fig. 18). The location (horizontal axis) is .(dimensionless using the inlet channel width (w

شکل ۱۹. فشار سیال در پنج مقطع مختلف از قطره، در حین پخش شدن قطره در مرکز اتصال. پنج مقطع انتخاب شده از قطره، از ابتدا تا انتهای قطره را پوشش میدهد (شکل ۱۸). مکان (محور افقی) بر اساس عرض کانال ورودی (w) بیبعد شده است.

فشار در این راستا ناچیز است لذا در شکل مشاهده می شود که فشار سیال در عرض کانال ثابت است؛ اما در منحنی • =x فشار سیال با افزایش مکان افزایش می یابد که دلیل این امر آن است که در مکان •=x مکانهای بالاتر به کانال ورودی نزدیک تر است لذا فشار بیش تری خواهد داشت. به دلیل اثرات کشش سطحی، فشار سیال درون قطره اندکی بیش تر از فشار بیرون قطره است. به همین دلیل در شکل ۱۹ مشاهده می شود که ابتدا و انتهای هر منحنی (چپ و راست هر منحنی) فشار کمتری دارد.

در شکل ۲۰ اندازهی سرعت سیال در پنج مقطع مختلف از قطره در حین پخش شدن قطره در مرکز اتصال نشان داده شده است.



Fig. 22. The effective viscosity in five different sections from first to end of the droplet during the droplet deformation in the center of junction (The selected sections are shown in Fig. 18). The location values that are shown in horizontal axis are dimensionless using the inlet chan-.nel width

شکل ۲۲: نمودار لزجت مؤثر در پنج مقطع مختلف از ابتدا تا انتهای قطره در حین پخش شدن قطره در مرکز اتصال (مقاطع انتخابی در شکل ۱۸ نشان داده شده است). مقادیر مکان که در محور افقی نشان داده شده است توسط عرض کانال ورودی بیبعد شده است.

مؤثر اندکی کاهش مییابد. دلیل این امر میتواند این موضوع باشد که سرعت جریان در شاخههای فرعی (افقی) کمتر از سرعت در کانال ورودی است. از طرفی سطح مقطع تمام شاخهها یکسان است. پس گرادیانهای سرعت در شاخههای فرعی نیز کمتر از کانال ورودی است. لذا لزجت مؤثر در شاخههای فرعی کمتر از شاخهی ورودی خواهد بود. بنابراین وقتی قطره در شاخههای فرعی قرار دارد (یعنی در حین فرآیند پخش شدن) لزجت مؤثر کمتر از حالتی است که قطره در شاخهی ورودی قرار دارد و به مرکز اتصال نرسیده است.

شکل ۲۴ نمودار فشار سیال در شش مقطع مختلف از قطره، پس از شکست قطره را نشان میدهد. مقاطع انتخاب شده از قطره (شکل ۲۳)، از ابتدا تا انتهای قطره را پوشش میدهد. مطابق شکل، مقاطع نزدیک به مرکز اتصال فشار بیشتری دارند (به دلیل وجود جریان از مرکز اتصال به سمت خروجی شاخهها). همچنین فشار سیال در هر مقطع یکنواخت است (به دلیل عدم وجود جریان در راستای عرض کانال). در برخی کاربردهای صنعتی، از سیالاتی استفاده میشود که نقطهی جوش پایینی دارند. در این موارد باید سعی نمود تا فشار سیال در داخل سیستم پایین نیاید زیرا در آن صورت ممکن است فشار سیال به فشار بخار سیال مورد نظر رسیده و بخشی از سیال



Fig. 21. Vorticity in five different sections from first to end of the droplet (Fig. 18 shows the sections) during the droplet deformation in the center of junction. The location values that are shown in horizontal axis are dimen-.sionless using the inlet channel width

شکل ۲۱: نمودار گردابی در پنج مقطع مختلف از ابتدا تا انتهای قطره (شکل ۱۸ مقاطع را نشان میدهد) در حین پخش شدن قطره در مرکز اتصال. مقادیر مکان که در محور افقی نشان داده شده است توسط عرض کانال ورودی بیبعد شده است.

نمی کند چون این مواد خورنده، با دیواره تماس پیدا نمی کند. در هر حال، با وارد کردن مواد به داخل قطره، باید شرایطی فراهم شود که جریانهای داخل قطره بالا باشد تا مواد داخل قطره به خوبی با یکدیگر مخلوط شوند. اکنون با توجه به تحلیلی که بیان گردید، اگر به شکل ۲۱ دقت کنیم خواهیم دید که در نواحی نزدیک به مرز قطره، مقادیر گردابی، بالاتر از سایر نواحی است یعنی اختلاط مواد در این مناطق، بهتر انجام می شود. همچنین میزان گردابی قبل از رسیدن قطره به مرکز اتصال بیش از هنگامی است که قطره در حال شکست است. پس در کاربردهایی که نیاز است تا مواد داخل قطره بهتر با یکدیگر ترکیب شوند، بهتر است مواد اولیه که قرار است با هم مخلوط شوند را قبل از رسیدن قطره به مرکز اتصال، در داخل قطره قرار دهیم تا مواد به خوبی با یکدیگر ترکیب شوند.

در شکل ۲۲ مقادیر لزجت مؤثر سیال (μ_{eff}) در پنج مقطع از قطره در حین پخش شدن قطره در مرکز اتصال نشان داده شده است. لزجت مؤثر در حالتی که قطره هنوز به مرکز اتصال نرسیده (شکل ۱۷) بین ۲/۰۰۳۵ تا ۰/۰۰۴۱ پاسکال ثانیه و در حالتی که قطره در حین پخش شدن است (شکل ۲۲) بین ۲/۰۰۳۵ تا ۰/۰۰۳۹۷ پاسکال ثانیه است. پس با شروع فرآیند پخش شدن قطره، لزجت



Fig. 25. Fluid velocity in six different sections from first to end of the droplet (the sections are shown in Fig. 23) after droplet breakup. The horizontal axis shows the lo-.cation that is dimensionless using the inlet channel width

شکل ۲۵. سرعت سیال در شش مقطع مختلف از ابتدا تا انتهای قطره (مقاطع در شکل ۲۳ نشان داده شده است) پس از شکست قطره. محور افقی مکان را نشان میدهد که بر اساس عرض کانال ورودی بیبعد شده است.

و x = 1/9، مکان عمودی بیبعد ۰/۳۸ متناظر با سطح بالایی قطره است (شکل ۲۳). از طرفی در لحظهای که قطره در وضعیت شکل ۲۳ قرار دارد، شکل هر کدام از قطرههای موجود در هر شاخه به صورت کشیده (شبیه به ایرفویل) است که قطره به دلیل اثرات کشش سطحی، تمایل دارد خود را به صورت دایرهای درآورد لذا سطح بالایی قطره سرعت بالاتری می گیرد تا خود را به دیوارهی بالایی رسانده و شکل قطره دایرهای شود.

در شکل ۲۶ اندازهی گردایی در شش مقطع مختلف قطره پس از شکست قطره نشان داده شده است. با مقایسهی شکلهای ۱۶، ۲۱ و ۲۶ در مییابیم که در فرآیند شکست قطره، بیشترین گردابی در لحظهای روی میدهد که قطره به مرکز اتصال نرسیده است زیرا در این حالت، قطره در شاخهی ورودی قرار دارد و سرعت این شاخه از سایر شاخهها بیشتر است و چون سطح مقطع تمام شاخهها یکسان است، گرادیانهای سرعت و در نتیجه مقادیر گردابی در شاخهی ورودی بالاتر خواهد بود. به صورت کمّی میتوان گفت، مقادیر گردابی قبل از رسیدن قطره به مرکز اتصال، بین ۲۰۰۰۰ تا ۲۰۰۰۰۰، در قطره بین ۲۰۰۰۰ تا ۱۵۰۰۰۰ است. همچنین طبق شکل ۲۶، گردابی مناطق نزدیک به مرز قطره تقریباً ۳ تا ۷ برابر مقادیر گردابی



Fig. 23. The droplet image after droplet breakup. Six sections from droplet are selected to report the results.

شکل ۲۳. تصویر قطره پس از شکست قطره. شش مقطع از قطره برای ارائهی نتایج انتخاب شده است.



Fig. 24. The fluid pressure in six different sections of droplet after droplet breakup. The six selected sections cover first to end of the droplet (Fig. 23). The location (horizontal axis) is dimensionless using the inlet channel .(width (w

شکل ۲۴: نمودار فشار سیال در شش مقطع مختلف از قطره، پس از شکست قطره. شش مقطع انتخاب شده از قطره، از ابتدا تا انتهای قطره را پوشش میدهد (شکل ۲۳). مکان (محور افقی) بر اساس عرض کانال

ورودی (w) بیبعد شده است.

دچار تبخیر و فرآیند مختل شود. در این پژوهش نیز کمترین فشار در شکل ۲۴ و در منحنی x = - w و در نقاط نزدیک به مرز قطره دیده میشود. لذا باید در انتخاب نوع سیالات برای سیستمهای میکروسیالی دقت لازم را به عمل آورد.

در شکل ۲۵ اندازهی سرعت سیال در شش مقطع مختلف از قطره پس از شکست قطره نشان داده شده است. تصاویر مقاطع مذکور در شکل ۲۳ مشاهده میشود. طبق شکل ۲۵ بیشترین سرعت در منحنیهای ۲/۱w و x = 1/9 و x = 1/9 در مکان بیبعد x = x = x = x = x = x



Fig. 27. The effective viscosity in six different sections from first to end of the droplet (The selected sections are shown in Fig. 23). The location values that are shown in horizontal axis are dimensionless using the inlet channel .width

شکل ۲۷: نمودار لزجت مؤثر در شش مقطع مختلف از ابتدا تا انتهای قطره (مقاطع انتخابی در شکل ۲۳ نشان داده شده است). مقادیر مکان که در محور افقی نشان داده شده است توسط عرض کانال ورودی بیبعد شده است.

غیرهمطول بود که میتواند قطرات با اندازههای غیریکسان تولید نماید. در یژوهشهای گذشته شکست نامتقارن قطرات غیرنیوتنی و نیز حل تحلیلی برای شکست قطرات غیرنیوتنی مورد بررسی قرار نگرفته است و این دو مورد برای اولین بار در مقالهی حاضر مورد بررسی قرار گرفت. از مزایای هندسهی این پژوهش این است که پس از تولید قطرات جدید، قطرات کوچک و بزرگ تولید شده با یکدیگر مخلوط نیست و نیاز به فرآیند دیگری برای جداسازی قطرات نمی باشد. همچنین نتایج حل تحلیلی نشان داد که در اتصال تی شکل با شاخههای غیرهمطول، نسبت حجم قطرات تولیدی برابر است با نسبت طول دو شاخهی فرعی به توان ۱/n که n شاخص جریان قانون توان است. استقلال حل از شبکه برای شبیه سازی عددی سه بعدی انجام شد. نتایج حل تحلیلی و شبیه سازی عددی این پژوهش، تطابق بسیار خوبی با یکدیگر داشت. همچنین نتایج شبیهسازی عددی با حل تحلیلی یک پژوهش مبنا مقایسه و تطابق بسیار خوبی مشاهده شد. کمیتهای متعددی از قبیل نسبت دبی شاخهها، نسبت سرعت شاخهها، طول قطره در هر شاخه، طول کلی قطره، گردابی، فشار و لزجت مؤثر در طول فرآیند شکست مورد بررسی قرار گرفت. با حل تحليلي اين يژوهش، مقادير نسبت دبي شاخهها، نسبت سرعت



Fig. 26. Vorticity in six different sections from first to end of the droplet (Fig. 23 shows the sections) after droplet breakup. The location values that are shown in horizon-.tal axis are dimensionless using the inlet channel width

شکل ۲۶: نمودار گردابی در شش مقطع مختلف از ابتدا تا انتهای قطره (شکل ۲۳ مقاطع را نشان میدهد) پس از شکست قطره. مقادیر مکان که در محور افقی نشان داده شده است توسط عرض کانال ورودی بیبعد شده است.

نواحي وسط قطره است.

در شکل ۲۷ مقادیر لزجت مؤثر سیال (μ_{eff}) در شش مقطع مختلف از قطره پس از شکست قطره نشان داده شده است. تصاویر مقاطع مذکور در شکل ۲۳ نشان داده شده است. با مقایسهی نمودار لزجت مؤثر در حالتی که قطره هنوز به مرکز اتصال نرسیده است (شکل ۱۷)، حالتی که قطره در حین پخش شدن است (شکل ۲۲) و حالتی که قطره شکسته شده است (شکل ۲۷) درمییابیم که بیشترین مقادیر لزجت مؤثر در حالت قبل از رسیدن قطره به مرکز اتصال رخ میدهد که دلیل آن بالا بودن سرعت سیال و به دنبال آن، بالا بودن گرادیان سرعت در آن حالت است. همچنین طبق شکل بالا بودن گرادیان سرعت در آن حالت است. همچنین مقدار خود میرسد و با دور شدن از مرز و ورود به سیال پیوسته، مجدداً لزجت مؤثر کاهش مییابد.

۶- نتیجه گیری و جمع بندی

در این مقاله، شکست قطرات غیرنیوتنی شناور در یک سیال غیرنیوتنی به صورت تحلیلی و شبیهسازی عددی سه بعدی مورد بررسی قرار گرفت. هندسهی در نظر گرفته شده، اتصال تیشکل با شاخههای

شاخهها، طول قطره در هر شاخه و طول کلی قطره در طول فرآیند شکست به دست آمد. نتایج نشان داد که نسبت دبی شاخهها و نسبت سرعت سیال در شاخهها، در طول فرآیند شکست تغییر نمی کند. همچنین مشاهده گردید که طول قطره در هر یک از شاخههای فرعی و نیز طول کلی قطره، به صورت خطی در طول فرآیند شکست افزایش می یابد. نتایج شبیه سازی عددی سه بعدی نشان داد که در طول فرآیند شکست، فشار سیال در راستای عرض کانال ثابت است. همچنین مشاهده شد که فشار سیال در نزدیک مرز قطره، اندکی کمتر از فشار سیال در مناطق میانی قطره است. نتایج شبیهسازی عددی نشان داد که در کاربردهای خاص که نیاز است تا چند مادهی شیمیایی را به منظور مخلوط نمودن کامل با هم، در داخل یک قطره قرار دهیم، بهتر است قبل از رسیدن قطره به مرکز اتصال، مواد اولیه را به داخل قطره تزریق نماییم تا به طور کامل با یکدیگر مخلوط شوند زیرا قبل از رسیدن قطره به مرکز اتصال، بیشترین میزان گردابی در داخل قطره وجود دارد. نتایج حاکی از آن است که توزیع سرعت سیال قبل از رسیدن قطره به مرکز اتصال سهموی است. همچنین مشخص گردید که مقادیر گردایی در نواحی نزدیک به مرز قطره ۳ تا ۷ برابر مقادیر گردایی در نواحی میانی قطره است که این موضوع باعث افزایش اختلاط مواد داخل قطره می شود. همچنین بیش ترین

مقدار گردابی مربوط به لحظهای است که قطره در شاخهی ورودی قرار داشته و هنوز به مرکز اتصال نرسیده است.

فهرست علائم

x مؤلفهی افقی مکان (بیبعد) ر مؤلفهی عمودی مکان (بی بعد) *y* (متر بر ثانیه) سرعت سیال پیوسته (متر بر U_c (متر بر ثانیه) سرعت قطره U_d (متر بر ثانیه) سرعت سیال در یک شاخه U(متر) طول قطره در یک شاخه SP فشار سیال (پاسکال) (متر) y مؤلفهی سرعت عمودی سیال در راستای yک گردابی (۱/S) μ_{eff} لزجت مؤثر (پاسکال ثانیه) w عرض كانال (متر) طول شاخهی چپ (متر) L_L (متر) طول شاخهی راست L_R (مترمکعب بر ثانیه Qt زمان (ثانیه) کشش سطحی (نیوتن بر متر) σ

Numerical study of the dynamics of a droplet in a T-junction microchannel using OpenFOAM, Chemical Engineering Science, 196 (2019) 514-526.

- [11] A. Bedram, A. Moosavi, Breakup of Droplets in Micro and Nanofluidic T-Junctions, Journal of Applied Fluid Mechanics, 6(1) (2013) 81-86.
- [12] T. Fu, Y. Ma, H. Z. Li, Hydrodynamic Feedback on Bubble Breakup at a T-junction Within an Asymmetric Loop, AIChE Journal, 60(5) (2014) 1920-1929.
- [13] A. Bedram, A. Moosavi, Droplet breakup in an asymmetric microfluidic T junction, Eur. Phys. J. E, 34(78) (2011) 1-8.
- [14] X. Hu, T. Cubaud, Viscous Wave Breaking and Ligament Formation in Microfluidic Systems, PHYSICAL REVIEW LETTERS, 121(044502) (2018) 1-5.
- [15] A. Bedram, A. E. Darabi, A. Moosavi, S. Kazemzade, Numerical Investigation of an Efficient Method (T-Junction With Valve) for Producing Unequal-Sized Droplets in Micro- and Nano-Fluidic Systems, Journal of Fluids Engineering, 137(031202) (2015) 1-9.
- [16] A. Bedram, A. Moosavi, S. Kazemzade Hannani, Analytical relations for long-droplet breakup in asymmetric T junctions, PHYSICAL REVIEW E, 91(053012) (2015) 1-11.
- [17] X. Wang, C. Zhu, T. Fu, T. Qiu, Y. Ma, Critical condition for bubble breakup in a microfluidic flow-focusing junction, Chemical Engineering Science, 164 (2017) 178–187.
- [18] A. Bedram, A. Moosavi, A novel method for producing unequal sized droplets in micro and nanofluidic channels, European Physical Journal E, 38(96) (2015) 1-9.
- [19] E. Amani, A. Ahmadpour, M. Tohidi, A numerical study of the rise of a Taylor bubble through a

۷- منابع

- [1] B. L. Khoo, G. Grenci, Y. B. Lim, S. C. Lee, J. Han, C. T. Lim, Expansion of patient-derived circulating tumor cells from liquid biopsies using a CTC microfluidic culture device, Nature protocols, 13(1) (2018) 34-58.
- [2] Q. Xiong et al., Magnetic nanochain integrated microfluidic biochips, NATURE COMMUNICATIONS, 9(1743) (2018) 1-11.
- [3] F. S. Ruggeri et al., Microfluidic deposition for resolving single molecule protein architecture and heterogeneity, NATURE COMMUNICATIONS, 9(3890) (2018) 1-12.
- [4] L. D. Maio, F. Dunlop, Sessile Drop on Oscillating Incline. Journal of Applied Fluid Mechanics, 11(6) (2018) 1471-1476.
- [5] J. Q. Feng, A Computational Study of High-Speed Microdroplet Impact onto a Smooth Solid Surface, Journal of Applied Fluid Mechanics, 10(1) (2017) 243-256.
- [6] A. Kiani Moqadam, A. Bedram, M. H. Hamedi, A Novel Method (T-Junction with a Tilted Slat) for Controlling Breakup Volume Ratio of Droplets in Micro and Nanofluidic T-Junctions, Journal of Applied Fluid Mechanics, 11(1) (2018) 1255-1265.
- [7] W. Du, T. Fu, Y. Duan, C. Zhu, Y. Ma, H. Z. Li, Breakup dynamics for droplet formation in shearthinning fluids in a flow-focusing device, Chemical Engineering Science, 176 (2018) 66-76.
- [8] Z. Liu, J. Zhao, Y. Pang, X. Wang, Generation of droplets in the T-junction with a constriction microchannel, Microfluidics and Nanofluidics, 22(124) (2018) 1-9.
- [9] X. Sun, C. Zhu, T. Fu, Y. Ma, H. Z. Li, Dynamics of droplet breakup and formation of satellite droplets in a microfluidic T-junction, Chemical Engineering Science, 188 (2018) 158-169.
- [10] A. E. M. Mora, A. L. F. L. Silva, S. M. M. L. Silva,

- [22] F. P. Bretherton, The motion of long bubbles in tubes, J. Fluid Mech., 10(2) (1961) 166-188.
- [23] Y. S. Muzychka, J. Edge, Laminar Non-Newtonian Fluid Flow in Noncircular Ducts and Microchannels, Journal of Fluids Engineering, 130(111201) (2008) 1-7.
- [24] A. M. Leshansky, L. M. Pismen, Breakup of drops in a microfluidic T-junction, Physics of Fluids, 21(023303) (2009)1-6.

sudden/gradual expansion in Newtonian and shear-thinning liquids, International Journal of Mechanical Sciences, 152 (2019) 236-246.

- [20] C. Dai et al., Experimental study of bubble breakup process in non-Newtonian fluid in 3-D pore-throat microchannels, Colloids and Surfaces A, 535 (2017) 130-138.
- [21] D. R. Link, S. L. Anna, D. A. Weitz, H. A. Stone, Geometrically Mediated Breakup of Drops in Microfluidic Devices, Phys. Rev. Lett., 92(054503) (2004) 1-4.

برای ارجاع به این مقاله از عبارت زیر استفاده کنید: A. Bedram, Analytical-Numerical Investigation of Unequal Sized Droplets of Dilatants' Fluid in T-Junction with Unequal Length Branches, Amirkabir J. Mech Eng., 53(3) (2021) 1417-1438. DOI: 10.22060/mej.2019.16844.6454



بی موجعه محمد ا