نشریه مهندسی مکانیک امیر کبیر

نشریه مهندسی مکانیک امیرکبیر، دوره ۵۳ شماره ویژه ۲ ، سال ۱۴۰۰، صفحات ۱۲۵۱ تا ۱۲۶۸ DOI: 10.22060/mej.2020.17127.6515

# تغییرشکل پلاستیک ورقهای آلومینیومی تقویتشده با روکش پلیاوره تحت بار دفعی: بررسی تجربی و مدلسازی با شبکهی عصبی

توحيد ميرزاباباي مستوفى'، مصطفى سياح بادخور'، مهساسادات مير علينقي'، هاشم بابايي"\*

۱ دانشکده مهندسی برق، کامپیوتر و مکانیک، دانشگاه ایوان کی، ایوان کی، ایران ۲ دانشکده علوم پایه، دانشگاه آزاد اسلامی، واحد ورامین-پیشوا، ورامین، ایران ۲ دانشکده مهندسی مکانیک، دانشگاه گیلان، رشت، ایران

تاریخچه داوری: دریافت: ۱۳۹۸/۰۷/۰۷ بازنگری: ۱۳۹۸/۰۹/۲۲ پذیرش: ۱۳۹۸/۱۲/۲۰ ارائه آنلاین: ۱۳۹۹/۰۱/۰۱

> کلمات کلیدی: آلومینیوم پلیاوره انفجار مخلوط گاز شبکه عصبی مدلسازی

خلاصه: از سامانه تکمرحلهای انفجار مخلوط گاز برای شکلدهی آزاد ساختارهای فلز – پلیمر استفاده شده است. در بخش تجربی، به منظور بهبود عملکرد ورقهای آلومینیومی در برابر بار ضربهای حاصل از انفجار مخلوط گاز، لایهای از ماده پلیاوره به پشت ورق فلزی پاشیده شد. به منظور بررسی اثر ضخامت لایههای فلزی و پلیمری بر پاسخ دینامیکی سازه، از ورق آلومینیومی در ضخامتهای ۱، ۱۵/۵ ۲ و ۲/۵ میلیمتر و همچنین روکش پلیاوره در ضخامتهای ۳، ۴، ۵ و ۶ میلیمتر استفاده شده است. نتایج تجربی نشان داد که پاشش ماده پلیاوره به پشت ورق آلومینیومی می تواند بیشترین خیز دائمی سازه را تا میزان بسیار چشم گیری کاهش داده و از پارگی نمونههای آلومینیومی جلوگیری کند. در بخش مدل سازی عددی، از شبکه عصبی از نوع دستهبندی گروهی دادهها برای ارائه یک مدل ریاضی بر مبنای اعداد بیعد جهت پیش بینی بیشترین خیز دائمی ساختارهای فلز – پلیمر تحت بار دفعی استفاده شد. به منظور افزایش قابلیت پیشبینی شبکه عصبی پیشنهادی برای این فرآیند، دادهها به دو دسته آموزش و پیش بینی تقسیم شدند نتایج بدستآمده نشان داد که توافق پیشنهادی برای این فرآیند، دادهها به دو دسته آموزش و پیش بینی تقسیم شدند نتایج بدستآمده نشان داد که توافق

#### ۱- مقدمه

فرآیند شکل دهی با سرعت بالا، فرآیندی است که در آن مقدار زیادی انرژی در فاصله زمانی کوتاه آزاد می شود، لذا قطعه کار در برابر فشار زیادی قرار می گیرد [۱]. روش های شکل دهی با سرعت بالا شامل، شکل دهی با خرج انفجاری، انفجار مخلوط گازها، الکترومغناطیسی و شکل دهی با خرج انفجاری، انفجار مخلوط گازها، الکترومغناطیسی و شکل دهی با خرج انفجاری، انفجار مخلوط گازها، الکترومغناطیسی و شکل دهی در روش های شکل دهی ذکر شده وجود دارد، اما روش های شکل دهی با سرعت بالا تولید می در یک مرحله همواره مورد توجه محققین بوده است قطعات پیچیده در یک مرحله همواره مورد توجه محققین بوده است [۲]. فرآیند شکل دهی با روش انفجار مخلوط گازها نتیجه یک فرایند شیمیایی گرمازا میان یک ماده سوختنی و عامل اکسید کننده است \* نویسنده عهدهدار مکاتبات: ghbabaei@guilan.ac.ir

ایجاد شوک ناشی از انفجار، فشار دینامیکی باعث تغییرشکل جسم میشود [۳–۷]. در دهه اخیر تحقیقات به نسبت خوبی در این زمینه انجامشده است. در طی سالهای ۲۰۱۵ و ۲۰۱۶، بابایی و همکارانش مطالعات خود را روی شکلدهی ورقهای دایرهای با استفاده از روش انفجار مخلوط گازها در آزمایشگاه ضربه و انفجار دانشگاه گیلان متمرکز کردند. در مطالعات انجامگرفته، از دو گاز اکسیژن و استیلن برای تولید بار دفعی (بار ایمپالسیو واردشده به نمونه) و شکلدهی نمونه به دو طریق با قالب مخروطی و بدون قالب، به صورت تجربی پرداخته شد. در بخش مدلسازی تحلیلی از روش انرژی بر مبنای تئوری حد بالا جهت ارائه یک مدل برای پیشبینی بیشترین خیز شد. همچنین رابطهای تجربی بر مبنای اعداد بیبعد جدید جهت شد. همچنین رابطهای تجربی بر مبنای اعداد بیبعد جدید جهت

ادامه تحقيقات خود، به معرفی روش شکل دهی انفجار مخلوط گازها بهعنوان یک فرآیند جدید برای تغییرشکل پودرهای فلزی پرداختند [۱۱]. در سالهای ۲۰۱۶ و ۲۰۱۷، پاتیل و همکارانش به بررسی تجربی و عددی تغییر شکل پلاستیک ساختارهای فنجانی فولادی با استفاده از روش انفجار مخلوط گازهای اکسیژن و هیدروژن پرداختند. در بخش شبیهسازی عددی، شبیهسازیها روی مدلهای سهبعدی محاسباتی با استفاده از مدل ماده جانسون-کوک و تحلیل دینامیکی صریح انجام شد. یکی از نکات بسیار مهم در بخش عددی، در نظر گرفتن منحنی واقعى فشار-زمان بهدستآمده از حسگر بهعنوان ورودى مسئله بود. در ادامه این تحقیقات، آنها به مطالعه تجربی و عددی اتصال لولههای مسی و فولادی با همین روش پرداختند [۱۲-۱۴]. در طی سالهای ۲۰۱۷ و ۲۰۱۹، میرزابابای مستوفی و همکارانش، مطالعات تجربی خود را روی شکل دهی ورق های مستطیلی تک لایه [۱۵ و ۱۶] و دولایه [۱۷] با استفاده از روش انفجار مخلوط گازها ادامه دادند. مشابه با ساختارهای تکلایه، نمونههای دولایه نیز از ترکیب، یک لایه جلویی از جنس آلیاژ آلومینیوم (صفحهای که بار انفجاری را تحمل می کند) و یک لایه عقبی از جنس فولاد نرم ساخته شدند. چهار نوع متفاوت از پیکربندی های با ضخامت مختلف، یعنی، ۱mm+۱mm، ۲mm+mm۱، ۱mm+۲mm و ۲mm+۲mm، انتخاب شدند تا بتوان تاثیر ضخامت لایههای جلویی و عقبی بر مقاومت تغییرشکل ساختار دولایه بررسی شود. هر گروه آزمایشی در معرض پنج فشار پیش از انفجار مخلوط اکسیژن و استیلن قرار گرفت. نتایج تجربی نشان داد که هنگامی که بین لایه ها فاصله ای درنظر گرفته نشده باشد و لایه جلویی استحکام و چگالی کمتری نسبت به لایه عقبی داشته باشد، بیشترین خيز دائمي لايه عقبى تقريبا برابر با بيشترين خيز دائمي لايه جلويي است؛ همچنین یک مدل تحلیلی با فرم بسته مبتنی بر روش انرژی برای ساختارهای دو لایه در معرض بار دفعی یکنواخت حاصل از انفجار مخلوط گازها ارائه شد. علاوه بر این، فرمول های طراحی تجربی براساس اعداد بدون بعد جدید برای پیش بینی حداکثر خیز دایمی لایه های عقب و جلو بدست آمدند. لازم به توضيح است كه در روابط تحليلي و بيبعد، تاثیر حساسیت نرخ کرنش مواد درنظر گرفته شد. ادبیات تحقیق در مورد روش شکل دهی ورق های فلزی با انفجار مخلوط گاز نشان می دهد که به دلیل نوین بودن آن، تحقیقات بسیار اندکی در زمینه شکل دهی ورق با استفاده از این روش ارائه شده و تاکنون تحقیقی روی ساختارهای فلزی

تقویتشده با روکش پلیمری یا ساختارهای فلز – پلیمر صورت نگرفته است. با استفاده از روش انفجار مخلوط گازها ادامه دادند.

در زمینه شکلدهی ساختارهای فلزی تقویتشده با لایه پلی اوره با خرج انفجاری، مهمترین تحقیقات بین سالهای ۲۰۱۰ تا ۲۰۱۹ گزارششده است [۲۵–۱۸]. در سال ۲۰۱۰، امینی و همکارانش به بررسی تجربی رفتار دینامیکی و مدهای شکست ورقهای تکلایه دایرهای فولادی و همچنین ورقهای دولایه فولاد- پلیاوره تحت بارگذاری دفعی (بار ایمپالس واردشده به نمونه) پرداختند. [۱۸-۲۱]. در سال ۲۰۱۳، به منظور بررسی اثر پوشش پلیاوره بر مقاومت انفجاری ورقهای فولادی نرم، آکلند و همکارانش مطالعاتی تجربی و عددی انجام دادند. در تحقیقات تجربی، ورقهای فولادی مربعی با و بدون پوشش پلیاوره تحت بارگذاری دفعی غیریکنواخت قرار داده شدند [۲۲]. در سال ۲۰۱۶، تران و همکاران به بررسی عددی نحوه تغییر شکل و مکانیسم شکست ساختار کامپوزیتی چندلایه الاستومر با کامپوزیت مسلحشده پلیمری تحت بار انفجاری با استفاده از تئوری شکست هاشین پرداختند. یک لایه ناز ک الاستومر (پلی اوره) به قسمت عقبی ساختار اعمال شد تا میزان آسیب واردشده به چندلایههای کامپوزیتی را کاهش دهد [۲۳]. در سال ۲۰۱۷، رمنیکوو و همکارانش به بررسی تغییرشکل پلاستیک سه نوع ورق فولادی شامل فولاد نرم، فولاد با مقاومت بالا و فولاد زنگنزن تحت بار دفعی یکنواخت با استفاده از انفجار خرجهای کروی نیترومتان پرداختند. همچنین آنها در تعدادی آزمایش دیگر، ورقهای فولادی مذکور با پوشش پلیاوره و کامپوزیتی تحت بار دفعی غیریکنواخت قرار داده شد [۲۴].

مدلسازی فرآیندها و شناسایی سیستمها با بکاربردن دادههای ورودی- خروجی، یکی از زمینههای مورد بررسی در بسیاری از تحقیقات بوده است. روشهای شناسایی سیستم در بسیاری از شاخههای علوم مهندسی به منظور مدلسازی و پیش بینی رفتارهای پیچیده و مبهم این سیستمها با استفاده از دادههای آزمایشگاهی ورودی و خروجی استفاده می شود. به این ترتیب، یکی از دلایل اصلی این پیشرفت سریع را می توان استفاده از محاسبات نرم دانست [۲۷]. مهم ترین انواع محاسبات نرم، منطق فازی، شبکهی عصبی و الگوریتم ژنتیک هستند. از این روشهای محاسبات نرم برای حل کردن سیستمهای غیر خطی پیچیده استفاده می شود [۲۸ و ۲۹]. روشهای متعددی برای استفاده از انواع مختلف محاسبات نرم پیشنهاد شدهاند که از میان آنها روش

جزء دوم	جزء اول			
ايزوسيانات آروماتيك	پلی آمین	شرح شیمیایی		
مايع	مايع	حالت فيزيكى		
> \ · · · C°	> \ · · · C°	نقطه اشتعال		
زرد	زرد (بدون رنگدانه)	رنگ		
1/14	١/١	۲۰ C°	(ka/m <sup>3</sup> ) 11E-	
۱/۱۰	٠/٩٨	۶۰ C°	چکالی ( Kg/III)	
٨٠٠	۴۷۵	۲۰ C°		
40.	۲۵۰	۳۰ C°	(MDa a) =t	
۲۰۰	٩.+	لرجت (IVIP a·s) لرجت (IVIP a·s)		
17.	۶۵	۶۰ C°		

جدول ۱: مشخصات فنی قبل از ترکیب ماده پلیاوره Table 1. Polyurea technical specifications before composition

## جدول ۲: مشخصات فنی ترکیب نهایی ماده پلیاوره Table 2 .Polyurea technical specifications after composition

توضيحات		ویژگی
غشاء جامد الاستومترى		حالت فيزيكى
ِمز و بژ	طوسی، آبی، قر	رنگ
	۵۵ D	سختى
۹۵۰	(kg/m <sup>3</sup> )	چگالی
	حداکثر کشیدگی	
18/1	مقاومت کششی (MPa)	خواص مكانيكى
1	استحکام پارگی (N/mm <sup>2</sup> )	

تحت بار دفعی حاصل از انفجار مخلوط گازها.

# ۲- مطالعه تجربی

در سالهای اخیر استفاده از فن ریخته گری پاششی یک لایه ماده پلیمری بر روی ورق فولادی جهت بهبود عملکرد دینامیکی و مقاومت شکست آن علاقهمندان زیادی را جذب کرده است [۲۱–۲۴]. با توجه به ادبیات تحقیق، به نظر میرسد که در میان پلیمرهای موجود، پلی اوره یک انتخاب خوب با خواص منحصر به فرد مکانیکی، فیزیکی و شیمیایی جهت افزایش مقاومت شکست در ورقهای فلزی است. این پلیمر می تواند طیف گستردهای از خواص مکانیکی، از لاستیک نرم تا پلاستیک سخت بسته به ویژگیهای شیمیایی آن را نمایش دهد. دمای انتقال شیشه پلی اوره کمتر از ۵۰- درجه سانتی گراد بوده که خیلی پایین تر از حد معمول دمای عملکرد است [۳۳–۳۱]. این الاستومر بهطور گسترده در صنعت ریخته گری در فرم جامد مانند تونلها، پلها، سقفها، مخازن ذخیرهسازی و کشتیهای حملونقل، استفاده می شود. علاوه بر صنعت ریخته گری، اخیراً این ماده به منظور افزایش مقاومت ساختمانها، وسایل نقلیه و سازهها در برابر نیروهای ضربهای و انفجاری مورداستفاده قرار گرفته است. با توجه به توضیحات ارائه شده و با توجه به اینکه این ماده پلیمری به راحتی به سطوح فلزی متصل می شود و در زمان بسیار کوتاهی به عمل می آید، لذا در این تحقیق از روکش پلیاوره با پاشش گرم جهت بهبود تقویت ورقهای آلومینیومی در برابر بار انفجاری استفاده شده است. مشخصات فنی قبل و بعد از ترکیب این ماده که از شرکت سپنتا سروین سازه پارس تهیه شده در جدول ۱ و جدول ۲ ارائه شده است.

در بخش تجربی از این تحقیق، هدف آن است تا بتوان با افزودن

دستهبندی گروهی دادهها یک روش خودسازمانده است که به وسیلهی آن، مدلهای پیچیده قابل محاسبه هستند. این روش براساس یک دسته دادههای چندورودی و یک خروجی عمل می کند. روش دستهبندی گروهی دادهها برای اولین بار توسط ایوانکو [۳۰] برای غلبه بر مشکلات حاکم بر حل مسائل مربوط به سیستمهای پیچیده ارائه شد. ایده اصلی روش دستهبندی گروهی دادهها، ساختن یک تابع تحلیلی در یک شبکه پیش خور براساس تابع انتقال گرهای چهارتایی است. ضرایب این شبکه پیش خور توسط تکنیک رگرسیون به دست می آید.

با مرور مطالعات پیشین محققان، این نتیجه حاصل شد که تمامی مطالعات در زمینه شکلدهی ساختارهای فلز – پلیمر با استفاده از خرجهای انفجاری بوده و تحقیقات انجامشده با روش انفجار مخلوط گازها محدود به ورقهای فلزی دایرهای و مستطیلی است [۳-۲۶]. اکنون، با توجه به توضیحات ارائهشده در ادبیات تحقیق، انجام مطالعات آزمایشگاهی روی ساختارهای فلزیشده با روکش پلیمری بهمنظور مطالعه پارامترهای مختلف و بررسی اثرگذاری آنها، میتواند از اهمیت بالایی برخوردار باشد. با توجه به توضیحات ارائهشده، مهمترین نوآوریهای تحقیق حاضر، به شرح زیر است: ۱) مختلف لایه فلزی و پلیمری تحت بار دفعی حاصل از انفجار مخلوط مختلف در سطوح مختلف انرژی، ۲) ارائه یک مدل عددی با روش شبکه عصبی دستهبندی گروهی دادهها<sup>۱</sup> برای پیشبینی بیشترین خیز دائمی لایههای جلویی و عقبی در ساختارهای دولایه مستطیلی

<sup>1</sup> GMDH



Fig. 1. Gas mixture detonation apparatus at the University of Guilan شکل ۱: دستگاه انفجار مخلوط گازها در دانشگاه گیلان

لایه پلیاوره، از بهوجودآمدن مدهای تخریب در ورقهای آلومینیومی پیش گیری کرد و آستانه تحمل بار دفعی اعمال شده بر این ساختارها را افزایش داد. همچنین یکی دیگر از اهداف این تحقیق بررسی تاثیر ضخامتهای مختلف لایه فلزی و پلیمری بر پاسخ دینامیکی ساختارهای فلز – پلیمر تحت بار دفعی حاصل از انفجار مخلوط گازها است تا بتوان یک بانک اطلاعاتی جامع تجربی تهیه کرد.

جهت شکلدهی آزاد ساختارهای فلز – پلیمر و اعمال بار دفعی حاصل از انفجار مخلوط گازها از سامانه آزمایشی دانشگاه گیلان استفاده شده است که تصویر آن در شکل ۱ نشان داده شده است. این سامانه آزمایشی شامل چهار بخش اصلی است: ۱) واحد اشتعال، ۲) شیر کنترل گاز ۳) واحد سیستم اندازه گیری فشار ۴) واحد شکلدهی.

واحد اشتعال این سامانه شامل، سیلندرهای ذخیره گاز اکسیژن و استیلن و یک محفظه احتراق ۶ لیتری از جنس فولاد ضدزنگ است که توسط گازهای اکسیژن و استیلن پر میشود. این محفظه احتراق دارای یک شیر تخلیه جهت خارج کردن گازهای موجود در سیلندر نیز است. در بخش دوم، بهمنظور تنظیم میزان فشار قبل از انفجار هر یک از گازهای ورودی، از شیرهای کنترل گاز استفاده میشود. مخلوط گاز در انتهای بسته محفظه احتراق توسط یک سیستم جرقهزن منفجر میشود. واحد سیستم اندازه گیری فشار شامل، یک مانومتر بهمنظور اندازه گیری میزان فشار واردشده داخل محفظه احتراق قبل از انفجار، یک حس گر فشار پیزوالکتریک به منظور ثبت فشار پس از انفجار اعمالی بر سطح نمونه، یک سیستم تقویت کننده یا آمپلیفایر جهت

تقویت سیگنالهای دریافتی از حس گر پیزوالکتریک و یک سامانه ثبت دادههای دینامیکی برای ذخیره نمودار فشار- زمان از حس گر پیزوالکتریک است [۱۵–۱۷].

نمونه ساختارهای فلز – پلیمر مورد آزمایش، از ترکیب ورق فلزی از جنس آلومینیوم در ضخامتهای ۱ میلیمتر، ۱/۵ میلیمتر، ۲ میلیمتر و ۲/۵ میلیمتر با لایه پلیاوره در ضخامتهای تشکیل شده است. شایان توجه است که نمونههای آزمایشی در ابعاد ۳۹۰×۳۴۵ میلیمتر مربع برش زده شدند. لازم به توضیح است که خواص مکانیکی ورقهای فلزی در تحقیقات پیشین توسط نویسنده مسئول این تحقیق ارائه شده است [۱۵ و ۱۶].

۳- مدلسازی

۳-۱- اصول و قواعد

در مدلسازی عددی، اجزاء سیستم مجهول بوده و تنها ورودی و خروجی آن در دسترس است. در مدلسازی عددی، شناسایی سیستم مبتنی بر اطلاعات ورودی و خروجی مورد نظر است. حاصل این شناسایی یک تابع تقریبی ریاضی است. این تابع چندجملهای، رابطهای میان ورودیها و خروجی و مدلی برای سیستم است [۳۰]. به طور کلی مسائل شناسایی سیستم بدین گونه مطرح می گردد که فرض می شود که رابطه خروجی (۷) یک سیستم ناشناخته با *m* ورودی آن به صورت رابطه (۱) است.

$$y_i = f(x_1, x_2, x_3, \dots, x_m)$$
(1)

با داشتن N نمونه از این دادههای ورودی و خروجی، سیستمی همانند ماتریس زیر در رابطه (۲) به دست میآید [۳۰].

$$\begin{bmatrix} x_{11} & x_{12} & x_{13} & \cdots & x_{1m} & y_1 \\ x_{21} & x_{22} & x_{23} & \cdots & x_{2m} & y_2 \\ \cdots & \cdots & \cdots & \cdots & \cdots \\ x_{N1} & x_{N2} & x_{N3} & \cdots & x_{Nm} & y_N \end{bmatrix}$$
(Y)

عمل شناسایی سیستم را میتوان انجام داد که ماحصل آن تقریب تابع  $\hat{f}$  میباشد. که به موجب آن میتوان به ازای بردار ورودی  $\hat{f}$  رودی  $(x_1, x_2, x_3, ..., x_m)$  تقریب زد [۳۰].

$$\hat{y} = \hat{f}(x_1, x_2, x_3, ..., x_m)$$
 ( $\tilde{v}$ )

آنچه به طور معمول به عنوان هدف مشترک روشهای شناسایی N سیستم مطرح است، کمینهکردن مجموع مربعات خطا به ازای Nنمونه است که در رابطه (۴) آمده است.

$$\sum_{i=1}^{N} \left[ \hat{f}(x_{1}, x_{2}, x_{3}, \dots, x_{m}) - y_{i} \right]^{2} \to \min$$
(\*)

که در آن تابع  $\left( \hat{f} 
ight)$  میتواند بصورت تابع خطی و یا غیرخطی از متغیرهای ورودی سیستم باشد [۳۰].

یکسویه است که از چندین لایه و هر لایه نیز از چندین عصب تشکیل شده است. تمامی عصبها از یک ساختار مشابهی برخوردار میباشند، همگی آنها دارای دو ورودی و یک خروجیاند و هر نرون با ۵ وزن و یک بایاس عمل پردازش را میان دادههای ورودی و خروجی برقرار می کند که در رابطه (۵) نشان داده شده است [۳۴].

 $y_{ik}^{*} = N(x_{i\alpha}, x_{i\beta}) = b^{k} + w_{1}^{k} x_{i\alpha} + w_{2}^{k} x_{i\beta} + w_{3}^{k} x_{i\alpha}^{2} + w_{4}^{k} x_{i\beta}^{2} + w_{5}^{k} x_{i\alpha} x_{i\beta}$  ( $\Delta$ )

در رابطه بالا، N تعداد نمونههای i = 1, 2, 3, ..., N تعداد نمونههای  $lpha, eta \in \{1, 2, 3, ..., m\}$  ورودی وخروجی بوده و $K = 1, 2, 3, ..., C_m^2$ ) و $K = 1, 2, 3, ..., C_m^2$ میباشد، که در آنها m تعداد نرونهای لایه قبلی است.

وزنها براساس روش کمترین مربعات خطا محاسبه شده و سپس به عنوان مقادیر مشخص و ثابت در داخل هر عصب جایگذاری میشود. در این نوع از شبکهها عصبهای مرحله قبلی و یا لایه قبلی  $C_m^2 = \frac{m(m-1)}{m}$  عامل و یا مولد تولید عصبهای جدید (به تعداد (m) عامل و یا مولد تولید عصبهای جدید (به تعداد ) اند. از میان عصبهای تولیدشده، لزوماً بایستی تعدادی از آنها حذف  $\mathcal{R}_{m}$  و ناد برای ایستی تعدادی از آنها حذف اینگونه عصبهای حذف شده، عصب مرده گفته میشود. عصبهای حدید این این این این این این از میان عصبهای تولیدشده، لزوماً بایستی تعدادی از آنها حذف مردند تا بدینوسیله از واگرایی شبکه جلوگیری بعمل آید. اصطلاحاً به اینگونه عصبهای حذف شده، عصب مرده گفته میشود. عصبهای اینگونه عصبهای حذف شده، عصب مرده گفته میشود. عصبهای فرم همگرایی شبکه و عدم ارتباط آنها با عصب لایه آخر حذف گردند، که اصطلاحاً به آنها عصب غیرفعال میگویند. میزان مجموع مربعات خطا  $\binom{r_j}{j}$  میان مقادیرخروجی واقعی  $\binom{r}{j}$  و خروجی عصب از ام رایز ( $m_{ij}$ ) ملاک و معیاری برای حذف مجموعهای از عصبها در یک لایه است که در رابطه (۶) نشان داده شده است [۳۵].

$$r_{j}^{2} = \frac{\sum_{i=1}^{N} (y_{i} - y_{ij}^{*})^{2}}{\sum_{i=1}^{N} y_{i}^{2}} \to \min$$
(8)

در رابطه بالا  $j \in \{1, 2, 3, \dots, C_m^2\}$  است که در آن m تعداد عصبهای گزینش شده در لایه قبلی است.

نگاشتی که بین متغیرهای ورودی و خروجی توسط این نوع از شبکههای عصبی برقرار می شود به صورت تابع غیرخطی ولترا، به فرم رابطه (۷) است [۳۶].

$$\hat{y} = a_0 + \sum_{i=1}^n a_i x_i + \sum_{i=1}^n \sum_{j=1}^n a_{ij} x_i x_j + \sum_{i=1}^n \sum_{j=1}^n \sum_{k=1}^n a_{ijk} x_i x_j x_k + \dots$$
(Y)

ساختاری را که برای عصبها در نظر گرفته می شود، بصورت چند



شکل ۲: دیاگرام آزاد در یک المان از ورق

$$y_i = f\left(x_{ip}, x_{jq}\right) = a_0 + a_1 x_{ip} + a_2 x_{iq} + a_3 x_{ip} x_{iq} + a_4 x_{ip}^2 + a_5 x_{iq}^2 \quad (h)$$

هدف در الگوریتم دستهبندی گروهی دادهها یافتن ضرایب ناشناخته  $a_0$  است. تابع f در رابطه (۷) دارای شش ضریب مجهول است. لذا بایستی آنها را طوری تعیین کنیم که به ازای تمام نمونههای دو متغیر وابسته به سیستم  $\{(x_{ip}, x_{iq}), i = 1, 2, ..., N\}$  خروجی مطلوب  $\{(x_{ip}, x_{iq}), i = 1, 2, ..., N\}$  برقرار گردد. به همین خاطر تابع fرابر اساس قاعده کمترین مربعات خطا، طبق رابطه (۹) ارائه شده است [۸۳ و ۳۹].

$$\sum_{k=1}^{N} \left[ \left( f\left( x_{ki}, x_{kj} \right) - y_{i} \right)^{2} \right] \rightarrow min$$
(9)

با این شرایطی که بر مسئله حاکم است، بایستی دستگاه معادلهای را که دارای شش مجهول و N معادله میباشد، که در رابطه (۱۰) آمده است.

$$\begin{cases} a_0 + a_1 x_{1p} + a_2 x_{1q} + a_3 x_{1p} x_{1q} + a_4 x_{1p}^2 + a_5 x_{1q}^2 = y_1 \\ a_0 + a_1 x_{2p} + a_2 x_{2q} + a_3 x_{2p} x_{2q} + a_5 x_{2p}^2 + a_5 x_{2q}^2 = y_2 \\ \vdots \\ a_0 + a_1 x_{Np} + a_2 x_{Nq} + a_3 x_{Np} x_{Nq} + a_5 x_{Np}^2 + a_5 x_{Nq}^2 = y_N \end{cases}$$

$$(1 \cdot )$$

$$Aa = Y \tag{11}$$

که در آن a و A از رابطه (۱۲) و رابطه (۱۳) بهدست می آیند [۳۸ و ۳۹]:

$$a = \{a_0, a_1, a_2, a_3, a_4, a_5\}^T$$
(17)

$$A = \begin{bmatrix} 1 & x_{1p} & x_{1q} & x_{1p}x_{1q} & x_{1p}^2 & x_{1q}^2 \\ 1 & x_{2p} & x_{2q} & x_{2p}x_{2q} & x_{2p}^2 & x_{2q}^2 \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ 1 & x_{Np} & x_{Nq} & x_{Np}x_{Nq} & x_{Np}^2 & x_{Nq}^2 \end{bmatrix}$$

$$(17)$$

و بردار Y مقادیر خروجی نیز از رابطه (۱۴) بدست آمده است [۳۸ و ۳۹].

$$Y = \{y_1, y_2, y_3, \dots, y_N\}$$
 (14)

برای حل معادله لازم است که شبهمعکوس ماتریس غیرمربعی محاسبه گردد. به همین خاطر برای محاسبه شبهمعکوس ماتریس غیرعادی A، از روش تجزیه مقادیر تکینه استفاده می شود [۴۲-۴۲].

# ۳-۳ ارائه اعداد بیبعد جهت مدلسازی فرآیند شکلدهی انفجاری مخلوط گازها

با مرور مطالعات و تحقیقات انجامشده روی تحلیل ابعادی رفتار پلاستیک– دینامیکی و شکست سازههای متفاوت اعم از تیر، ورق و پوستهها تحت بارگذاری دفعی [۱۷] این نتیجه به دست آمد که روش تحلیل ابعادی و بهتبع آن استخراج روابط تجربی بر اساس اعداد بیبعد پیشنهادی، دارای مزیتهایی مانند سازماندهی کارهای تجربی و دوری از انجام آزمایشهای غیرضروری است؛ لذا میتوان از این روش بهعنوان یک روش جایگزین مؤثر برای به دست آوردن یک رابطه بین پارامترهای ورودی و خروجی مسئله در هر فرآیندی نام برد. با توجه به تحلیل نیرویی نشان داده شده در شکل ۲ و شکل بهصورت رابطه (۱۵) ارائه میشود [۱۵].

$$\frac{\partial^2 M_x}{\partial x^2} + 2 \frac{\partial^2 M_{xy}}{\partial x \partial y} + \frac{\partial^2 M_y}{\partial y^2} = \rho H \frac{\partial^2 w}{\partial t^2} - P \tag{10}$$

ماده  $P/\sigma_d$  که فشار دینامیکی متناسب است با  $P/\sigma_d$ . اکنون با به کارگیری معادله ساختاری کوپر – سیموندز (q و D ثابت های ماده هستند) و استفاده از تقریب جونز [۱۷]، برای محاسبه مقدار نرخ کرنش متوسط  $\dot{\varepsilon}_m$  عدد بیبعد اثر نرخ کرنش  $\ddot{z}$  به صورت معادله ۱۹ تعریف می شود.

$$\sigma_{d} = \sigma_{0} \left( 1 + \left(\frac{\dot{\varepsilon}_{m}}{D}\right)^{\frac{1}{q}} \right) = \sigma_{0} \left( 1 + \zeta \left(\frac{W_{0}}{H}\right)^{\frac{1}{q}} \right)$$
(1A)

$$\xi = \left(\frac{I}{12\sqrt{2}\rho L^2 B^2 D}\right)^{\frac{1}{q}} \tag{19}$$

با جایگذاری معادلات (۱۸) و (۱۹) در معادله (۱۷)، تحلیل ابعادی برای معادله بیبعد حاکم بر ورق منجر میشود به:

$$\frac{W_0}{H} = f\left(\frac{L}{H}, \frac{B}{H}, \frac{P}{\sigma_0}, \frac{1}{\xi}\right) \tag{(7.)}$$

لازم به توضیح است که نسبت بی بعد H/B برای درنظر گرفتن ابعاد ورق در هر دو جهت طولی و عرضی به تحلیل اضافه شده است. لازم به توضیح است که اعداد و پارامترهای بی بعد داخل پرانتز، برای تحلیل ورقهای چهارگوش تحت بارگذاری دفعی یکنواخت پیشنهاد شده که از معادله بی بعد حاکم بر ورق استخراج شدهاند. به منظور افزودن اثرات فشار قبل از انفجار گازهای اکسیژن و استیلن در پاسخ دینامیکی ورق نازک چهارگوش تحت بار دفعی حاصل از انفجار دینامیکی اعمالی به مقاومت ماده مخلوط گازها، می توان نسبت فشار دینامیکی اعمالی به مقاومت ماده را به صورت معادله (۲۱) بیان کرد تا اثر فشارهای قبل از انفجار در معادله ظاهر گردد.

$$\frac{P}{\sigma_0} \propto \frac{P_{O_2} \cdot P_{C_2 H_2}}{\sigma_0^2}$$
(11)

با توجه به توضیحات ارائهشده رابطه بیشترین خیز دائمی ورق به ضخامت آن برای ورقهای مستطیلی تحت بار دفعی حاصل از انفجار مخلوط گازها برابر با رابطه (۲۲) است.

$$\frac{W_0}{H} = f\left(\frac{L}{H}, \frac{B}{H}, \frac{P_{O_2}, P_{C_2H_2}}{\sigma_0^2}, \frac{1}{\xi}\right)$$
(17)

لازم به توضیح است که رابطه (۲۲) برای تحلیل ورقهای مستطیلی تحت بار دفعی حاصل از انفجار مخلوط گازها پیشنهاد شده که از معادله بیبعد حاکم بر ورق استخراج شده است. شایان



Fig. 3. Free diagram of the membrane forces on a plate element شکل ۳: دیاگرام آزاد نیروهای غشایی در یک المان از ورق

Y = y/L , X = x/L با تعريف پارامترهای بیبعد X = x/L , X = x/L ,  $M_y = M_y/M_0$  ,  $m_x = M_x/M_0$  ,  $T = C_s t/H$  , W = w/H  $n_{xy} = N_{xy}/N_0$  ,  $n_y = N_y/N_0$  ,  $n_x = N_x/N_0$  ,  $m_{xy} = M_{xy}/M_0$ و همچنین اضافهنمودن اثر نیروهای غشایی، معادله حاکم بر ورق مربعی به فرم بیبعد تبدیل می شود (معادله (۱۶)) [ [۱۵].

$$\frac{\partial^2 m_x}{\partial X^2} + 2 \frac{\partial^2 m_{xy}}{\partial X \partial Y} + \frac{\partial^2 m_y}{\partial Y^2} +$$

$$4 \left( n_x \frac{\partial^2 W}{\partial X^2} - 2n_{xy} \frac{\partial^2 W}{\partial X \partial Y} + n_y \frac{\partial^2 W}{\partial Y^2} \right) =$$

$$4 \left( \frac{L}{H} \right)^2 \left( \frac{\rho C_s^2}{\sigma_0} \frac{\partial^2 W}{\partial T^2} - \frac{P}{\sigma_0} \right)$$
(19)

در تعاریف بالا، Lنصف طول ورق مربعی،  $M_0$  گشتار خمشی کاملاً پلاستیک،  $N_0$  نیروی غشایی کاملاً پلاستیک،  $C_s$  سرعت صوت در محیط، X و Y مختصات بیبعد، T زمان بیبعد و W خیز بیبعد هستند؛ همچنین،  $m_x$ ,  $m_x$  و  $m_x$ ، گشتاورهای خمشی بیبعد و  $n_x$ ، م و  $v_x$ ، نیروهای غشایی بیبعد هستند. جهت افزودن اثر حساسیت ماده به نرخ کرنش، رابطه (۱۶) به صورت معادله (۱۷) تغییر می کند [۱۵].

$$\frac{\partial^2 m_x}{\partial X^2} + 2 \frac{\partial^2 m_{xy}}{\partial X \partial Y} + \frac{\partial^2 m_y}{\partial Y^2} +$$

$$4 \left( n_x \frac{\partial^2 W}{\partial X^2} - 2 n_{xy} \frac{\partial^2 W}{\partial X \partial Y} + n_y \frac{\partial^2 W}{\partial Y^2} \right) =$$

$$4 \left( \frac{L}{H} \right)^2 \left( \frac{\rho C_s^2}{\sigma_d} \frac{\partial^2 W}{\partial T^2} - \frac{P}{\sigma_d} \right)$$
(1V)

همان طور که از معادله (۱۷) برمی آید، سه عبارت در آن وجود دارد: هندسه ساختار L/H، توانایی مقاومت دینامیکی ماده در برابر تغییر شکل پلاستیک  $1/\sigma_d$  و نسبت بار دینامیکی به مقاومت

توجه است که در تحلیل ابعادی ساختارهای مستطیلی دولایه تحت بارگذاری دفعی حاصل از انفجار مخلوط گازها نسبت به تحلیل ابعادی ورقهای تکلایه، کمیتهای فیزیکی بیشتری وارد میشود. این کمیتها شامل خواص مکانیکی و حساسیت ماده به نرخ کرنش برای هر دو لایه عقبی و جلویی است که باید در تحلیل رفتار پلاستیک ساختارهای دولایه درنظرگرفته شود. با توجه به نکات ذکرشده و مطابق با تحلیل ابعادی مسئله، رابطه بیشترین خیز دائمی هرکدام از لایههای جلویی و عقبی به ضخامت آن لایه برای ساختارهای مستطیلی دولایه تحت بار دفعی حاصل از انفجار مخلوط گازها به صورت رابطه (۲۳) بیان می شود.

$$\frac{W_0}{H_b} = f\left(\frac{L}{H_b}, \frac{B}{H_f}, \frac{P_{O_2}P_{C_2H_2}}{\sigma_{0,b}\sigma_{0,f}}, \frac{1}{\xi_b}, \frac{1}{\xi_f}\right)$$
(YT)

اکنون، رابطه فوق را می توان بصورت رابطه (۲۴) درنظر گرفت.

$$Y = \frac{W_0}{H_b} = f(X_1, X_2, X_3, X_4, X_5)$$
(14)

برای محاسبه مدل بیشترین خیز دائمی ساختار فلز - پلیمر در شکلدهی انفجاری مخلوط گاز از دادههای آزمایشگاهی استفاده میشود. در این معادلات (X<sub>1</sub>, X<sub>2</sub>, X<sub>3</sub>, X<sub>4</sub>, X<sub>5</sub>) دادههای ورودی و Y دادهی خروجی شبکه است.

## ۴- بحث و بررسی نتایج

## ۴-۱ نتایج تجربی

در جدول ۳، کلیه مشخصات و نتایج آزمایشهای انجامشده روی ساختارهای دولایه فلز – پلیمر ارائه شده است. در این جدول مقادیر میانگین ایمپالس برای آزمایشهایی که در آن میزان بارگذاری (مقادیر پیش فشار) یکسان بوده، محاسبه شده است. نتایج بهدستآمده در مجموعه آزمایشهای انجامگرفته روی ساختارهای دولایه فلز – پلیمری، نشاندهنده پاسخ و رفتار مکانیکی ورقهای آلومینیومی تقویتشده با روکش پلیمری پلیاوره تحت بار دفعی حاصل از انفجار مخلوط گازها است که در آن اثر تغییرات ضخامت ورق آلومینیومی و روکش پلیمری و تغییرات مقدار ایمپالس یا به عبارتی افزایش انرژی انتقالی به ورق و به تبع آن تغییر نرخ سرعت تغییرشکل بررسی شده است.

## ۲-۴ گستره تغییرشکل ساختارهای فلز - پلیمر

در این بخش به بیان مشاهدات تجربی در مورد گستره یا مدهای تغییرشکل ساختارهای دولایه فلز – پلیمری پرداختهشده است. بررسی مشاهدات تجربی نشان میدهد که در طول ۴۰ آزمایش، تمامی ساختارها به غیر از ۷ نمونه سطوح مختلفی از تغییرشکل غیر الاستیک بزرگ یا همان مد اول تغییرشکل را نشان دادند. نمونهای از پروفیل تغییرشکل ساختارهای فلز – پلیمری در شکل ۴ نشان دادهشده است.

در این مجموعه آزمایشی، پروفیل تغییرشکل ورق آلومینیومی تقویتشده با روکش پلیاوره نیز، بهصورت دومی شکل یا محدب بوده و این بیان گر آن است که بار دفعی تولیدشده، بهصورت کاملاً یکنواخت بر سطح ساختار دولایه فلز – پلیمری وارد میشود. نتایج حاصلشده از شکل ۴ را میتوان بهصورت زیر دستهبندی کرد:۱) در نمونههای پارهنشده، هیچ گونه جدایشی بین روکش پلیمری و ورق آلومینیومی رخ نمیدهد، ۲) ناحیه دومی شکل از مرکز ساختار به سمت مرزهای کاملاً گیردار حرکت میکند، ۳) سطحی از ساختار که بین دو نگهدارنده قرار دارد، دچار هیچ گونه تغییرشکل غیرالاستیک بین دو نگهدارنده قرار دارد، دچار هیچ گونه تغییرشکل غیرالاستیک ورقهای تکلایه و دولایه مشهود است و این نشاندهنده تأثیر و عمل نیروهای کششی غشایی است و ۵) لولاهای پلاستیک در امتداد خطهای قطری کشیدهشده روی نمونه، از گوشههای ساختار تا مرکز

## ۴-۳ تاثیر ضخامت لایه فلزی و پلیمری

اکنون، پس از بررسی و تشریح مدهای تغییرشکل پلاستیک ساختارهای دولایه فلز – پلیمری به تحلیل نتایج تجربی کمی بهدستآمده پرداخته میشود. لذا در این بخش تأثیر تغییر پارامترهای تجربی مانند، افزایش میزان ایمپالس، افزایش ضخامت ورق فلزی و روکش پلیاوره و همچنین اثر افزایش چگالی سطحی بر بیشترین خیز دائمی ساختار دولایه فلز – پلیمر، مورد مطالعه قرار می گیرد. به همین منظور در شکل ۵، نمودار تغییرات بیشترین خیز دائمی ساختارهای فلز – پلیمر برحسب ایمپالس، نمایش دادهشده است.

در شکل ۵، همانطور که انتظار میرفت، بیشترین خیز دائمی

بیشترین خیز دائمی	فشار استيلن	فشار اکسیژن	ايمپالس	شماره
(mm)	(bar)	(bar)	(N·s)	آزمایش
٣۴/٢	•/1۵	•/٢	۱۹/۱	E-1
۴۷/۴	۰/۲۵	۰/٣	۲۸/۱	E-т
پارگى	٠/٢۵	۰/۳۵	۳۲/۳	E- <b>r</b>
پارگى	• /٣	•/۴	۴۱/۸	E-۴
پارگى	٠/۴	•/۶	49/4	E-a
٣٠/١	۰/۱۵	•/٢	۱۹/۱	F-9
42/1	٠/٢۵	٠/٣	۲۸/۱	F-Y
۴۸/۱	۰/۲۵	۰/۳۵	٣٢/٣	F-A
پارگى	٠/٣	٠/۴	۴۱/۸	F-9
پارگى	٠/۴	• /۶	49/4	F-1·
۲ ۱/۹	۰/۱۵	•/٢	۱۹/۱	G-11
٣٠/٧	٠/٢۵	٠/٣	۲۸/۱	G-17
۳۵/۵	۰/۲۵	۰/۳۵	٣٢/٣	G-1r
۴۶/۸	٠ /٣	٠/۴	۴۱/۸	G-14
پارگى	٠/۴	• /۶	41/4	G-10
۱۹/۸	۰/۱۵	٠/٢	۱۹/۱	H-19
۲٧/٣	۰/۲۵	٠ /٣	۲۸/۱	H-1V
۳١/٨	۰/۲۵	۰/۳۵	٣٢/٣	H-IX
۴۱/۸	٠ /٣	٠/۴	۴۱/۸	H-19
ዮአ/٣	٠/۴	• /۶	41/4	H-T.
۲ • /٨	•/1۵	• /٢	۱۹/۱	I-r i
۳۱/۴	۰/۲۵	٠/٣	۲۸/۱	I-77
۳۶/۱	۰/۲۵	۰ /۳۵	۳۲/۳	I–۲۳
۴۷/۱	٠ /٣	٠/۴	۴۱/۸	I-TF
پارگى	٠/۴	• /۶	41/4	I-YD
۱ ۸/۷	۰/۱۵	٠/٢	۱۹/۱	J-79
۲۸/۵	۰/۲۵	۰/٣	۲۸/۱	J-rv
۳۲/۹	۰/۲۵	۰/۳۵	۳۲/۳	J-ta
۴۳/۰	۰/٣	٠/۴	۴۱/۸	J-r٩
۵ • /۸	٠/۴	• /۶	49/4	J_~•
۱۴/۵	•/1۵	٠/٢	۱۹/۱	K- <b>m</b> 1
22/2	۰/۲۵	۰/٣	۲۸/۱	K-۳۲
۲۵/۵	۰/۲۵	۰/۳۵	۳۲/۳	K-۳۳
۳۳/۶	٠ /٣	٠/۴	۴١/٨	K- <b>٣</b> ۴
۳۹/۸	٠/۴	• /۶	49/4	K-۳۵
۱۳/۳	۰/۱۵	•/٢	۱۹/۱	L-۳۶
۲۰/۶	• /۲۵	• /٣	۲۸/۱	L-۳Y
۲۳/۸	۰/۲۵	۰ /۳۵	۳۲/۳	L-WA
۳۱/۲	٠ /٣	•/۴	۴۱/۸	L-۳۹
٣٧/٢	٠/۴	•/۶	49/4	L-F.

#### جدول ۳ : نتایج کارهای تجربی Table 3. Experimental results



Fig. 4. Metal-polymer configurations under impulsive loading شکل ۴: ساختارهای فلز - پلیمر بعد از اعمال بار دفعی



Fig. 5. Variation of the maximum permanent deflections of coated metallic plates versus impulse شکل ۵: تغییرات بیشترین خیز دائمی ساختارهای فلز - پلیمر برحسب ایمپالس

تکلایه فلزی این است که تغییرشکل پلاستیک این ساختارها در یک مرحله با نرخهای افزایشی مختلف رخ میدهد. همانطور که در نواحی دایرهای قرمز و آبیرنگ در شکل ۵ نشان دادهشده، در ایمپالسهای پایین، دو گروه آزمایشی H و I که تقریباً دارای چگالی

ساختارهای دولایه فلز - پلیمری با بالارفتن سطح انرژی انتقالی، بهصورت تدریجی افزایش مییابد و در حالت کلی، ایمپالس و بیشترین خیز دائمی با یکدیگر رابطه مستقیم و خطی دارند. یکی از نکات جالب در رفتار ساختارهای فلز - پلیمر تحت بار انفجار مخلوط گازها برخلاف ساختارهای دولایه فلزی و مشابه با ساختارهای 🦳 سطحی یکسان دارند، دارای خیزهای دائمی تقریباً برابر هستند اما

$R^2$	منحنی برازش شده	مشخصات آزمايش
٠/٩٩٧	$W_0 = 1.10I + 0.39$	G-Al-۲-PU-۳
٠/٩٩٨	$W_0 = 0.96I + 0.98$	H-Al-۲-PU-۴
•/१९१	$W_0 = 1.16I - 1.24$	I-Al-1/a-PU-a
•/१९९	$W_0 = 1.06I - 1.38$	J-Al-1/2-PU-8
•/٩٩٩	$W_0 = 0.84I - 1.39$	K-Al-۲/۵-PU-۵
٠/٩٩ <sup></sup> ٩	$W_0 = 0.79I - 1.62$	L-Al-1/0-PU-9

جدول ۴: منحنیهای درجه اول برازششده Table 4. Fit first-order curves

در ایمپالسهای بالاتر، ساختار H مقاومت بیشتری در برابر بار دفعی دارد، بنابراین؛ این نتیجه حاصل میشود که استفاده از رویههای پلیاوره در ایمپالسهای پایین کمک شایانی به مقاومت سازه در برابر بار انفجاری ضمن پاییننگهداشتن جرم سازه می کند. همچنین در این نمودار، مقادیر خیز دائمی ساختارهای فلز – پلیمر برحسب ایمپالس برای گروههای آزمایشی مختلف به صورت منحنی درجه یک برازش شدهاند. توابع برازش در جدول ۴ بیان شده است. با توجه به اینکه در گروههای آزمایشی E و F تعداد دادههای تجربی برابر با ۳ یا کمتر از آن است، لذا نتایج منحنیهای برازش شده برای این دو گروه ارائه نشده است.

به منظور درک و توضیح بهتر میزان اثربخشی، استفاده از روکش پلیاوره و تغییر ضخامت آن بر بیشترین خیز دائمی ساختار دولایه فلز – پلیمری، در شکل ۶، نمودارهای ستونی تغییرات بیشترین خیز دائمی ساختارهای دولایه فلز – پلیمری برحسب ایمپالس نمایش دادهشده است.

مقایسه نتایج تجربی برای دو لایهبندی ۵–PU-۱/۵–PU و ۸–۱/۵–PU-۷ نشان میدهد که افزایش ۲ و ۵/۰۰ میلیمتری ضخامت روکش پلیمری و ورق آلومینیومی در مقایسه با لایهبندیهای ۳۰–۲۵–۱۰–۲۰ و ۴–۲۰–۲۱–۲۰–۲۹ به ترتیب منجر به کاهش خیز ساختار دولایه فلز - پلیمری به میزان ۲۹/۲۲ و ۲۹/۲۷ در ایمپالس ساختار دولایه فلز - پلیمری به میزان ۲۹/۲۲ و ۲۹/۲۷ در ایمپالس ۱۹۰۸ N۰s و ۲۲/۸۷ در ایمپالس ۲۹/۴ ۸۰۶ میشود و ۴۱/۸ N۰s ایمپالس ۲۲/۸۶ میشود و ۴۱/۸ N۰s بالامیبرد. این در حالی است که مقایسه نتایج تجربی بهدستآمده برای دو لایهبندی ۵–۲۷–۲۵–۲۸–۲۸ و ۶–۲۷–۲/۵– ۲–۵/۵–۲۰ نشان میدهد که افزایش ۲ و ۵/۰ میلیمتری ضخامت روکش

پلیمری و ورق آلومینیومی در مقایسه با لایهبندیهای ۳-PU-۲-G-Al و H-Al-۲-PU-۴ منجر به کاهش خیز ساختار دولایه فلز - پلیمری به میزان ۱۹/۱ N·s در ایمپالس ۱۹/۱ N·s، ۲۷/۷٪ و ۲۴/۵٪ در ایمپالس ۲۸/۱ N·s و ۲۵/۲٪ در ایمپالس ۳۲/۳ N·s، و ۲۸/۲٪ و ۲۵/۴٪ در ایمپالس ۴۱/۸ می شود و آستانه تحمل ساختار G-Al-۲-PU-۳ را تا ایمیالس ۴۹/۴ N·s بالا میبرد. این در حالی است که مقایسه نتایج تجربی برای دو لایهبندی K-Al-۲/۵-PU-۵ و I-Al-۱/۵-PU نشان مىدهد كه افزايش ١ ميلىمترى ضخامت ورق آلومينيومى، منجر به کاهش خیز ساختار دولایه فلز - پلیمری با روکش پلیمری به ضخامت ۵ میلیمتر به میزان ٪۳۰/۳، ٪۲۹/۳ و ٪۲۸/۷ به ترتیب در ایمپالسهای ۳۲/۳ N·s، ۲۸/۱ N·s، ۱۹/۱ N·s و ۳۲/۳ ۴۱/۸ می شود. مقایسه بیشتر نتایج تجربی برای دو لایه بندی ۳-PU-E-Al-۱ و F-Al-۱-PU-۴ بیانگر آن است که افزایش ضخامت روکش پلیمری، منجر به کاهش خیز ساختار دولایه فلز - پلیمری با ورق آلومینیومی ۱ میلیمتر [۱۵ و ۱۶] به میزان ٪۱۱/۹ و ٪۱۱/۱ به ترتیب در ایمیالسهای ۱۹/۱ N۰s و ۲۸/۱ N۰s می شود. این در حالی است که مقایسه نتایج تجربی بهدست آمده برای دو لایه بندی PU-۳-E-Al-۱ و E-Al-۲-PU نشان میدهد که افزایش ضخامت ورق آلومینیومی، منجر به کاهش خیز ساختار دولایه فلز - پلیمری با روکش پلیمری به ضخامت ۳ میلیمتر به میزان ٪۳۵/۹ و ٪۳۵/۲ به ترتیب در ایمپالسهای ۱۹/۱ N۰s و ۲۸/۱ میشود. همچنین، مقایسه نتایج تجربی بهدستآمده برای دو لایهبندی PU-T-PU-۲-G-Al و H-Al-۲-PU نشان می دهد که افزایش ضخامت روکش پلیمری، منجر به کاهش خیز ساختار دولایه فلز - پلیمری با



Fig. 6. Variation of the maximum permanent deflections of coated metallic plates versus impulse شکل ۶: نمودار ستونی تغییرات بیشترین خیز دائمی ساختارهای فلز - پلیمر برحسب ایمپالس

ورق آلومینیومی ۲ میلیمتر به میزان ٪۹/۶، ٪۱۱/۱، ٪۴/۰۱ و ٪۱۰/۳ به ترتیب در ایمپالسهای ۲۰/۱ N۰s، ۱۹/۱ N۰۶ و ۲۲/۳ و N۰s ۴۱/۸ میشود. این در حالی است که مقایسه نتایج تجربی برای دو لایهبندی ۴–10–10–11 و ۴–10–17–14 نشان میدهد که افزایش ضخامت ورق آلومینیومی، منجر به کاهش خیز ساختار دولایه فلز - پلیمری با روکش پلیمری به ضخامت ۴ میلیمتر به میزان ۲۰/۳ و ۲۵/۳ ۲۰ میشود. مقایسه بیشتر نتایج تجربی نشان میدهد که افزودن روکش پلیمری با ضخامتهای ۳ و ۴ میلیمتر به ورق آلومینیومی ۲ میلیمتری به ترتیب موجب کاهش خیز دائمی ساختار به میزان ٪۲/۱۲ و ٪۱/۱۲ در ایمپالس ۲۰/۳ ای ۲۲/۳ در ایمپالس ۲۰/۳ در ایمپالس ۲۰/۳ ایم ۲۱/۳ و در نهایت ۲۰/۳۲ و ٪۲۰/۳ در ایمپالس ۱۰/۳ در ایمپالس ۲۰/۳ میتومی با توضیح است که برای ورقهای آلومینیومی با

ضخامت ۱ [۱۵ و ۱۶]، استفاده از روکش پلیمری ۳ و ۴ میلیمتری، به ترتیب موجب ۲/۱ و ۲/۴ برابرکردن آستانه تحمل بار دفعی حاصل از انفجار مخلوط گازها شده است.

در شکل ۷، به منظور بررسی اثر چگالی سطحی بر مقاومت ساختارهای دولایه فلز - پلیمری، نمودار تغییرات بیشترین خیز دائمی برحسب چگالی سطحی نمایش دادهشده است.

همانطور که انتظار میرفت، افزایش چگالی سطحی نمونه، باعث کاهش میزان تغییرشکل پلاستیک در هر شرایط بارگذاری میشود. بهطور مثال در شکل ۷ ب، برای هنگامیکه نمونههای آزمایشی تحت  $0.3 \text{ bar} = P_{O2} = 0.4 \text{ bar}$  و 10.3 bar و  $P_{O2} = 0.4 \text{ bar}$  بارگذاری دفعی با مقادیر پیش فشار bar  $P_{O2} = 0.4 \text{ bar}$  و 10.4 bar  $P_{C2H2} = P_{C2H2}$  و  $P_{C2H2} = P_{C2H2}$  میلیمتر به ۴۳/۰ میلیمتر به ۴۳/۰ میلیمتر دائمی ساختار از ۴۷/۱ میلیمتر به ۲۰/۷ m<sup>2</sup> میلیمتر دائمی کاهش می دائمی خیز دائمی کاهش می این بدان معناست که شیب کاهشی خیز دائمی



Fig. 7. Variation of the maximum permanent deflections of coated metallic plates versus areal density شکل ۷: تغییرات بیشترین خیز دائمی ساختارهای دولایه فلز - پلیمری برحسب چگالی سطحی

۳/۷ kg/mm·m<sup>2</sup> اول  $kg/mm·m^2$  است. لازم به توضیح است که این شیب کاهشی برای مراحل دوم و است. لازم به توضیح است که این شیب کاهشی برای مراحل دوم و سوم یعنی زمانی که چگالی سطحی به ترتیب از  $10/4 \ kg/m^2$  به اسرایر است با  $17/7 \ kg/m^2$  و از  $17/7 \ kg/m^2$  تغییر می کند، برابر است با  $17/7 \ kg/mm·m^2$  و  $17/7 \ kg/mm·m^2$ ؛ همچنین برای هنگامی که نمونههای آزمایشی تحت بارگذاری دفعی با مقادیر پیش فشار  $10.25 \ bar$  و  $P_{02} = 0.35 \ bar$  قرار دارند، این فشار به ترتیب برابر است با  $P_{02} = 0.35 \ bar$  مقادیر به ترتیب برای مقادیر به ترتیب برابر است با  $1/37 \ kg/mm·m^2$ ،

#### ۴-۴ نتایج مدلسازی با روش شبکه عصبی

در مدلسازی فرآیند شکلدهی ساختارهای فلز – پلیمر تحت بارگذاری دفعی حاصل از انفجار مخلوط گازها از ۳۳ دسته داده

ورودی- خروجی آن بهعنوان ورودی شبکه عصبی از نوع دستهبندی گروهی دادهها استفادهشده است. بهمنظور افزایش قابلیت پیش بینی شبکه عصبی پیشنهادی برای این فرآیند، دادهها به دو دسته تقسیم شدهاند که شامل دسته دادههای آموزشی و پیش بینی هستند. بنابراین، ۲۵ دسته داده برای آموزش شبکه و ۸ دسته داده دیگر برای پیش بینی خروجی شبکه استفادهشده است. با توجه به توضیحات ارائهشده، نسبت بیشترین خیز دائمی ساختار فلز – پلیمر به ضخامت لایه عقبی با استفاده از ده سری معادلات ارائهشده در قسمت پیوست ارائهشده، به دست میآید. لازم به توضیح است که این معادلات به صورت شبکه به یکدیگر متصل هستند. مقایسه بین خروجیهای حاصل از مدل ریاضی بدستآمده از شبکه عصبی از نوع دستهبندی گروهی دادهها و خروجیهای تجربی در ۳۳ داده ورودی- خروجی فرآیند شکل دهی ساختارهای فلز – پلیمر در شکل ۸ نشان داده شده



Fig. 8. Comparison of experimental results and mathematical model presented by GMDH neural network شکل ۸: مقایسه نتایج تجربی و مدل ریاضی ارائهشده توسط روش شبکه عصبی دستهبندی گروهی دادهها

است.

در روش شبکه عصبی از نوع دستهبندی گروهی دادهها، انطباق خروجیهای مدلشده و خروجیهای تجربی برحسب معیار ضریب تبیین R<sup>2</sup> برابر ۰/۹۹۹ برای دادههای آموزشی و ۰/۹۸۹ برای دادههای پیشبینی بدست آمده و انحراف دادههای آزمایشگاهی و مقادیر پیش بینی شده توسط شبکه عصبی با روش دسته بندی گروهی دادهها بسیار اندک است. این انحراف در بعضی از بخشها به صفر می سد؛ بنابراین، مطابق شکل ۸ توافق خوبی بین مدل ارائهشده با مقادیر تجربی مشاهده می شود به طوری که تمامی نقاط در محدوده خطای کمتر از ۱۰٪ قرار دارند. نتایج روش مدلسازی انجامشده برای فرآیند شکلدهی انفجاری ساختارهای فلز - پلیمر تحت بارگذاری دفعی حاصل از انفجار مخلوط گازها، نشاندهنده دقت بالا و توانایی شبکه عصبی ارائهشده در طراحی و مدلسازی این فرآیند است. کاملاً مشخص است که هم خطای مدلسازی و هم خطای پیشبینی مدل ارائهشده در این تحقیق به نتایج خوبی منجر شده، بهخصوص این مورد را می توان در مورد خطای پیشبینی با وضوح بیشتری مشاهده کرد. با توجه به کمبودن خطای پیشبینی مدل ارائهشده در این تحقیق میتوان از آن به عنوان یک مدل کاملاً مناسب برای پیشبینی رفتار پلاستیک ساختارهای فلز - پلیمر مستطیلی تحت بارگذاری دفعی حاصل از انفجار مخلوط گازها استفاده کرد.

# ۵- نتیجهگیری

در این مقاله، تغییر شکل دائمی ساختارهای دولایه فلز - پلیمر تحت بار گذاری دفعی حاصل از انفجار مخلوط گازها بهصورت تجربی و عددی، مورد بررسی قرار گرفت. در بخش تجربی، با استفاده از سامانه شکل دهی تک مرحله ای انفجار مخلوط گاز، ۴۰ آزمایش روی ورق های آلومینیومی تقویتشده با روکش پلیاوره انجام شد. جهت بررسی اثر ضخامت لایههای فلزی و پلیمری روی پاسخ نهایی ساختار، ورق آلومینیومی و روکش پلیاوره در چهار ضخامت مختلف و هشت گروه آزمایش تهیه شد. نتایج تجربی نشان داد که افزودن لایه پلیاوره به پشت ورق آلومینیومی موجب بالارفتن آستانه تحمل سازه در برابر بار دفعی شده و میزان خیز دائمی ساختار را به طرز چشم گیری افزایش میدهد. مقایسه نتایج تجربی بهدستآمده برای دو لایهبندی K-Al-۲/۵-PU-۵ و L-Al-۲/۵-PU-۶ نشان داد که افزایش ۲ و ۵٪۰ میلیمتری ضخامت روکش پلیمری و ورق آلومینیومی در مقایسه با لایهبندیهای G-Al-۲-PU-۳ و H-Al-۲-PU-۴ منجر به کاهش خیز ساختار دولایه فلز - پلیمری به میزان ٪۳۳/۸ و ۲۲/۸٪ در ایمیالس ۱۹/۱ N·s و ۲۴/۵٪ در ایمیالس ۲۸/۲٪ ، ۲۸/۲٪ و ۲۵/۲٪ در ایمیالس ۳۲/۳ N·s، و ۲۸/۲٪ و و ۲۵/۴٪ در ایمیالس ۴۱/۸ N·s می شود و آستانه تحمل ساختار G-Al-۲-PU-۳ را تا ایمپالس ۴۹/۴ N۰s بالا میبرد. مقایسه نتایج تجربی برای دو لایهبندی I-Al-۱/۵-PU و I-Al-۱/۵-PU و J-Al-۱/۵-PU

- [5] M. Kleiner, M. Hermes, M. Weber, H. Olivier, G. Gershteyn,F.-W. Bach, A. Brosius, Tube expansion by gas detonation,Production Engineering, 1(1) (2007) 9-17.
- [6] M.K. Meybodi, H. Bisadi, Gas Detonation Forming by a mixture of H2+ O2 Detonation, World Academy of Science, Engineering and Technology, 33 (2009) 55-58.
- [7] M. Khaleghi, B.S. Aghazadeh, H. Bisadi, Efficient oxyhydrogen mixture determination in gas Detonation forming, Int. J. Mech. Mechatron. Eng, 7 (2013) 1748-1754.
- [8] H. Babaei, T.M. Mostofi, S.H. Sadraei, Effect of gas detonation on response of circular plate-experimental and theoretical, Structural Engineering and Mechanics, 56(4) (2015) 535-548.
- [9] H. Babaei, T. Mirzababaie Mostofi, M. Alitavoli, Experimental investigation and analytical modelling for forming of circular-clamped plates by using gases mixture detonation, Proceedings of the Institution of Mechanical Engineers, Part C: Journal of Mechanical Engineering Science, (2015) 0954406215614336.
- [10] H. Babaei, T.M. Mostofi, M. Alitavoli, A. Darvizeh, Empirical modelling for prediction of large deformation of clamped circular plates in gas detonation forming process, Experimental Techniques, 40(6) (2016) 1485-1494.
- [11] H. Babaei, T.M. Mostofi, M. Namdari-Khalilabad, M. Alitavoli, K. Mohammadi, Gas mixture detonation method, a novel processing technique for metal powder compaction: Experimental investigation and empirical modeling, Powder technology, 315 (2017) 171-181.
- [12] S.P. Patil, M. Popli, V. Jenkouk, B. Markert, Numerical modelling of the gas detonation process of sheet metal forming, in: Journal of Physics: Conference Series, IOP Publishing, 2016, pp. 032099.
- [13] V. Jenkouk, S. Patil, B. Markert, Joining of tubes by gas detonation forming, in: Journal of Physics: Conference Series, IOP Publishing, 2016, pp. 032101.
- [14] S. Patil, K. Prajapati, V. Jenkouk, H. Olivier, B. Markert, Experimental and numerical studies of sheet metal forming with damage using gas detonation process, Metals, 7(12) (2017) 556.

نشان داد که افزایش ۲ و ۵/. ۰ میلیمتری ضخامت روکش پلیمری و ورق آلومینیومی در مقایسه با لایهبندیهای ۳-E-Al-۱-PU و F-Al-۱-PU-۴، به ترتیب منجر به کاهش خیز ساختار دولایه فلز - پلیمری به میزان ۲۹/۲٪ و ۳۷/۹٪ در ایمپالس ۱۹/۱ N۰s، و ۲۲/۸٪ و ۳۲/۸٪ در ایمیالس ۲۸/۱ N·s می شود و آستانه تحمل ساختار فلز - یلیمر را به ترتیب تا ایمیالس ۴۱/۸ N۰s و ۴۹/۴ N۰s بالا میبرد. در بخش مدلسازی، از روش شبکه عصبی برای ارائه یک مدل دقیق جهت پیش بینی بیشترین خیز دائمی ساختار فلز - پلیمر تحت بار دفعے، استفادہ شد. بهمنظور افزایش قابلیت پیشبینی شبکه عصبی پیشنهادی برای این فرآیند، دادهها به دو دسته تقسیم شدهاند به طوری که ۲۵ دسته داده برای آموزش شبکه و ۸ دسته داده دیگر برای پیش بینی خروجی شبکه استفاده شد. نتایج حاصل شده بیان گر توافق خوب بین مدل ارائهشده با مقادیر تجربی است بهطوریکه تمامی نقاط در محدوده خطای کمتر از ۱۰٪ قرار دارند. بنابراین، با توجه به کمبودن خطای پیش بینی مدل ارائه شده در این تحقیق می توان از آن به عنوان یک مدل کاملاً مناسب برای پیش بینی رفتار يلاستيک ساختارهای فلز - يليمر مستطيلی تحت بارگذاری دفعی حاصل از انفجار مخلوط گازها استفاده کرد.

#### مراجع

- T.M. Mostofi, H. Babaei, M. Alitavoli, Theoretical analysis on the effect of uniform and localized impulsive loading on the dynamic plastic behaviour of fully clamped thin quadrangular plates, Thin-Walled Structures, 109 (2016) 367-376.
- [2] T.M. Mostofi, A. Golbaf, A. Mahmoudi, M. Alitavoli, H. Babaei, Closed-form analytical analysis on the effect of coupled membrane and bending strains on the dynamic plastic behaviour of fully clamped thin quadrangular plates due to uniform and localized impulsive loading, Thin-Walled Structures, 123 (2018) 48-56.
- [3] M. Yasar, Gas detonation forming process and modeling for efficient spring-back prediction, Journal of materials processing technology, 150(3) (2004) 270-279.
- [4] M. Yaşar, H.I. Demirci, I. Kadi, Detonation forming of aluminium cylindrical cups experimental and theoretical modelling, Materials & design, 27(5) (2006) 397-404.

response of steel plates subjected to close-in blast loading from spherical liquid explosive charges, International journal of impact engineering, 101 (2017) 78-89.

- [25] Y. Li, Z. Chen, T. Zhao, X. Cao, Y. Jiang, D. Xiao, D. Fang. An experimental study on dynamic response of polyurea coated metal plates under intense underwater impulsive loading. International Journal of Impact Engineering. 133 (2019) 103361.
- [26] L. H. Dai, C. Wu, F. J. An, S. S. Liao. Experimental Investigation of Polyurea-Coated Steel Plates at Underwater Explosive Loading. Advances in Materials Science and Engineering (2018).
- [27] E. Sanchez, T. Shibata, L.A. Zadeh, Genetic algorithms and fuzzy logic systems: Soft computing perspectives, World Scientific, 1997.
- [28] K. Kristinsson, G.A. Dumont, System identification and control using genetic algorithms, IEEE Transactions on Systems, Man, and Cybernetics, 22(5) (1992) 1033-1046.
- [29] A.G. Ivakhnenko, Polynomial theory of complex systems, IEEE transactions on Systems, Man, and Cybernetics, (4) (1971) 364-378.
- [30] K.J. Åström, P. Eykhoff, System identification—a survey, Automatica, 7(2) (1971) 123-162.
- [31] Z. Xue, J.W. Hutchinson, Neck retardation and enhanced energy absorption in metal–elastomer bilayers, Mechanics of Materials, 39(5) (2007) 473-487.
- [32] O. Izadi, M. Silani, P. Mosaddegh, M. Farzin. Warpage and bending behavior of polymer-metal hybrids: experimental and numerical simulations. The International Journal of Advanced Manufacturing Technology, 98(1-4) (2018) 873-885.
- [33] O. Izadi, P. Mosaddegh, M. Silani, M. Dinari. An experimental study on mechanical properties of a novel hybrid metal-polymer joining technology based on a reaction between isocyanate and hydroxyl groups. Journal of Manufacturing Processes, 30 (2017) 217-225.
- [34] D.-W. Lee, S.-W. Seo, K.-B. Sim, Online evolution for cooperative behavior in group robot systems, International Journal of Control, Automation, and Systems, 6(2) (2008) 282-287.

- [15] T.M. Mostofi, H. Babaei, M. Alitavoli, The influence of gas mixture detonation loads on large plastic deformation of thin quadrangular plates: Experimental investigation and empirical modelling, Thin-Walled Structures, 118 (2017) 1-11.
- [16] T. Mirzababaie Mostofi, H. Babaei, M. Alitavoli, Experimental and theoretical study on large ductile transverse deformations of rectangular plates subjected to shock load due to gas mixture detonation, Strain, 53(4) (2017) e12235.
- [17] T.M. Mostofi, H. Babaei, M. Alitavoli, G. Lu, D. Ruan, Large transverse deformation of double-layered rectangular plates subjected to gas mixture detonation load, International Journal of Impact Engineering, 125 (2019) 93-106.
- [18] M. Amini, J. Isaacs, S. Nemat-Nasser, Experimental investigation of response of monolithic and bilayer plates to impulsive loads, International Journal of Impact Engineering, 37(1) (2010) 82-89.
- [19] M. Amini, A. Amirkhizi, S. Nemat-Nasser, Numerical modeling of response of monolithic and bilayer plates to impulsive loads, International Journal of Impact Engineering, 37(1) (2010) 90-102.
- [20] M. Amini, J. Isaacs, S. Nemat-Nasser, Investigation of effect of polyurea on response of steel plates to impulsive loads in direct pressure-pulse experiments, Mechanics of Materials, 42(6) (2010) 628-639.
- [21] M. Amini, J. Simon, S. Nemat-Nasser, Numerical modeling of effect of polyurea on response of steel plates to impulsive loads in direct pressure-pulse experiments, Mechanics of Materials, 42(6) (2010) 615-627.
- [22] K. Ackland, C. Anderson, T.D. Ngo, Deformation of polyurea-coated steel plates under localised blast loading, International Journal of Impact Engineering, 51 (2013) 13-22.
- [23] P. Tran, T.D. Ngo, A. Ghazlan, Numerical modelling of hybrid elastomeric composite panels subjected to blast loadings, Composite Structures, 153 (2016) 108-122.
- [24] A. Remennikov, T. Ngo, D. Mohotti, B. Uy, M. Netherton, Experimental investigation and simplified modeling of

پيوست:

(9)

(Y)

under impulsive loading using dimensionless analysis and singular value decomposition, Journal of Mechanics, 26(3) (2010) 355-361.

[42] M.A. Ahmadi, M. Golshadi, Neural network based swarm concept for prediction asphaltene precipitation due to natural depletion, Journal of Petroleum Science and Engineering, 98 (2012) 40-49.

$H_1 = 21.06 + 0.4860 X_1 - 26.05 X_4 +$	(1)
$0.0003030X_1^2 + 6.304X_4^2 - 0.1033X_1X_4$	

 $H_2 = -1.611 + 0.08627X_2 + 0.009411H_1 -$  (Y) 0.0005109X\_2^2 + 0.03495H\_1^2 + 0.006868X\_2H\_1

 $H_{3} = 13.30 - 4.182X_{5} + 1.463H_{2} +$   $0.3335X_{5}^{2} + 0.001991H_{2}^{2} - 0.08128X_{5}H_{2}$ (\vee )

- $H_{4} = -0.3780 + 0.4094H_{1} + 0.7214H_{3} (\texttt{f})$  $0.09037H_{1}^{2} - 0.04024H_{3}^{2} + 0.1224H_{1}H_{3}$
- $H_{5} = -0.3871 + 1.278H_{2} 0.1598H_{4}$ ( $\Delta$ ) 1.028 $H_{2}^{2} - 0.8945H_{4}^{2} + 1.1917H_{2}H_{4}$
- $H_6 = -1.290 0.2387X_5 + 1.409H_5 +$  $0.05852X_5^2 - 0.003844H_5^2 - 0.05125X_5H_5$

$$\begin{split} H_7 = & -0.1088 + 0.1102 H_1 + 0.9162 H_6 - \\ & 0.005987 H_1^2 + 0.002980 H_6^2 + 0.001539 H_1 H_6 \end{split}$$

 $H_8 = 0.1790 + 0.05165H_5 + 0.9259H_7 - (\lambda)$ 12.52H\_5^2 - 12.44H\_7^2 + 24.96H\_5H\_7

 $H_{9} = -0.01609 + 0.4358H_{4} + 0.5776H_{8} -$ (9)  $1.203H_{4}^{2} - 1.167H_{8}^{2} + 2.369H_{4}H_{8}$ 

$$H_{10} = -0.1355 - 1.153H_6 + 2.176H_9 + (1 \cdot)$$
  
$$5.373H_6^2 + 5.242H_9^2 - 10.62H_6H_9$$

- [35] S.J. Farlow, Self-organizing methods in modeling: GMDH type algorithms, CrC Press, 1984.
- [36] N. Nariman-Zadeh, A. Darvizeh, A. Jamali, A. Moeini, Evolutionary design of generalized polynomial neural networks for modelling and prediction of explosive forming process, Journal of Materials Processing Technology, 164 (2005) 1561-1571.
- [37] N. Nariman-Zadeh, K. Atashkari, A. Jamali, A. Pilechi, X. Yao, Inverse modelling of multi-objective thermodynamically optimized turbojet engines using GMDH-type neural networks and evolutionary algorithms, Engineering Optimization, 37(5) (2005) 437-462.
- [38] A. Jamali, A. Hajiloo, N. Nariman-Zadeh, Reliabilitybased robust Pareto design of linear state feedback controllers using a multi-objective uniform-diversity genetic algorithm (MUGA), Expert systems with Applications, 37(1) (2010) 401-413.
- [39] M. Ahmadi, M.-A. Ahmadi, M. Mehrpooya, M. Rosen, Using GMDH neural networks to model the power and torque of a stirling engine, Sustainability, 7(2) (2015) 2243-2255.
- [40] N. Nariman-Zadeh, A. Darvizeh, M. Felezi, H. Gharababaei, Polynomial modelling of explosive compaction process of metallic powders using GMDHtype neural networks and singular value decomposition, Modelling and Simulation in Materials Science and Engineering, 10(6) (2002) 727.
- [41] H. Gharababaei, N. Nariman-Zadeh, A. Darvizeh, A simple modelling method for deflection of circular plates

چگونه به این مقاله ارجاع دهیم T. Mirzababaie Mostofi, M. Sayah Badkhor, M. Miralinaghi, H. Babaei, Plastic Deformation of Reinforced Aluminum Plates with Polyurea Coating under Impulsive Loading . AmirKabirJ. Mech Eng., 53(special issue 2) (2021) 1251-1268. DOI: 10.22060/mej.2020.17127.6515



بی موجعه محمد ا