نشريه مهندسي مكانيك اميركبير

نشریه مهندسی مکانیک امیرکبیر، دوره ۵۴، شماره ۵، سال ۱۴۰۱، صفحات ۱۱۸۱ تا ۱۱۹۸ DOI: 10.22060/mej.2022.20401.7226



بررسی فرآیند ذوب دوبعدی درون محیط متخلخل با اعمال شرط عدم تعادل دمای محلی در حضور شرط مرزی سینوسی با روش بولتزمن شبکهای

محمد تقيلو*، سيد عليرضا صفويي

دانشکده مهندسی، دانشگاه زنجان، زنجان، ایران .

خلاصه: مقاله حاضر، به بررسی اختلاف دمای محلی، میان ماده تغییر فاز دهنده و محیط متخلخل دوبعدی طی فرآیند ذوب با نظر گرفتن جابجایی طبیعی و شرط مرزی سینوسی، می پردازد. بدین منظور از تابع توزیع چگالی، برای حل معادله تکانه و از دو تابع توزیع جداگانه برای حل معادلات انرژی جهت محاسبه اختلاف دمای محلی و کسر مایع ماده تغییر فاز دهنده، استفاده شده است. بررسی تأثیر پارامترهایی نظیر دامنه و فرکانس نوسان و عدد اسپارو بر درصد اختلاف دمای محلی و کسر مایع ماده تغییر فاز دهنده، استفاده شده است. بررسی و عدم حضور جابجایی طبیعی، از اهداف این مقاله است. نتایج نشان می دهد که با افزایش فرکانس نوسان از ۱ به ۳، درصد اختلاف دمای محلی از ۴۱/۴۴ ٪ به ۶۷/۵۳ ٪ افزایش یافته و با افزایش دامنه نوسان از ۱ به ۳، درصد اختلاف [–] به ۲۰/۵۶ ٪ کاهش می ابد. همچنین، با افزایش عدد اسپارو از ۳۲۲ به ۶۰۰۰ درصد اختلاف دمای محلی از ۴۱/۴۴ ٪ به ۲۱/۴ به ۲۰/۵۶ درصد اختلاف دمای محلی از ۴۱/۴۴ ٪ به ۲۲/۴۶ ٪ افزایش دامنه نوسان از ۱ به ۳، درصد اختلاف – به ۲۰/۵۶ ٪ کاهش می ابد. همچنین، با افزایش عدد اسپارو از ۳۲۲ به ۶۰۰۰ درصد اختلاف دمای محلی از ۴۱/۴۴ ٪ به ۲۰/۴ کاهش می ابد. از سوی دیگر، مشاهده می شود که با تغییر فر کانس نوسان از ۱ به ۳، درصد اختلاف می به ۲۰/۵۶ زمان می محلی از ۲۵/۱۴ زمین عاد از ۲۰ به ۲۰۰۶ درصد اختلاف دمای محلی از ۴۱/۴۴ ٪ به ۲۰/۴ کاهش می ابد. از سوی دیگر، مشاهده می شود که با تغییر فر کانس نوسان، کسر مایع نسبت به شرایط رسانش محض تغییر چندانی نمی کند؛ حال آنکه با افزایش دامنه نوسان، درصد انحراف کسر مایع نسبت به شرایط رسانش محض تغییر چندانی

تاریخچه داوری: دریافت: ۱۴۰۰/۰۵/۲۲ بازنگری: ۱۴۰۰/۱۰/۱۹ پذیرش: ۱۴۰۰/۱۱/۲۸ ارائه آنلاین: ۱۴۰۰/۱۲/۰۸

کلمات کلیدی: فرآیند ذوب محیط متخلخل اختلاف دمای محلی دمای مرز سینوسی روش بولتزمن شبکهای

۱ – مقدمه

در سالهای اخیر، محققین و مهندسان توجه بسیاری به بررسی فرآیند ذوب و انجماد ماده تغییر فاز دهنده^۱ به منظور طراحی سیستمهای ذخیره انرژی گرمایی نهان^۲، کردهاند. در این بررسیها، مقادیر کم ضریب رسانندگیِ ماده تغییر فاز دهنده به عنوان یک عامل کاهنده در آهنگ انتقال گرما و تغییر فاز شناخته شده است. از اینرو، روشهای مختلفی از قبیل افزودن پره [۱ و ۲]، استفاده از نانوذرات [۳] و نیز استفاده از محیط متخلخل [۴]، به منظور افزایش ضریب انتقال گرمای مؤثر و جبران مقادیر کم ضریب رسانندگی، پیشنهاد شده است. در بررسی فرآیند تغییر فاز درون محیط متخلخل و ماده تغییر پزشنهاد شده است. در بررسی فرآیند تغییر فاز درون محیط متخلخل و ماده تغییر فاز دهنده استاده دمای محلی⁷ در فصل مشترک محیط متخلخل و ماده تغییر ماد مناد مادی محلی⁷ در فصل مشترک محیط متخلخل و ماده تغییر فاز دهنده استفاده شده است. با این حال، در بسیاری از کاربردها شرط تعادل

- 1 Phase Change Material (PCM)
- 2 Latent Heat Thermal Storage (LHTS)
- 3 Local Thermal Equilibrium (LTE)

Creative Commons License) حقوق مؤلفین به نویسندگان و حقوق ناشر به انتشارات دانشگاه امیرکبیر داده شده است. این مقاله تحت لیسانس آفرینندگی مردمی (Creative Commons License) کی کی در دسترس شما قرار گرفته است. برای جزئیات این لیسانس، از آدرس https://www.creativecommons.org/licenses/by-nc/4.0/legalcode دیدن فرمائید.

حرارت سریع در محیط متخلخل [۶]، یا زمانی که حرارت قابل توجهی در داخل محیط متخلخل تولید شود [۷] و یا اختلاف قابل توجهی بین ضرایب رسانش حرارتی سیال و محیط متخلخل وجود داشته باشد [۸]، نرخ تغییر دمای محلی برای دو فاز جامد و مایع برابر نخواهد بود؛ و فرض تعادل دمای محلی باید کنار گذاشته شود. استخراج م–یدان دما تحت شرط عدم تعادل دمای محلی¹ نیازمند حل همزمان دو معادله انرژی، یکی برای فاز جامد و دیگری برای فاز مایع است.

روش بولتزمن شبکهای^۵، به عنوان یک روش توانمند برای مطالعه جریان سیال، انتقال گرما و سایر فیزیکهای پیچیده ظاهر شده است. در مقایسه با روشهای دینامیک سیال محاسباتی⁷، این روش مزایای بسیاری دارد؛ که از جمله آن میتوان به کدنویسی ساده، قابلیت موازیسازی و قابلیت اعمال بر هندسهها و شرایط مرزی پیچیده، مانند جریان در محیط متخلخل، اشاره کرد [۹]. در سالهای اخیر، از روش بولتزمن شبکهای برای شبیه سازی

5 Lattice Boltzmann Method (LBM)

4

6 Computational Fluid Dynamics (CFD)

^{*} نویسنده عهدهدار مکاتبات: taghilou@znu.ac.ir

فرآیند تغییر فاز تحت هر دو شرط تعادل دمای محلی و عدم تعادل دمای محلی، استفاده شده است. گائو و همکاران [۱۰] به بررسی فرآیند ذوب داخل یک محیط متخلخل و تحت شرط عدم تعادل دمای محلی به روش بولتزمن شبکهای پرداختند. ایشان نشان دادند که در صورت وجود اختلاف زیاد بین ضرایب رسانش حرارتی محیط متخلخل و سیال، شرط تعادل دمای محلی دیگر برقرار نخواهد بود. ایشان در پژوهشی دیگر [۱۱]، یک روش بهبود یافته بر اساس بولتزمن شبکهای برای مسئله تغییر فاز جامد–مایع در محیط متخلخل تحت شرط عدم تعادل دمای محلی ارائه دادند. یکی از مزایای این مدل سازی، کاهش فرآیند تکرار در روند حل و افزایش پایداری عددی است. مینکوویچ و همکاران [۶]، انحراف از حالت تعادل دمای محلی در اثر تغییر سریع شار حرارتی تولیدی در یک محیط متخلخل را مورد بررسی قرار دادند. بر این اساس، عدد بیبعد اسپارو جهت مطالعه شرایط وجود تعادل و یا عدم

وجود نوسان دما در سیستمهای ذخیره انرژی بویژه در شرایط مرزی، یکی از عوامل مهم توجیه استفاده از مواد تغییر فاز دهنده است؛ چراکه در چنین شرایطی امکان ذوب و انجماد متوالی و تکمیل چرخه ذخیره و تخلیه انرژی فراهم می شود. در این راستا، مطالعات بسیاری با اعمال شرایط مرزی نوسانی صورت پذیرفته است. ساوویچ و کالدول [۱۲]، مسئلهی ذوب یک بعدی (مسئلهی استفان) را با شرط مرزی نوسانی به روش اختلاف محدود بررسی کردند. ایشان نشان دادند که اندازه دامنهی نوسان دما، تأثیر زیادی بر توزیع دمای محفظه و سرعت حرکت جبههی ذوب دارد. هو و چو [۱۳]، فرآیند ذوب و انجماد متناوب در حضور دمای نوسانی مرز را درون یک محفظه مربعی مورد بررسی قرار دادند. به منظور حل معادله انرژی و موقعیتیابی جبهه ذوب، از روش آنتالپی استفاده شد. همچنین، اثرات جابجایی طبیعی توسط فرض بوزینسک اعمال گردید. نتایج آنها نشان داد که در شرایط پایا، فرآیند ذوب به صورت متناوب تکرار می شود. همچنین، نشان داده شد که فرکانس ذوب و آهنگ انتقال گرما مشابه فرکانس دمای اعمال شده در مرز سیستم است، که اندکی اختلاف فاز دارد. صادقی و همکاران [۱۴] با اعمال روش اجزای محدود، فرآیند ذوب و انجماد چند لایه مواد تغییر فاز دهنده درون استوانههای هم محور با شرایط مرزی متناوب را بررسی کردند. آنها اثرات جابجایی طبیعی را اعمال و با مدل کارمن-کوزنی (میدان سرعت در مناطق جامد و مایع را کنترل نمودند. نتایج نشان میدهد که بر خلاف بخش بیرونی، قسمت داخلی بیشتر تحت تأثیر دمای سیال

حرارتی داغ^۲ قرار دارد. راجیو [۱۵] مسئله ذوب ماده تغییر فاز دهنده را به همراه ضریب رسانش متغیر و شرایط مرزی متناوب به صورت عددی بررسی كرد. در اين بررسي از روش اختلاف محدود استفاده شد؛ و نتايج آن با نتايج حل تحلیلی در شرایط خاص مقایسه گردید. بر این اساس، مشاهده گردید که موقعیت جبهه ذوب و پروفیل دما وابسته به عدد استفان، عدد پکلت و ضریب رسانندگی است. سعدون و همکاران [۱۶] روش انتگرالی تصفیه شده" را برای بررسی مسئله استفان یکبعدی به همراه شرایط مرزی وابسته به زمان اصلاح کردند. شرط مرزی به کار رفته در کار آنها به صورت خطی و سينوسي بوده و اثر عدد بيبعد استفان بر موقعيت جبهه انجماد، بررسي شده است. تقيلو و همكاران [١٧] فرآيند ذوب و انجماد ماده تغيير فاز دهنده را در یک مبدل حرارتی دولولهای با در نظر گرفتن شرط مرزی زمانمند بررسی کردند. بر این اساس، آنها از شرط مرزی نوع سوم به همراه دمای محیط و ضریب جابجایی سینوسی، استفاده نمودند. همچنین از دو نوع ماده تغییر فاز دهنده به نامهای آر-تی-۲۸۴ و آر-تی-۳۵۵ به طور همزمان استفاده گردید. نتایج نشان داد که نوسان دمای محیط تأثیر زیادی بر فرآیند ذوب دارد، اما نوسان ضريب جابجايي تأثير قابل توجهي بر كسر مايع ماده تغيير فاز دهنده ندارد. تقیلو و طلعتی [۱۸] یک مدل تحلیلی به منظور بررسی میدان دما و موقعیت جبهه انجماد در یک مخزن دوبعدی حاوی پره به همراه شرایط مرزى زمانمند ارائه كردند. فرضيات مدل ارائه شده شامل رسانش محض، خواص ترموفیزیکی ثابت و انتقال گرمای یک بعدی است. تغییرات دمای مرز در دو حالت خطی و سینوسی تعریف شده است. نتایج مدل ارائه شده با نتایج عددی بدست آمده با روش بولتزمن شبکهای همخوانی دارد.

در مقاله حاضر، فرآیند ذوب و انجماد همزمان درون یک محیط متخلخل مربعی با اعمال شرط مرزی سینوسی، بررسی شده است. وجود نوسان در میدان دما و نیز اختلاف زیاد میان ضرایب رسانش ماده تغییر فاز دهنده و محیط متخلخل، سبب لزوم اعمال شرط عدم تعادل دمای محلی شده است. همچنین، با توجه به تأثیر جابجایی طبیعی در فرآیند تغییر فاز و توسعه مدلهای تحلیلی در شرایط رسانش محض، بررسی شرایط لازم جهت صرف نظر کردن از اثرات جابجایی طبیعی، از اهداف این مقاله است. بر این اساس، از روش آنتالپی بر پایه معادله بولتزمن به منظور حل معادلات تکانه و انرژی استفاده شده است. نتایج عددی، تأثیر پارامترهایی نظیر فرکانس و دامنهی

- 4 RT28
- 5 RT35

² Hot heat transfer fluid

³ Refined integral method

¹ Carman Kozeny



شکل ۱. طرحواره مسئله ذوب با شرط مرزی سینوسی.

Fig. 1. Schematic of melting problem with sinusoidal boundary condition.

نوسان دمای مرز و عدد اسپارو را بر اختلاف دمای محلی بین ماده تغییر فاز دهنده و محیط متخلخل و نیز اختلاف کسر مایع ماده تغییر فاز دهنده در حضور و عدم حضور جابجایی طبیعی را نشان میدهند.

۲- معرفی مسئله

هندسه ی مسئله مورد بررسی، یک محفظه ی مربعی با ابعاد ۱۵۰×۱۵۰ واحد بوده، که به صورت کامل توسط محیط متخلخل مطابق شکل ۱، پر شده است. شرط مرزی برای دیوار بالا و پایین عایق میباشد و شرط مرزی برای دیوار سمت چپ و راست به صورت دما مشخص با مقادیر نوسانی مطابق رابطه ی (۱) در نظر گرفته شده است.

$$T_{w}^{*} = \frac{-AT_{m}}{T_{in} - T_{m}} \sin\left(2\pi fFo\right) \tag{1}$$

 T_m دمای بیبعد دیوار، A، دامنه نوسان بیبعد دما، T_w^* دمای بیبعد دما، A، دامنه نوسان بیبعد دما، حمای دمای دمای اولیه، f فرکانس بیبعد تغییرات دما و T_m دمای ذوب، T_m دمای دولیه، T_m دمای در فاز جامد قرار داشته، که ناگهان بیبعد است. در ابتدا ماده تغییر فاز دهنده در فاز جامد قرار داشته، که ناگهان دمای هر دو دیواره سمت چپ و راست به T_w^* تغییر پیدا میکنند. توجه شود

که استفاده از شرط مرزی سینوسی به منظور بررسی اثرات دامنه و فرکانس دمای مرز بر اختلاف دمای محلی به جهت بررسی لزوم اعمال شرط عدم تعادل دمای محلی است. از منظر کاربردی، تحلیل چنین شرایطی میتواند به طور کیفی رفتار سیستمهای ذخیره انرژی که در طول یک شبانه روز کار میکنند را پیشبینی نماید.

به منظور سادهسازی و اجتناب از محاسبات غیر ضروری، مدل عددی از مفروضات زیر بهره میبرد:

۱- از تراکم پذیری جریان صرف نظر می شود. برای در نظر گرفتن اثرات جابجایی طبیعی، از تقریب بوزینسک استفاده می شود. برای اطمینان از صحت فرض بوزینسک، باید اطمینان حاصل کرد که تغییرات چگالی نسبت به دما خطی هستند. نتایجی که توسط [۱۹] گزارش شده است، خطی بودن تغییرات چگالی فاز مایع را در محدوده دمایی ۳۰۰ تا ۳۵۰ کلوین تضمین می کند.

۲- ماده تغییر فاز دهنده ایده آل فرض می شود. ایده آل بودن ماده تغییر فاز دهنده به این معنی است که رفتار آن همسانگرد و عاری از ناخالصی است.

۳- خواص ترموفیزیکی هر فاز متفاوت از فاز دیگر در نظر گرفته می شود، اما مستقل از دما است.

۳- معادلات حاکم

۳- ۱- بقای انرژی و تکانه برای ماده تغییر فاز دهنده و محیط متخلخل

با توجه به حضور شرط عدم تعادل دمای محلی، نیاز است که دو معادله انرژی، یکی برای ماده تغییر فاز دهنده (فاز مایع) و دیگری برای محیط متخلخل (فاز جامد)، به طور همزمان حل شود. معادلات ماکروسکوپی انرژی برای ماده تغییر فاز دهنده و محیط متخلخل، به ترتیب با روابط (۲) و (۳) بیان می شوند [۱۱]:

$$\varepsilon \frac{\partial \left[\left(\rho c_{p} \right)_{f} T_{f} \right]}{\partial t} + \nabla \left[\left(\rho c_{p} \right)_{fl} \mathbf{u} T_{f} \right] = k_{e,f} \nabla^{2} T_{f} + h_{v} \left(T_{s} - T_{f} \right) - \varepsilon \rho_{fl} L_{a} \frac{\partial f_{l}}{\partial t}$$

$$\tag{Y}$$

$$(1-\varepsilon)\frac{\partial\left[\left(\rho c_{p}\right)_{s}T_{s}\right]}{\partial t} = k_{e,s}\nabla^{2}T_{s} + h_{v}\left(T_{f}-T_{s}\right) \qquad (\Im)$$

که در آن (ρ, u, ρ) ال L_a (c_p, T, u, ρ) و ا h_a به ترتیب چگالی، میدان سرعت، دما، ظرفیت گرمایی ویژه، گرمای ویژه ذوب و کسر مایع ماده تغییر فاز دهنده را نشان میدهند. همچنین ع میزان تخلخل محیط، k_a رسانندگی مؤثر و h_v ضریب جابجایی میان محیط متخلخل و فاز مایع ماده تغییر فاز دهنده بر واحد حجم است. در روابط (۲) و (۳) زیر نویسهای f ، s و fl به ترتیب بیانگر ماده تغییر فاز دهنده، محیط متخلخل و فاز مایع ماده تغییر فاز دهنده مستند. آنتالهی کل برای ماده تغییر فاز دهنده و محیط متخلخل به ترتیب با روابط (۴) و (۵) داده می شود:

$$En_{f} = \left(\rho c_{p}\right)_{f} T_{f} + \rho L_{a} f_{l} \tag{(f)}$$

$$En_s = \left(\rho c_p\right)_s T_s \tag{(a)}$$

با استفاده از روابط (۴) و (۵)، روابط (۲) و (۳) به صورت زیر بازنویسی

$$\varepsilon \frac{\partial En_{f}}{\partial t} + \nabla \left[\left(\rho c_{p} \right)_{fl} \mathbf{u} T_{f} \right] = k_{e,f} \nabla^{2} T_{f} + h_{v} \left(T_{s} - T_{f} \right)$$

$$\left(1 - \varepsilon \right) \frac{\partial En_{s}}{\partial t} = k_{e,s} \nabla^{2} T_{s} + h_{v} \left(T_{f} - T_{s} \right)$$

$$\left(\varepsilon \right)$$

$$(1-\varepsilon)\frac{\partial En_s}{\partial t} = k_{e,s}\nabla^2 T_s + h_v \left(T_f - T_s\right) \tag{Y}$$

معادلات بقای جرم و تکانه در مقیاس ماکروسکوپی برای محیط متخلخل طبق روابط (۸) و (۹) نوشته می شوند [۱۱]:

$$\nabla \mathbf{u} = 0 \tag{(A)}$$

$$\frac{\partial \mathbf{u}}{\partial t} + (\mathbf{u}.\nabla)(\frac{\mathbf{u}}{\varepsilon}) = -\frac{1}{\rho_{l}}\nabla(\varepsilon p) + \upsilon\nabla^{2}\mathbf{u} + \mathbf{F}$$
(9)

در روابط (۸) و (۹)، $p \in V$ به ترتیب فشار و لزجت سینماتیکی می باشند. \mathbf{F} نمایانگر کل نیروهای حجمی است که توسط محیط متخلخل و دیگر نیروهای خارجی ایجاد می شود و طبق رابطهی (۱۰) بیان می شود [۱۱]:

$$\mathbf{F} = -\frac{\varepsilon \nu_{fl}}{K} \mathbf{u} - \frac{\varepsilon F_{\varepsilon}}{\sqrt{K}} |\mathbf{u}| \mathbf{u} + \varepsilon \mathbf{g} \beta (T_f - T_{ref})$$
(1.)

در رابطهی (۱۰) $T_{ref} \beta_i K_i F_{\epsilon_i} v_{fi}$ و **g** به ترتیب لزجت سینماتیکی فاز مایع ماده تغییر فاز دهنده، ضریب فورچمیر، نفوذ پذیری محیط متخلخل، ضریب انبساط حجمی، دمای مرجع و شتاب گرانش میباشند.

اعداد بی بعد کنترل کننده مسئله یجریان سیال به همراه انتقال حرارت و پدیده ی تغییر فاز به ترتیب عبارتاند از: عدد پرانتل Pr، عدد رایلی Ra، عدد دارسی Da، عدد استفان Ste، عدد ناسلت Nu_d و نسبت تخلخل ٤ که در رابطه ی (۱۱) تعریف شدهاند [۱۱].

$$Pr = \frac{\upsilon}{\alpha_{fl}}, Ra = \frac{g \beta \Delta TL^{3}}{\upsilon \alpha_{fl}}, Da = \frac{K}{L^{2}}, Ste = \frac{c_{p,f} \Delta T}{L_{a}}$$

$$Nu_{d} = \frac{h_{v} d_{p}^{2}}{k_{l}}, \varepsilon = \frac{V_{empty}}{V_{total}}, T^{*} = \frac{T - T_{in}}{T_{m} - T_{in}}, Fo = \frac{\alpha_{f} t}{L^{2}}$$
(11)

که در رابطه ی فوق A_p ، A_p ، V_{total} ، V_{empty} ، d_p ، L که در رابطه ی فوق A_p ، محفظه، قطر فضاهای خالی محیط متخلخل، حجم قسمت خالی محیط متخلخل، حجم کل محیط، دمای بیبعد و زمان میباشند. همچنین، α ضریب پخش حرارتی و ΔT اختلاف میان دمای ذوب و دمای اولیه است.

۳-۲- شرط عدم تعادل دمایی

همانطور که در قسمت مقدمه بیان شد، در مسئله ی پیش رو شرط عدم تعادل دمای محلی برقرار است. عدد بی بعد کنترل کننده شرط عدم تعادل دمایی عدد اسپارو است. عدد اسپارو و ضریب هدایت حرارتی معادل محیط متخلخل به ترتیب طبق روابط (۱۲) و (۱۳) تعریف می شوند [۶]:

$$Sp = \frac{h_v L^3}{k_e r_h} \tag{11}$$

$$k_e = \varepsilon k_f + (1 - \varepsilon) k_s \tag{17}$$

که در این رابطه r_h شعاع هیدرولیکی منافذ موجود در محفظه است. عدد r_h ناسلت بر اساس شعاع هیدرولیکی منافذ ، Nu_{r_h} با رابطه زیر تعریف می شود:

$$Nu_{r_h} = h_v r_h^2 / k_f \tag{14}$$

سرخ

$$Sp = Nu_{r_h} \left(\frac{k_f}{k_e}\right) \left(\frac{L}{r_h}\right)^3$$
 (۱۵)

$$f_{i}\left(\mathbf{r} + \mathbf{e}_{i}\Delta t, t + \Delta t\right) - f_{i}\left(\mathbf{r}, t\right) = -\frac{1}{\tau} \left[f_{i}\left(\mathbf{r}, t\right) - f_{i}^{eq}\left(\vec{r}, t\right)\right] + \Delta t F_{i}$$

$$(15)$$

که در رابطهی فوق، f_i تابع توزیع میدان سرعت با سرعتهای میکروسکوپی گسسته شده \mathbf{e}_i ، در مکان \mathbf{r} و زمان \mathbf{t} است و $\Delta \mathbf{t}$ نشانگر گام زمانی است. f_i^{eq} تابع توزیع تعادلی چگالی است که طبق رابطهی (۱۷) تعریف میشود [۱۱]:

$$f_i^{eq} = w_i \rho \left[1 + \frac{\mathbf{e}_i \cdot \mathbf{u}}{c_s^2} + \frac{(\mathbf{e}_i \cdot \mathbf{u})^2}{2\varepsilon c_s^4} - \frac{\mathbf{u}^2}{2\varepsilon c_s^2}\right]$$
(1Y)

در رابطهی (۱۷)، \mathbb{W} نمایانگر ضریب وزنی تابع توزیع چگالی است. همچنین $C_s = 1/\sqrt{\pi}$ سرعت صوت شبکه است. نیروی حجمی گسسته شده F_i نیز طبق رابطهی (۱۸) محاسبه میگردد [۱۱]:

$$F_{i} = w_{i} \left(1 - \frac{1}{2\tau}\right) \rho \left[\frac{\mathbf{e}_{i} \cdot \mathbf{F}}{c_{s}^{2}} + \frac{\mathbf{u} \mathbf{F} \cdot \mathbf{e}_{i} \mathbf{e}_{i}}{\varepsilon c_{s}^{4}} - \frac{\mathbf{u} \cdot \mathbf{F}}{\varepsilon c_{s}^{2}}\right]$$
(1A)

$$\rho(\mathbf{r},t) = \sum_{i} f_{i}(\mathbf{r},t)$$
(19)

$$g_{i,f} \left(\mathbf{r} + \mathbf{e}_{i} \Delta t , t + \Delta t \right) - g_{i,f} \left(\mathbf{r}, t \right) =$$

$$-\frac{1}{\tau_{i,f}} \left[g_{i,f} \left(\mathbf{r}, t \right) - g_{i,f}^{eq} \left(\mathbf{r}, t \right) \right]$$

$$+ \left(\Delta t + \frac{\Delta t^{2}}{2} \partial t \right) Sr_{i,f} + \Delta t Su_{i,f}$$
(Y\Delta)

$$-\frac{1}{\tau_{t,s}} \left[g_{i,s} \left(\mathbf{r}, t \right) - g_{i,s}^{eq} \left(\mathbf{r}, t \right) \right] + \left(\Delta t + \frac{\Delta t^2}{2} \partial t \right) Sr_{i,s}$$
(75)

$$au_{
m t,f}$$
 در روابط (۲۵) و (۲۶) و $g_{i\,f}$ و $g_{i\,f}$ به ترتیب توابع توزیع انرژی و $au_{
m t,f}$
و $au_{
m t,s}$ زمان رهاسازی برای توابع توزیع انرژی ماده تغییر فاز دهنده و محیط
متخلخل میباشند.

$$\tau_{t,f} = \frac{\alpha_f}{c_s^2} + 0.5 \tag{(YY)}$$

$$\tau_{t,s} = \frac{\alpha_s}{c_s^2} + 0.5 \tag{YA}$$

همچنین $g_{i,s}^{eq}$ و $g_{i,s}^{eq}$ به ترتیب توابع توزیع تعادلی انرژی برای ماده تغییر فاز دهنده و محیط متخلخل هستند که در روابط (۲۹) و (۳۰) داده شدهاند [۱۱]:

$$g_{i,f}^{eq} = \begin{cases} \varepsilon E n_f - \gamma_f T_f + w_i \gamma_f T_f &, i=0 \\ w_i T_f \left(\gamma_f + \left(\rho c_p \right)_{fl} \frac{e_i \vec{u}}{c_s^2} \right), i \neq 0 \end{cases}$$
(Y9)

$$g_{i,s}^{eq} = \begin{cases} (1-\varepsilon)En_s - \gamma_s T_s + w_i \gamma_s T_s &, i=0\\ w_i \gamma_s T_s &, i \neq 0 \end{cases}$$
(**)

$$\mathbf{v} = \sum_{i} \frac{\mathbf{e}_{i} f_{i}}{\rho} + \frac{\Delta t}{2} \varepsilon \left[\mathbf{g} \beta (T_{f} - T_{ref}) \right]$$
(Y•)

$$\mathbf{u} = \frac{\mathbf{v}}{d_0 + \sqrt{d_0^2 + d_1 |\mathbf{v}|}} \tag{(Y)}$$

$$d_{0} = \frac{1}{2} \left(1 + \frac{\varepsilon \Delta t \,\upsilon_{fl}}{2K} \right) \tag{(TT)}$$

$$d_1 = \frac{\varepsilon \Delta t F_\varepsilon}{2\sqrt{K}} \tag{(YT)}$$

در این مقاله، از مدل دوبعدی و نُهسرعته استفاده شده است. زمان استراحت ۲ نیز طبق رابطهی (۲۴) به لزجت سینماتیکی ارتباط پیدا میکند [۱۱]:

$$\tau = \frac{\upsilon}{c_s^2 \Delta t} + 0.5 \tag{(YF)}$$

۲- ۴ معادلات بولتزمن برای میدان دمای ماده تغییر فاز دهنده و محیط
 متخلخل

معادله گسسته شده بولتزمن برای پوشش معادلات انرژی ماده تغییر فاز دهنده و محیط متخلخل به ترتیب طبق روابط (۲۵) و (۲۶) بیان می شوند [۱۱]:

1 D2Q9

$$T_{f} = \begin{cases} T_{begin} - \frac{En_{begin} - En_{f}}{\left(\rho c_{p}\right)_{f}} & , \\ En_{f} \leq En_{begin} \\ \frac{En_{end} - En_{f}}{En_{end} - En_{begin}} T_{begin} + \frac{En_{f} - En_{begin}}{En_{end} - En_{begin}} T_{end} & , \\ En_{begin} < En_{f} < En_{end} \\ T_{end} + \frac{En_{f} - En_{end}}{\left(\rho c_{p}\right)_{f}} & , \\ En_{f} \geq En_{end} \end{cases}$$

در روابط (۲۹) و (۳۰)؛ $\gamma_{s} q_{s} \gamma_{s}$ به ترتیب دو پارامتر آزاد برای ماده تغییر فاز دهنده و محیط متخلخل هستند. در روابط (۲۵) و (۲۶)، Sr و Su دو چشمه حرارتی میباشند که به ترتیب برای اعمال شرط عدم تعادل دمای محلی و اصلاح بقا انرژی اعمال شدهاند [۱۱]:

$$Sr_{i,f} = w_i h_v \left(T_s - T_f\right) \tag{(7)}$$

$$Sr_{i,s} = w_i h_v \left(T_f - T_s\right) \tag{77}$$

$$Su_{i,f} = w_{i} \left(1 - \frac{1}{2\tau_{i,f}} \right) \frac{\mathbf{e}_{i}}{c_{s}^{2}} \cdot \frac{\partial \left[\left(\rho c_{p} \right)_{f} T_{f} \mathbf{u} \right]}{\partial t}$$
(77)

از دو معادله (۲۹) و (۳۰)، میتوان آنتالپی کل ماده تغییر فاز دهنده و محیط متخلخل را با دو رابطهی زیر محاسبه کرد [۱۱]:

$$En_f = \sum_i \frac{g_{i,f}^{eq}}{\varepsilon} \tag{(TF)}$$

$$En_{s} = \sum_{i} \frac{g_{i,s}^{eq}}{1 - \varepsilon} \tag{72}$$

در ادامه با داشتن آنتالپی کل ماده تغییر فاز دهنده، دمای T_f و کسر مایع ماده تغییر فاز دهنده f_1 توسط دو رابطهی (۳۶) و (۳۷) قابل محاسبه خواهند بود [۱۱]:

$$f_{I} = \begin{cases} 0 & , \quad En_{f} \leq En_{begin} \\ \frac{En_{f} - En_{begin}}{En_{end} - En_{begin}} & , \quad En_{begin} < En_{f} < En_{end} \\ 1 & , \quad En_{f} \geq En_{end} \end{cases}$$
(YY)

در روابط (۳۶) و (۳۷) و T_{end} و T_{end} به ترتیب دمای شروع و پایان فرآیند ذوب است. همچنین، آنتالپی کل در ابتدای فرآیند تغییر فاز، En_{end} و آنتالپی کل در انتهای فرآیند تغییر فاز، En_{end} توسط روابط (۳۹) و (۳۹) محاسبه می شوند.

$$En_{begin} = \left(\rho c_p\right)_f T_{begin} \tag{YA}$$

$$En_{end} = \left(\rho c_p\right)_f T_{end} + \rho_f L_a \tag{(49)}$$

در این بخش، نتایج مطالعه گائو و همکاران [۱۱] به منظور صحت سنجی کد نوشته شده، مورد استفاده قرار می گیرد. برای این کار از یک هندسه مربعی حاوی ماده تغییر فاز دهنده، استفاده شده است. دیوارههای بالا و پایین محفظه آدیاباتیک بوده و دیوارههای سمت چپ و راست به ترتیب شامل شرط مرزی دما ثابت $_{L}T$ و $_{R}T(_{R} < T_{L})$ هستند. در ابتدای فرآیند، ماده تغییر فاز دهنده و محیط متخلخل هر دو در دمای $_{m}T_{m} = T_{m}$ قرار دارند. در زمان $\cdot = t$ ، ناگهان دمای دیوارهی سمت چپ به $_{L}T$ افزایش پیدا کرده و ماده تغییر فاز دهنده شروع به ذوب می کند. همچنین، دمای جدول ۱. مقادیر اعداد بی بعد و یارامترهای عددی مورد استفاده شده در مسئله [۱۱]

 d_n / L PrDa Ste Sp F_{ε} Е Ra 1.-4 ۱۰^ ۰/٨ •/•91 ./.180 ۱ ۵۰ ۳۲۲ $\left(\rho c_{p}\right)_{s} / \left(\rho c_{p}\right)_{a}$ $T_{v,m}^*$

٠/٣

 $\tau_{t,f}$

۰/۵۰۱

Table 1. The values of dimensionless numbers and numerical parameters used in the problem [11].

بیبعد جهت صحت سنجی T_v^* ، مطابق تعریف انجام شده در مرجع [۱۱] به صورت زیر تعریف شده است:

A

۱

f

۱

$$T_v^* = \frac{T - T_R}{T_L - T_R} \tag{(f.)}$$

بر این اساس دمای ذوب بیبعد در قسمت صحت سنجی با عبارت نشان داده می شود. دقت شود که در قسمت نتایج از تعریف ارائه $T_{v,m}^{*}$ شده در رابطه (۱۱) جهت بی بعد کردن دما استفاده شده است. اعداد بی بعد و پارامترهای عددی مورد استفاده در قسمت صحت سنجی و نتایج، مطابق جدول ۱ هستند [۱۱]، که در صورت تغییر، مورد اشاره قرار خواهند گرفت. همچنین این پارامترها به عنوان پارامترهای شرایط مبنا شناخته خواهند شد.

قابل ذکر است که در شبیهسازی به روش بولتزمن شبکهای بررسی استقلال از شبکه و زمان معمولاً گزارش نمی شود. دلیل این موضوع ثابت بودن مقادیر گام زمانی و مکانی است؛ بهطوری که با افزایش تعداد شبکه و یا تغییر زمان رهاسازی، تنها مقیاسهای بُعددار تغییر کرده و از این رو تغییر ابعاد شبکه و زمان رهاسازی، نمی تواند مفهوم بررسی استقلال از شبکه و زمان را تداعی نماید. با این حال، برای اطمینان از صحت نتایج و عدم تغییر آن با تغییر پارامترهای مسئله، تراکمناپذیری جریان باید تضمین گردد. برای اطمینان از تراکمناپذیری جریان، عدد ماخ موضعی در هر نقطه از جریان باید به میزان کافی کوچک باشد. در جریانهای ناشی از جابجایی طبیعی، شاخص مورد استفاده جهت اطمينان از تراكمناپذيري جريان به صورت

معرفی شدہ است [۲۰]. بر این اساس، تا زمانی که شرط $g\,eta\Delta TH<$ ۰/۱ مورد اشاره برقرار باشد، نتایج عددی حاصل از حل معادله بولتزمن تغییری نخواهند كرد. شكل ۲-الف عدم تغيير موقعيت جبهه ذوب را با تغيير ابعاد شبکه نشان میدهد. همچنین شکل ۲-ب تأثیر تغییرات ضریب رهاسازی را بر موقعیت جبهه ذوب نشان میدهد. در این شکل، برای حالت ۲=۰/۵۱ شرط τ ارضا نشده است؛ اما برای سایر مقادیر $g \beta \Delta TH < \cdot / 1$ این شرط محقق شده است. مشابه با حالت قبلی، مشاهد می شود که با تغییر ضریب رهاسازی در محدوده $\tau < 0.7$ ، نتایج تغییر چندانی نکرده و بنابراین می توان از صحت حل معادلات اطمینان داشت. مقایسه موقعیت جبهه ذوب در دو شکل ۲-الف و ۲-ب با نتایج گائو و همکاران [۱۱] در زمان $Fo = \cdot / \cdot \cdot \varsigma$ ، اختلاف اندکی را در پیش بینی موقعیت ذوب نشان میدهد. این اختلاف می تواند به دو دلیل رخ داده باشد. دلیل نخست وجود مشتق زمانی در معادلات (۲۵) و (۲۶) است. در مقاله حاضر از روش پیشرو مرتبه دوم (مرحله اول از پیشرو مرتبه اول) استفاده شده است، در حالی که در مقاله [۱۱] به روش مشتق گیری اشاره نشده است. دلیل دوم نیز می تواند به ارضای شرایط تراکمناپذیری مرتبط شود، که این موضوع نیز در مقاله گائو و همکاران مورد توجه قرار نگرفته است.

Nud

۵/۹

 $Nx \times Ny$

10·×10·

شکل ۳-الف توزیع دمای بیبعد ماده تغییر فاز دهنده و شکل ۳-ب توزیع دمای بیبعد محیط متخلخل را بر حسب طول محفظه، در ارتفاع میانهی محفظه $\Delta / 0 = v/l = v/a$ و در دو زمان بیبعد Fo = 0/0 و نشان میدهند. با توجه به این دو شکل، مشاهده می شود $Fo = \cdot / \cdot \cdot ۶$ که توزیع دمای ماده تغییر فاز دهنده و محیط متخلخل، تطابق مناسبی با نتایج گائو و همکاران دارد.



شکل ۲. موقعیت جبههی ذوب در زمان Fo = ۰/۰۰۶ در کار حاضر و مقایسه آن با نتایج کار گائو و همکاران [۱۱]. الف) تأثیر تغییرات ابعاد شبکه، ب) تأثیر تغییرات ضریب رهاسازی.

Fig. 2. The position of the melting front at in the present work and its comparison with the results of Gao et al. [11]. a) The effect of changes in dimension size, b) The effect of changes in relaxation time.



شکل ۳. توزیع دمای الف) ماده تغییر فاز دهنده و ب) محیط متخلخل در دو زمان بیبعد ۲۰۰۵ (۰۰۰ و Fo = ۰/۰۰۰ و Fo در کار حاضر و کار گائو و همکاران [۱۱].

Fig. 3. Temperature distribution of a) the phase change material and b) the porous medium at two dimensionless times of and in the present work and the work of Gao et al. [11]



شکل ۴. الف) کانتور دمای بیبعد ماده تغییر فاز دهنده و خطوط جریان به همراه موقعیت جبهه ذوب برای حالت مبنا ب) کانتور دمای بیبعد محیط متخلخل و خطوط جریان به همراه موقعیت جبهه ذوب برای حالت مبنا.

Fig. 4. a) Nondimensional temperature contours of phase change material and streamlines along with the melting front position for the base state b) Nondimensional temperature contours of the porous medium and streamlines along with the melting front position for the base state.

۵– ۲– تأثیر فرکانس و دامنه نوسان دمای مرز بر شرط عدم تعادل دمای محلی

شکل ۴ میدان دمای ماده تغییر فاز دهنده و محیط متخلخل به همراه خطوط جریان و موقعیت جبهه ذوب در زمان $Fo = \cdot/\cdot\cdot 7$ و عدد اسپاروی $Sp = \pi 7$ که مطابق با شرایط مبنا است را نشان میدهد.

با توجه به این شکل و محدوده دمایی نشان داده شده، مشاهده می شود که دمای بی بعد فاز مایع ماده تغییر فاز دهنده همواره بزرگتر از یک است. که این موضوع با توجه به تعریف دمای بی بعد (معادله (۱۱))، قابل توجیه است. از سوی دیگر، دما در هر دو قسمت، یعنی ماده تغییر فاز دهنده و محیط متخلخل دارای نوسان است؛ به طوریکه دما در لحظه نشان داده شد در قسمت میانی فاز مایع بیشتر از نقاط مرزی و مجاور فاز جامد است، که این موضوع به دلیل اعمال شرط مرزی سینوسی است.

شکل ۵ توزیع دمای بیبعد ماده تغییر فاز دهنده و محیط متخلخل را در موقعیت میانی محفظه برای حالت مبنا ترسیم کرده است. این نمودار شامل دو اختلاف دمای بیبعد ${}^{*}_{1}\Delta e e {}^{*}_{7}\Delta$ است. با توجه به شکل، ${}^{*}_{1}\Delta$ نشان دهنده بیشینه اختلاف دمای بیبعد بین ماده تغییر فاز دهنده و محیط متخلخل است؛ و ${}^{*}_{7}\Delta$ نمایانگر بیشینه تغییرات دمای بیبعد سیال در داخل محفظه است. با تعریف درصد اختلاف دمای محلی مطابق رابطهی (۴۱)، می توان به بررسی تأثیر تغییرات فرکانس و دامنهی نوسان بر روی شرط عدم

تعادل دمای محلی پرداخت.

$$D_T = \frac{\Delta T_1^*}{\Delta T_2^*} \times 100 \tag{(f1)}$$

 $D_T = 41/44\%$ برای حالت مبنا، درصد اختلاف دمای محلی، معادل $D_T = 41/44\%$ بدست می آید. با مقایسه مقدار D_T در شرایط مبنا با حالتهای دیگر، می توان به تأثیر تغییرات فرکانس و دامنه نوسان دمای مرز بر شرط عدم تعادل دمای محلی پی برد.

شکل ۶-الف و ۶-ب توزیع دمای بیبعد ماده تغییر فاز دهنده و محیط متخلخل را به ترتیب برای فرکانس بیبعد $\Upsilon = f$ و $\Upsilon = T$ و نشان میدهد. با توجه به این دو شکل و مقایسه آنها با شکل ۵ مشاهده میشود که با افزایش فرکانس بیبعد به $\Upsilon = f$ درصد اختلاف دمای محلی به $\mathcal{P}_T = \mathcal{F}$ و با افزایش مجدد آن به $\Upsilon = f$ ، درصد اختلاف دمای محلی به $\mathcal{P}_T = \mathcal{F}$ و با افزایش مجدد آن به $\Upsilon = f$ ، درصد اختلاف دمای محلی به $\mathcal{P}_T = \mathcal{F}$ افزایش مجدد آن به تا تا م دمای محلی به $\mathcal{P}_T = \mathcal{F}$ افزایش محدد آن موسوع دمای محلی میل افزایش فرکانس نوسان دما در مرز سیستم، اختلاف دمای محلی میان فاز مایع و جامد افزایش یافته و شرط تعادل دمای محلی داخل محفظه تضعیف میشود. مشابه حالت مبنا، کانتورهای دمای دمای بیبعد به



شکل ۵. توزیع دمای ماده تغییر فاز دهنده و محیط متخلخل برای شرایط مبنا، f = 1 و f = 1 و Sp = mrr.

Fig. 5. Temperature distribution of phase change material and porous medium for the base conditions, A = 1, f = 1and Sp = 322.



شکل ۶. توزیع دمای ماده تغییر فاز دهنده و محیط متخلخل برای شرایط A=1 و Sp=۳۲۲ به ترتیب برای الف) f=7 و ب) f=7 .

Fig. 6. Temperature distribution of phase change material and porous medium for the case of A = 1 and Sp = 322for a) f = 2 and b) f = 3, respectively



شکل ۷. الف) کانتور دمای بیبعد ماده تغییر فاز دهنده و خطوط جریان به همراه موقعیت جبهه ذوب در شرایط ۲ = ۲ ، ب) کانتور دمای بیبعد محیط . f = 1 .

Fig. 7. a) Nondimensional temperature contours of phase change material and streamlines with melting front position for , b) Nondimensional temperature contours of porous medium and streamlines with melting front position for .

همراه خطوط جریان و موقعیت جبهه ذوب برای حالت T = T در شکل ۲ آورده شده است. مقایسه دو شکل ۴ و ۲ نشان میدهد که با افزایش فرکانس نوسان آهنگ ذوب کاهش مییابد، بهطوریکه موقعیت جبهه ذوب در T = T نسبت به f = 1 عقب تر قرار گرفته است.

شکلهای ۸-الف و ۸-ب توزیع دمای ماده بی بعد ماده تغییر فاز دهنده و محیط متخلخل را به ترتیب برای دامنه نوسان بی بعد $\Upsilon = A$ و $\Upsilon = A$ و $\Lambda = \chi$ میشود که با افزایش دامنه نوسان، نشان می دهند. با توجه به شکل ۸، مشاهده می شود که با افزایش دامنه نوسان، هر دو پارامتر ΛT_{χ}^{*} و ΛT_{χ}^{*} افزایش یافتهاند. درباره چرایی افزایش مقدار ΛT_{χ}^{*} می توان به تأثیر مستقیم دامنه نوسان بر مقادیر بیشینه و کمینه دما مرد می می در میدان اشاره کرد. به عبارت دیگر، با افزایش دامنه، مقدار دمای بیشینه و کمینه دما کمینه مرز افزایش یافته و آن نیز سبب افزایش دامنه، مقدار دمای بیشینه و کمینه دم فاز دهنده شده است. می می دامنه نوسان بر مقادیر بیشینه و کمینه دما در میدان اشاره کرد. به عبارت دیگر، با افزایش دامنه، مقدار دمای بیشینه و کمینه و فاز دهنده شده است. همچنین، با توجه به افزایش اختلاف دما درون ماده تغییر فاز دهنده می توان انتظار داشت که به دلیل افزایش گرادیان دما، آهنگ افزا دهنده می توان انتظار داشت که به دلیل افزایش گرادیان دما، آهنگ مان محلی محلی شده است. در مجموع نتایج نشان می دهد که درصد اختلاف دما درون ماده مدمای محلی محلی مرای $\Lambda = \Lambda$ به $\Lambda = \chi + \chi + \chi$ و برای $\Lambda = \Lambda$ به دلیل افزایش کرادیان دما، آهنگ انتقال گرما نیز افزایش یابد. این موضوع نیز سبب تضعیف بیشتر فرض تعادل انتقال گرما نیز افزایش یابد. این موضوع نیز سبب تضعیف بیشتر فرض تعادل مدمای محلی مده است. در مجموع نتایج نشان می دهد که درصد اختلاف دمای محلی محلی شده است. در مجموع نتایج نشان می دهد که درصد اختلاف دمای محلی محلی برای $\Lambda = \Lambda$ به $\Lambda = \Lambda = \Lambda$ و برای $\Lambda = \Lambda$ به می یابد. در نتیجه انتظار می رود که با افزایش در می محلی کاسته شود.

۵- ۳- تأثیر عدد اسیارو بر شرط عدم تعادل دمای محلی

همانطور که در قسمت مقدمه بیان شد، عدد اسپارو معیاری برای بررسی شرایط حضور و یا عدم حضور تعادل دمای محلی است. در این قسمت، تأثیر عدد اسیارو بر شرط عدم تعادل دمای محلی بررسی می شود. شکل های ۹-الف و ۹-ب توزیع دمای بیبعد را برای ماده تغییر فاز دهنده و محیط متخلخل به ترتیب برای $Sp = 1 \cdots Sp = Sp$ و نشان می دهند. در این حالت، فرکانس و دامنه نوسان بیبعد برابر با یک هستند. با توجه به شکل ۹ مشاهده می شود که با افزایش عدد اسپارو از ۱۰۰۰ به ۶۰۰۰ درصد اختلاف دمای محلی از ۹/۹۲ ٪ به ۴/۲۱ ٪ کاهش یافته است. مقایسه نتایج این قسمت با نتایج حالت مبنا نشان میدهد که افزایش عدد اسپارو سبب کاهش اختلاف دمای محلی بین ماده تغییر فاز دهنده و محیط متخلخل می گردد. به عبارت دیگر، شرط تعادل دمای محلی در داخل محفظه با افزایش عدد اسیارو تقویت شده است. این موضوع با توجه به تعریف عدد اسپارو قابل توجیه است؛ چراکه عدد اسپارو نسبت آهنگ انتقال گرمای جابجایی به آهنگ انتقال گرمای رسانشی است، و با افزایش عدد اسپارو توانایی مکانیزم جابجایی افزایش یافته و اختلاف دمای محلی بین محیط متخلخل و ماده تغییر فاز دهنده، کاهش می یابد.



(و ب) شکل ۸. توزیع دمای بیبعد ماده تغییر فاز دهنده و محیط متخلخل برای شرایط ۲ = f و ۳۲۲ f به ترتیب برای الف A = r و ب

Fig. 8. Nondimensional temperature distribution of phase change material and porous medium for the case of f = 1 and Sp = 322 for a) A = 2 and b) A = 3.



Sp = 9... (و p = 1 به ترتیب برای الف) Sp = 1... و Sp = 1... (مای بی بعد ماده تغییر فاز دهنده و محیط متخلخل برای شرایط در f = 1 و f = 1 و f = 1

Fig. 9. Nondimensional temperature distribution of phase change material and porous medium for the case of f = 1and A = 1 for a) Sp = 1000 and b) Sp = 6000.

جدول ۲. خلاصه نتایج مربوط به تغییرات درصد اختلاف دمای محلی در اثر شرط عدم تعادل دمای محلی.

 Table 2. Summary of results related to the changes in the percentage of local temperature difference due to the local thermal nonequilibrium condition.

| f=1 | f=1 | <i>f=</i> ٣ | f=۲ | f=1 | f=1 | f=1 | |
|--------|--------|-------------|--------|----------------------|------------------------------|--------|---------|
| A=٣ | A=۲ | A=1 | A=1 | A=1 | A=1 | A=1 | |
| Sp=۳۲۲ | Sp=٣٢٢ | Sp=۳۲۲ | Sp=۳۲۲ | $Sp_{=}$ \$ \cdots | $Sp_{=}$ $\cdot \cdot \cdot$ | Sp=۳۲۲ | |
| ۲۰/۵۶ | 21/21 | ۶۷/۵۳ | ۶. | ۴/۲۱ | १/१۲ | 41/44 | D_T % |

به منظور جمعبندی نتایج مربوط به تأثیر پارامترهای مختلف بر شرط عدم تعادل دمای محلی، خلاصه نتایج مربوط به تغییرات درصد اختلاف دمای محلی، در جدول ۲ آورده شده است. بر این اساس، افزایش فرکانس دمای مرز سبب تقویت شرط عدم تعادل دمای محلی و افزایش دامنه نوسان دمای مرز و عدد اسپارو سبب تضعیف شرط عدم تعادل دمای محلی می گردند.

۵– ۴– کسر مایع مادہ تغییر فاز دھندہ

با توجه به توضیحاتی که در قسمت مقدمه بیان شد، یکی از اهداف مقاله حاضر بررسی تأثیرات جابجایی طبیعی بر کسر مایع ماده تغییر فاز دهنده است. از اینرو در این قسمت به بررسی درصد انحراف کسر مایع ماده تغییر فاز دهنده نسبت به حالت رسانش محض، پرداخته می شود. رابطه (۴۲)، درصد انحراف کسر مایع ماده تغییر فاز دهنده نسبت به حالت رسانش محض D_R را ارائه می دهد.

$$D_{fl} = \frac{f_l^{\ n} - f_l^{\ c}}{f_l^{\ c}} \times 100 \tag{FT}$$

در رابطه (۴۲) \int_{I}^{n} کسر مایع ماده تغییر فاز دهنده در حضور جابجایی طبیعی و \int_{I}^{c} کسر مایع ماده تغییر فاز دهنده بدون حضور جابجایی طبیعی است. شکلهای ۱۰–الف و ۱۰–ب درصد انحراف کسر مایع ماده تغییر فاز دهنده را به ترتیب برای فرکانس و دامنه نوسانهای مختلف نشان میدهد. با توجه به شکل ۱۰–الف مشاهده می شود که تغییر فرکانس، انحراف چندانی بر روی کسر مایع ماده تغییر فاز دهنده ندارد؛ به طوریکه بیشینه مقدار این انحراف برابر با ٪ ۱/۸۸ است. همچنین با توجه به شکل ۱۰ مشاهده می شود که با افزایش فرکانس نوسان، درصد انحراف کسر مایع کاهش می یابد. دلیل

این امر آن است که با افزایش فرکانس نوسان، تغییرات دما سریع تر می شود و در نتیجه فرصت ایجاد جریان سیال در داخل ماده تغییر فاز دهنده مایع کم شده و از شدت جابجایی طبیعی کاسته می شود. بنابراین انتقال گرما در فاز مایع به رسانش محض نزدیک تر می شود. این نکته از مقایسه نتایج دو شکل Y و Y نیز بدست می آید، چراکه با افزایش فرکانس به T = f، موقعیت جبهه ذوب همچنان به صورت تخت بوده و انحنای آن در مقایسه با حالت f = f کاهش یافته است. به عبارت دیگر، با افزایش فرکانس نوسان، اثرات جابجایی تضعیف شده و می توان انتقال گرمای محفظه را به صورت یک بعدی تصور کرد.

شکل ۱۰–ب درصد انحراف کسر مایع ماده تغییر فاز دهنده را نسبت به حالت رسانش محض برای دامنه نوسان های مختلف نشان میدهد. با توجه به شکل، مشخص می شود که با افزایش دامنه نوسان، درصد انحراف کسر مايع نيز افزايش مي يابد. مقايسه دو شكل ١١ و شكل ٢ نيز به خوبي افزايش انحراف کسر مایع را با افزایش دامنه نوسان از A = R به $\pi = A$ را نشان میدهد، بهطوری که با افزایش دامنه نوسان، علاوه بر افزایش کسر مایع ماده تغییر فاز دهنده، موقعیت جبهه ذوب نیز دچار انحنا شده و از حالت تخت بودن خارج می شود. این موضوع حاکی از افزایش اثرات جابجایی طبیعی و تقویت اثرات دوبعدی در انتقال گرما بوده است. برای توجیه این مسئله توجه شود که با افزایش دامنه نوسان، بیشینه اختلاف دما بین دیواره و جبهه ذوب، افزایش یافته و سازوکار جابجایی طبیعی در داخل محفظه تقویت می گردد؛ که این موضوع باعث افزایش درصد انحراف کسر مایع نسبت به رسانش D_{τ} محض می گردد. این موضوع، همچنین در درصد انحراف دمای محلی، نیز مشاهده شد؛ چراکه با افزایش دامنه نوسان و تقویت سازوکار جابجایی طبيعي، انتقال حرارت بين محيط متخلخل و سيال مجاور أن تقويت شده و بنابراین شرط تعادل دمای محلی در داخل محفظه تقویت می گردد.



شکل ۱۰. تغییرات درصد انحراف کسر مایع ماده تغییر فاز دهنده بر حسب عدد اسپارو نسبت به حالت رسانش محض برای الف) فرکانسهای مختلف و ب) دامنه نوسان های مختلف.

Fig. 10. Changes in the percentage of liquid fraction deviation in terms of the Sparrow number relative to the pure conduction state for a) different frequencies and b) different amplitudes of oscillations.



شکل ۱۱. الف) کانتور دمای ماده تغییر فاز دهنده و خطوط جریان به همراه موقعیت جبهه ذوب در شرایط ۳ = A ب) کانتور دمای محیط متخلخل و خطوط جریان به همراه موقعیت جبهه ذوب در شرایط ۳ = A .

Fig. 11. a) Temperature contour of the phase change material and streamlines with the position of the melting front in conditions of A = 3, b) Temperature contour of the porous medium and streamlines with the position of the melting front in conditions of A = 3.



 $Fo = \cdot/ \cdot \cdot \cdot f$ و ۲۱. تغییرات درصد انحراف کسر مایع ماده تغییر فاز دهنده برحسب عدد اسپارو نسبت به حالت رسانش محض برای دو زمان بی بعد $Fo = \cdot/ \cdot \cdot \cdot f$ و f = 1 .

Fig. 12. Changes in the percentage of liquid fraction deviation in terms of Sparrow number relative to the pure conduction for two nondimensional times of Fo = 0.004 and Fo = 0.006 at A = 1 and f = 1.

۶- نتیجه گیری

در مقاله حاضر فرآیند ذوب ماده تغییر فاز دهنده داخل یک محیط متخلخل به همراه جابجایی طبیعی و تحت شرایط عدم تعادل دمای محلی با دمای دیواره سینوسی، به روش بولتزمن شبکهای مورد بررسی قرار گرفت. خلاصه نتایج حاصل از این مقاله در ادامه آورده شده است.

• با افزایش فرکانس بی بعد نوسان، درصد اختلاف دمای محلی f = r به $D_T = r$ به مرز، افزایش پیدا می کند. به عبارت دیگر، با افزایش فرکانس نوسان دمای مرز، شرط تعادل دمای محلی داخل محفظه تضعیف می شود.

• نتایج عددی نشان میدهند که با افزایش دامنه نوسان بی بعد از $D_T = \texttt{F1/FF}$ تا T = F1، درصد اختلاف دمای محلی از A = F1 تا A = F1 به A = F1/FF کاهش می یابد. بنابراین با افزایش دامنه نوسان شکل ۱۲ نمودار درصد انحراف کسر مایع ماده تغییر فاز دهنده نسبت به حالت رسانش محض را در دو زمان بی بعد نشان می دهد. با توجه به شکل ۱۲ مشاهده می شود که با افزایش زمان، درصد انحراف نیز افزایش پیدا کرده است. این نتیجه، نشانگر آن است که آهنگ ذوب توسط سازوکار جابجایی طبیعی بیشتر از رسانش محض است. در هر سه شکل ۱۰–الف، ۱۰–ب و شکل ۱۲، نمودار یک مقدار بیشینه دارد و پس از آن شروع به کاهش می کند. علت این امر آن است که با افزایش بیش از حد عدد اسپارو، طبق کاهش بیشتری پیدا می کند؛ به طوری که دیگر نمی تواند به خوبی حرارت را از جبهه ذوب به ماده تغییر فاز دهنده جامد هدایت کند؛ و گویی عامل کنترل کننده ذوب، بعد از یک مقدار مشخص عدد اسپارو، سازوکار رسانش محض است. بنابراین پس از یک عدد اسپاروی مشخص، درصد انحراف کسر مایع solid phases, in: Principles of Heat Transfer in Porous Media, Springer, 1995, pp. 391-425.

- [6] W. Minkowycz, A. Haji-Sheikh, K. Vafai, On departure from local thermal equilibrium in porous media due to a rapidly changing heat source: the Sparrow number, International journal of heat and mass transfer, 42(18) (1999) 3373-3385.
- [7] A. Nakayama, F. Kuwahara, M. Sugiyama, G. Xu, A twoenergy equation model for conduction and convection in porous media, International journal of heat and mass transfer, 44(22) (2001) 4375-4379.
- [8] X. Zhang, G. Su, J. Lin, A. Liu, C. Wang, Y. Zhuang, Three-dimensional numerical investigation on melting performance of phase change material composited with copper foam in local thermal non-equilibrium containing an internal heater, International Journal of Heat and Mass Transfer, 170 (2021) 121021.
- [9] M.C. Sukop, D.T. Thorne, LBM for macroscopic porous media, Lattice Boltzmann Modeling: An Introduction for Geoscientists and Engineers, (2006) 145-155.
- [10] D. Gao, Z. Chen, L. Chen, A thermal lattice Boltzmann model for natural convection in porous media under local thermal non-equilibrium conditions, International Journal of Heat and Mass Transfer, 70 (2014) 979-989.
- [11] D. Gao, F.-B. Tian, Z. Chen, D. Zhang, An improved lattice Boltzmann method for solid-liquid phase change in porous media under local thermal non-equilibrium conditions, International Journal of Heat and Mass Transfer, 110 (2017) 58-62.
- [12] S. Savović, J. Caldwell, Finite difference solution of one-dimensional Stefan problem with periodic boundary conditions, International journal of heat and mass transfer, 46(15) (2003) 2911-2916.
- [13] C. Ho, C. Chu, Periodic melting within a square enclosure with an oscillatory surface temperature, International journal of heat and mass transfer, 36(3) (1993) 725-733.
- [14] H.M. Sadeghi, M. Babayan, A. Chamkha, Investigation of using multi-layer PCMs in the tubular heat exchanger

دمای مرز، از ضرورت اعمال فرض عدم تعادل دمای محلی کاسته می شود.

 بر اساس نتایج عددی، با افزایش عدد اسپارو از ۱۰۰۰ به ۶۰۰۰ درصد اختلاف دمای محلی از ۹/۹۲ ٪ به ۴/۲۱ ٪ کاهش مییابد. به عبارت دیگر، شرط تعادل دمای محلی در داخل محفظه با افزایش عدد اسپارو تقویت میگردد.

• تغییر فرکانس نوسان، تأثیر چندانی بر روی کسر مایع ماده تغییر فاز دهنده ندارد؛ بهطوریکه بیشینه مقدار این انحراف برابر با ۰/۵۸ ٪ است. همچنین، نتایج نشان میدهند که با افزایش دامنه نوسان، درصد انحراف کسر مایع نیز افزایش مییابد؛ بهطوری که با افزایش دامنه نوسان، موقعیت جبهه ذوب نیز دچار انحنا شده و از حالت تخت بودن خارج می شود، که نشان دهنده افزایش اثرات جابجایی طبیعی و تقویت اثرات دوبعدی در انتقال گرما است.

۷- فهرست علائم

منابع

- [1] A. Kumar, R. Kothari, S.K. Sahu, S.I. Kundalwal, M.P. Paulraj, Numerical investigation of cross plate fin heat sink integrated with phase change material for cooling application of portable electronic devices, International Journal of Energy Research, 45(6) (2021) 8666-8683.
- [2] M. Taghilou, E. Khavasi, Thermal behavior of a PCM filled heat sink: The contrast between ambient heat convection and heat thermal storage, Applied Thermal Engineering, 174 (2020) 115273.
- [3] P.M. Kumar, D. Sudarvizhi, P.M.J. Stalin, A. Aarif, R. Abhinandhana, A. Renuprasanth, V. Sathya, N.T. Ezhilan, Thermal characteristics analysis of a phase change material under the influence of nanoparticles, Materials Today: Proceedings, 45 (2021) 7876-7880.
- [4] P. Talebizadeh Sardari, G.S. Walker, M. Gillott, D. Grant, D. Giddings, Numerical modelling of phase change material melting process embedded in porous media: Effect of heat storage size, Proceedings of the institution of mechanical engineers, Part A: journal of power and energy, 234(3) (2020) 365-383.
- [5] M. Kaviany, Thermal nonequilibrium between fluid and

boundary conditions, Applied Thermal Engineering, 128 (2018) 725-736.

- [18] M. Taghilou, F. Talati, Analytical and numerical analysis of PCM solidification inside a rectangular finned container with time-dependent boundary condition, International Journal of Thermal Sciences, 133 (2018) 69-81.
- [19] M. Faden, S. Höhlein, J. Wanner, A. König-Haagen, D. Brüggemann, Review of Thermophysical Property Data of Octadecane for Phase-Change Studies, Materials, 12(18) (2019) 2974.
- [20] X. He, S. Chen, G.D. Doolen, A novel thermal model for the lattice Boltzmann method in incompressible limit, Journal of computational physics, 146(1) (1998) 282-300.

with periodic heat transfer boundary condition, International Journal of Heat and Mass Transfer, 147 (2020) 118970.

- [15] A. Kumar, A Stefan problem with moving phase change material, variable thermal conductivity and periodic boundary condition, Applied Mathematics and Computation, 386 (2020) 125490.
- [16] N. Sadoun, E.-K. Si-Ahmed, P. Colinet, On the refined integral method for the one-phase Stefan problem with time-dependent boundary conditions, Applied mathematical modelling, 30(6) (2006) 531-544.
- [17] M. Taghilou, A.M. Sefidan, A. Sojoudi, S.C. Saha, Solid-liquid phase change investigation through a double pipe heat exchanger dealing with time-dependent

چگونه به این مقاله ارجاع دهیم M. Taghilou, S. A. Safavi, Investigation of 2D Melting Process within a Porous Medium Considering Local Thermal Nonequilibrium Condition in the Presence of Sinusoidal Boundary Condition by Lattice Boltzmann Method , Amirkabir J. Mech Eng., 54(5) (2022) 1181-1198.



