

۲۷۰ دوره ۴۸، شماره ۴، زمستان ۱۳۹۵، صفحه ۳۶۳ تا Vol. 48, No. 4, Winter 2017, pp. 363-370



نشريه علمی پژوهشی اميرکبير - مهندسی مکانيک AmirKabir Jounrnal of Science & Research Mechanical Engineering ASJR-ME

مطالعه اثر انباشتگی و پراکندگی تقویتکننده روی خواص ویسکوالاستیک نانوکامپوزیتهای پلیمری تقویتشده با نانولوله کربنی

رحمتالله قاجار'، محمود مهرداد شکریه'، علی رضا شجری'*

۱ – استاد، دانشکده مهندسی مکانیک، دانشگاه صنعتی خواجه نصیرالدین طوسی، تهران، ایران ۲ – استاد، دانشکده مهندسی مکانیک، دانشگاه علم و صنعت ایران، تهران، ایران ۳ – دانشجوی دکترا، دانشکده مهندسی مکانیک، دانشگاه صنعتی خواجه نصیرالدین طوسی، تهران، ایران

(دریافت: ۱۳۹۴/۴/۱۳ پذیرش: ۱۳۹۴/۷/۶)

چکیدہ

در این تحقیق، اثر پدیده انباشتگی و پراکندگی تقویتکننده روی خواص ویسکوالاستیک نانوکامپوزیتهای پلیمری تقویتشده با نانولوله کربنی بصورت پارامتریک مورد مطالعه قرار میگیرد. بدین منظور خواص کامپوزیت با روش میکرومکانیکی موری-تاناکا با فرض آرایش نانولوله به صورت کاملاً تصادفی تعیین میشود. سپس با فرض تجمع نانولولهها داخل نواحی کرویشکل، دو پارامتر برای مدلسازی انباشتگی و پراکندگی نانولوله تعریف و در روابط میکرومکانیک اعمال میشود و خواص داخل و خارج نواحی کروی و خواص کلی نانوکامپوزیت به دست میآیند. خواص پلیمر زمینه به صورت ویسکوالاستیک فرض شده که برای شبیه سازی آن از مدل جامد خطی استاندارد که دارای ۳ پارامتر ساختاری است استفاده میشود. با توجه به وابسته بهزمان بودن معادلات ساختاری ماده زمینه، استفاده مستقیم از روشهای میکرومکانیک میسر نیست. بنابراین با استفاده از تبدیل لاپلاس، شکل جبری این معادلات در روابط روش موری-تاناکا وارد میشوند. برای صحت سنجی مدل، نتایج حاصل از مدل سازی با دادههای تجربی موجود برای نانوکامپوزیت پلیمری تقویت شده با نانولوله کربنی مقایسه میشوند. بررسی پارامترهان از تبدیل لاپلاس، شکل جبری این معادلات در روابط روش موری-تاناکا وارد میشوند. برای صحت سنجی مدل، نتایج حاصل از مدل سازی با دادههای تجربی موجود برای نانوکامپوزیت پلیمری تقویت شده با نانولوله کربنی مقایسه میشوند. بررسی پارامترهای انباشتگی روی خواص نشان میدهد که هرچه نانولولهها کمتر انباشته باشند، خواص ویسکوالاستیک بهتری حاصل میشود.

كلماتكليدى:

نانوکامپوزیت پلیمری، نانولوله کربنی، ویسکوالاستیک، انباشتگی و پراکندگی



برای ارجاع به این مقاله از عبارت زیر استفاده کنید:

Ghajar, R., Shokrieh, M. M., and Shajari, A. R., 2017. "Investigation of Agglomeration and Dispersion of Reinforcement on the Viscoelastic Properties of CNT Reinforced Polymeric Composites". *Amirkabir Journal of Mechanical Engineering*, 48(4), pp. 363–370.

Please cite this article using:

ویسنده مسئول و عهدهدار مکاتبات: Email: ali.r.shajari@gmail.com

۱ – مقدمه

نانولولههای کربنی به دلیل داشتن خواص منحصربهفرد مکانیکی، الکتریکی، حرارتی و غیره کاربردهای متعددی دارند که از آن جمله میتوان به استفاده از آنها به عنوان تقویت کننده در ماده کامپوزیت اشاره نمود. از سوی دیگر نانوکامپوزیتهای زمینه پلیمری متداول ترین نانوکامپوزیتها میباشند که برخی از پلیمرهای مورداستفاده در آنها، دارای خاصیت ویسکوالاستیک هستند و بر این اساس خواص ساختاری آنها با زمان متغیر است. به دلیل وجود انواع مختلف نانوکامپوزیتها و همچنین محدودیتهای تحقیقات تجربی دراین زمینه، ارائه مدلهایی که خواص این مواد را پیش بینی نماید از اهمیت بالایی برخوردار است.

مدل سازی خواص نانوکامپوزیت ها به روش های گوناگونی از جمله دینامیک مولکولی، روش های محیط پیوسته محاسباتی و تحلیلی انجام می گیرد [۱–۳]. محدودیت های موجود در روش های مولکولی از نظر ابعاد و زمان، توجه محققین را به استفاده از روش های محیط پیوسته جلب کرده است. یکی از پرکاربردترین روش های محیط پیوسته تحلیلی، روش های میکرومکانیک می باشند.

استفاده از روشهای میکرومکانیکی در پیشبینی خواص ویسکوالاستیک، اولین بار برای کامپوزیتهای تقویتشده با ذرات ماکروسکوپیک صورت گرفت [۴–۶]. در این تحقیقات، رابطه دیفرانسیلی تنش–کرنش به دو جزء هیدرواستاتیک و انحرافی تقسیم و با استفاده از تبدیل لاپلاس، معادلات تنش–کرنش به صورت جبری بیان میشوند. سپس مدول حجمی و برشی در فضای لاپلاس استخراج شده و در روابط میکرومکانیکی قرار می گیرند. استفاده از تبدیل لاپلاس سبب میشود که معادلات ساختاری که برای مواد ویسکوالاستیک به شکل دیفرانسیلی یا انتگرالی هستند به شکل جبری تبدیل شوند.

مشابه با تبدیل لاپلاس، برای جبری کردن معادلات ساختاری، از تبدیل فوریه نیزاستفاده می شود [۲-۹]. استفاده از تبدیل فوریه، معادلات ساختاری را بر حسب فرکانس بیان می نماید که استفاده از آن برای مقایسه نتایج مدل سازی با نتایج آزمایش های دینامیکی مناسب است.

در برخی دیگر از تحقیقات، به منظور پیشبینی خواص ویسکوالاستیک کامپوزیتها از روشهای نموی زمانی استفاده شده است [۱۰، ۱۰]. بر اساس این روشها، معادلات ویسکوالاستیسیته در حوزه زمانی بیان میشود. سپس برای یک المان حجمی نماینده، تحلیل در گامهای زمانی مختلف به صورت نموی انجام میشود. به منظور ارزیابی خواص کلی ویسکوالاستیک ماده، خواص ویسکوالاستیک بهدست آمده در گامهای زمانی مختلف روی هم انباشته میشوند. اندازه گام زمانی اختیار شده در این روشها تاثیر فراوانی روی نتایج دارد.

استفاده از تبدیل لاپلاس برای نانوکامپوزیتهای تقویتشده با نانولوله کربنی توسط لی و همکاران [۱۲] و پان و همکاران [۱۳] صورت گرفته است. دراین تحقیقات از توابع زمانی مدول واهلش^۱ و نرمی

خزشی تبدیل لاپلاس گرفته میشود و روش موری تاناکا در این فضا مورد استفاده قرار می گیرد. در پایان از تانسور سفتی بهدست آمده تبدیل لاپلاس معکوس گرفته می شود و خواص بر حسب زمان به دست می آیند.

اثر پدیده انباشتگی و پراکندگی نانولولهها روی خواص مکانیکی، نخستین بار توسط شی و همکاران [۱۴] برای خواص الاستیک خطی و با استفاده از روش موری-تاناکا انجام گرفت. آنها با ارائه یک فرمول بندی ساده، بررسی پارامتریک روی خواص الاستیک انجام دادند. با این وجود، مطالعه ی پارامتریک اثر انباشتگی نانولولههای کربنی روی خواص ویسکوالاستیک نانوکامپوزیتهای تقویتشده با نانولوله کربنی تاکنون صورت نگرفته است.

در این تحقیق با استفاده از روش میکرومکانیک تحلیلی موری-تاناکا، ۲ عامل برای مدلسازی انباشتگی و پراکندگی معرفی و روابط مربوط به خواص الاستیک استخراج میگردد. خواص ویسکوالاستیک پلیمر توسط مدل ۳ پارامتری جامد خطی استاندارد بیان میشوند. با استفاده از تبدیل لاپلاس، شکل جبری معادلات ساختاری به دست میآیند و در روابط میکرومکانیک موری–تاناکا مورد استفاده قرار میگیرند. از این روابط خواص ویسکوالاستیک نانوکامپوزیت مدل میشود. در پایان به روابط خواص ویسکوالاستیک نانوکامپوزیت مدل میشود. در پایان به نانولولههای کربنی درون پلیمر انجام و نتایج مدل با نتایج تجربی موجود مقایسه میشوند. بررسی پارامترهای انباشتگی نشان میدهد که هرچه نانولولهها کمتر انباشته باشند، خواص ویسکوالاستیک بهتری استخراج میگردد.

۲- خواص ويسكوالاستيك پليمر

در حالت ویسکوالاستیسیته خطی، از ترکیب اجزای فنر و دمپر برای مدل سازی خواص، استفاده می گردد. تعداد اجزای مورد استفاده و نحوه اتصال آنها در چگونگی مدل سازی خواص نقش مهمی ایفا می کنند. یکی از مدل های شناخته شده، مدل ۳ پارامتری جامد خطی استاندارد^۲(SLS) میباشد [۱۵]. این مدل از ترکیب دو فنر با سفتیهای I_1 و E_2 و یک دمپر با ضریب ویسکوزیته η بصورت شکل ۱ به دست میآید.



معادله ساختاری ماده ویسکوالاستیک بر اساس مدل SLS عبارتست

$$\sigma + p_1 \dot{\sigma} = q_0 \varepsilon + q_1 \dot{\varepsilon} \tag{1}$$

از:

² Standard Linear Solid (SLS)

¹ Relaxation modulus

که در آن

$$p_1 = \frac{\eta}{E_1}, \qquad q_0 = E_2, \qquad q_1 = \frac{E_1 + E_2}{E_1}\eta$$
 (Y)

همانطور که از معادله (۱) مشاهده می شود، روابط ساختاری ماده ویسکوالاستیک شامل جملات دیفرانسیل زمانی است. به منظور استخراج شکل جبری معادلات، از تبدیل لاپلاس استفاده می شود. بر این اساس رابطه تنش کرنش در فضای لاپلاس عبارتست از:

$$\bar{\sigma}(s) = \frac{q_0 + q_1 s}{1 + p_1 s} \bar{\varepsilon}(s) \tag{(7)}$$

در این معادله $\overline{c(s)}$ و $\overline{c(s)}$ به ترتیب، کرنش و تنش در فضای لاپلاس می باشند. از سوی دیگر، شکل انتگرالی معادله ساختاری مواد ویسکوالاستیک، موسوم به انتگرال تاریخچه⁷، به صورت زیر می باشد:

$$\sigma(t) = \int_0^t E(t-\tau)\dot{\varepsilon}(\tau)d\tau \tag{(f)}$$

که در آن (E(t) تابع زمانی مدول واهلش است. با گرفتن تبدیل لاپلاس از طرفین عبارت (۴)، معادله زیر به دست می آید:

$$\bar{\sigma}(s) = s\bar{E}(s)\bar{\varepsilon}(s) \equiv \bar{E}_m(s)\bar{\varepsilon}(s) \tag{(a)}$$

در نهایت با ترکیب معادلات (۳) و (۵)، مدول واهلش در فضای لاپلاس برای مدل SLS بصورت زیر به دست می آید:

$$\bar{E}(s) = \frac{q_0 + q_1 s}{s(1 + p_1 s)}$$
(9)

با گرفتن تبدیل لاپلاس معکوس از معادله (۶)، مدول واهلش برحسب زمان برای مدل SLS استخراج می شود:

$$E(t) = q_0 + \frac{q_1 + p_1 q_0}{p_1} \exp\left(-\frac{t}{p_1}\right)$$
(Y)

در این تحقیق ماده زمینه، پلیمر پلیپروپیلن[†] انتخاب شده است که مدول واهلش آن مطابق شکل ۲ است [۱۶].

با توجه به شکل ۲، سه پارامتر مدل SLS باید به گونهای انتخاب شوند که عبارت ذکر شده در معادله (۷) برای مدول واهلش، کمترین انحراف را از منحنی شکل ۲ داشته باشد. بر این اساس، برازش تابع معادله (۷) روی منحنی شکل ۲ انجام شده و مقادیر زیر برای پارامترهای مدل، استخراج می گردند.

$$p_1 = 273.00 \text{ sec}$$

 $q_0 = 3.0300 \text{ GPa}$ (A)
 $q_1 = -756.50 \text{ GPa. sec}$

3 Heredity

4 Polypropylene

بر اساس این مقادیر بیشینه خطای انحراف مدل از منحنی شکل ۲، برابر ۱/۳ درصد میباشد.



شکل ۲: مدول واهلشPP [۱۶]

۳- روش مورى-تاناكا براي خواص ويسكوالاستيك

در این تحقیق فرض میشود که ماده زمینه نانوکامپوزیت دارای خاصیت ویسکوالاستیک باشد و تقویتکننده (نانولوله کربنی) صرفا خاصیت الاستیک داشته باشد. ازاین رو برای استفاده از روش موری-تاناکا محدودیتهایی وجود دارد. زیرا این روش، خواص ماده را بر حسب مقادیر جبری خواص مواد تشکیل دهنده بیان میکند و از سوی دیگر آنها را ثابت فرض مینماید.

با توجه به اینکه خواص ماده زمینه وابسته به زمان است (معادلههای (۱) و (۷) را ببینید)، به کمک معادلات (۵) و (۶) از شکل تبدیل لاپلاس یافته معادلات ساختاری استفاده می شود. از این رو، با فرض ماده زمینه همسانگرد، تانسور سفتی زمینه به صورت زیر تعریف می شود:

$$\bar{\mathbf{C}}_m(s) = \frac{s\bar{E}_m(s)}{(1+\nu)(1-2\nu)}\mathbf{K}_m \tag{9}$$

$$\mathbf{K}_{\mathbf{m}} = \begin{bmatrix} 1 - \nu & \nu & \nu & 0 & 0 & 0 \\ \Box & 1 - \nu & \nu & 0 & 0 & 0 \\ \Box & \Box & 1 - \nu & 0 & 0 & 0 \\ \Box & \Box & 1 - 2\nu & 0 & 0 \\ \Box & \Box & \Box & 1 - 2\nu & 0 \\ sym & \Box & \Box & \Box & 1 - 2\nu \end{bmatrix}$$
(1.1)

در این معادلات v ضریب پواسون ماده زمینه است. نانولوله کربنی به عنوان تقویتکننده دارای خاصیت الاستیک همسانگرد با ضریب الاستیک E_r و ضریب پواسون v_r فرض می شود که تانسور سفتی آن به صورت زیر است:

$$C_r = \frac{E_r}{(1+\nu_r)(1-2\nu_r)} \mathbf{K_r}$$
(11)

در این معادله \mathbf{K}_{r} مشابه با معادله (۹) میباشد. حال میتوان روش موری-تاناکا را به کار برد.

براساس این روش، تانسور سفتی معادل کامپوزیت به صورت زیر به دست میآید [۱۷]:

$$\bar{\mathbf{C}}(s) = (c_m \bar{\mathbf{C}}_m(s) + c_r \mathbf{C}_r; \mathbf{A}): (c_m \mathbf{I} + c_r \mathbf{A})^{-1}$$
(17)

$$\mathbf{A} = \left[\mathbf{I} + \mathbf{S}: \left(\bar{\mathbf{C}}_{m}(s)\right)^{-1}: \left(\mathbf{C}_{r} - \bar{\mathbf{C}}_{m}(s)\right)\right]^{-1}$$
(17)

در این معادله ${
m S}$ تانسور اشل.بی $^{\circ}$ است که مولفههای غیرصفر آن برای تقویت کننده استوانهای شکل در پیوست ۷–۱ آمده است.

با در نظر گرفتن آرایش کاملاً تصادفی برای نانولولههای کربنی، مدول الاستیک برای کامپوزیتی که اجزای آن همسانگرد باشند، به صورت زیر به دست می آید [۱۷]:

$$E(s) = \frac{3}{8} [c_r E_{\text{CNT}} + (1 - c_r) \bar{E}_m(s)] + \frac{5}{8} \left[\frac{E_{\text{CNT}} \bar{E}_m(s)}{(1 - c_r) E_{\text{CNT}} + c_r \bar{E}_m(s)} \right]$$
(15)

بدین ترتیب مدول الاستیک کامپوزیت در فضای لاپلاس استخراج می شود.

٤- مدلسازی انباشتگی و پراکندگی به روش موری-تاناکا

نانولولههای کربنی در نانوکامپوزیتهای تقویت شده با این ساختارها، به دلایلی ازجمله کم بودن مقاومت خمشی و نسبت منظر⁹ بالا، درون بعضی نقاط ماتریس انباشته می شوند. به کمک برخی فرایندهای تولید مانند سونیکیشن (تاباندن امواج مافوق صوت به ماده) می توان مقدار انباشتگی را کاهش داد ولی در بیشتر موارد این انباشتگی وجود دارد که عامل مهمی در وجود تمرکز تنش می باشد.

در صورتی که فرض شود نانولولهها، درون نواحی کروی^۷ انباشته و خارج از این نواحی بصورت کاملاً پخش شده باشند، ۲ عامل برای مدلسازی انباشتگی و پراکندگی به صورت زیر تعریف می شوند [۱۴]:

$$\xi = \frac{V_{\rm Inc}}{V} \quad \zeta = \frac{V_{\rm CNT}^{\rm Inc}}{V_{\rm CNT}} \tag{10}$$

که در آن، $V_{\rm CNT}^{\rm Inc}$ حجم ناحیه کروی، V حجم کل، $V_{\rm CNT}^{\rm Inc}$ حجم نانولوله

موجود در ناحیه کروی و $V_{\rm CNT}$ حجم کل نانولوله موجود در کامپوزیت است.

فرض انباشتگی نانولولهها در نواحی کروی و پخش بودن آنها در سایر نواحی توسط شی و همکاران [۱۴] ارائه شده است و با تصاویر استخراج شده از میکروسکوپ الکترونی عبوری^۸ که توسط پگل و همکاران [۱۸] ارائه شده است همخوانی مطلوبی دارد. نمونهای از تصویر TEM نانوکامپوزیت پلیمری تقویت شده با نانولوله کربن در شکل ۳ ارائه شده است.



شکل ۳: تصویر TEM نانوکامپوزیت پلیمری [۱۸] درصد حجمی نانولوله درون ماتریس نیز عبارتست از:

$$c_r = \frac{V_{\rm CNT}}{V} \tag{19}$$

با استفاده از پارامترهای یادشده، مدول واهلش داخل و خارج ناحیه کروی (به ترتیب E_{in} و E_{in} قابل استخراج میباشند. بدین منظور برای محاسبه E_{in} در معادله (۱۴) جملات شامل عبارت r_{r} با عبارت ($\zeta_{r}^{2}, \zeta_{r}^{2}$) جایگزین میگردند. بر این اساس مدول واهلش داخل نواحی کروی عبارت زیر می شود:

$$E_{\rm in}(s) = \frac{3}{8\xi} [c_r \zeta E_{\rm CNT} + (\xi - c_r \zeta) \overline{E}_m(s)] + \frac{5}{8} \frac{\xi \overline{E}_m(s) E_{\rm CNT}}{(\xi - c_r \zeta) E_{\rm CNT} + c_r \zeta \overline{E}_m(s)}$$
(19)

همچنین برای محاسبه $E_{_{out}}$ ، در معادله (۱۴) جملات شامل عبارت $c_{_r}/(1-\zeta)$ با عبارت c_r با عبارت $c_r/(1-\zeta)$

⁵ Eshelby

⁶ Aspect ratio

⁷ Inclusion (Inc)

⁸ Transmission electron microscopy (TEM)

$$E_{\text{out}}(s) = \frac{3}{8} \left\{ \frac{c_r(1-\zeta)}{1-\xi} E_{\text{CNT}} + \left[1 + \frac{c_r(1-\zeta)}{1-\xi} \right] \bar{E}_m(s) \right\} + \frac{5}{8} \frac{(1-\xi)E_{\text{CNT}}\bar{E}_m(s)}{[(1-\xi) - c_r(1-\zeta)]E_{\text{CNT}} + c_r(1-\zeta)\bar{E}_m(s)}$$
(1A)

در نهایت مدول واهلش کلی نانوکامپوزیت در فضای لاپلاس بر حسب مدول داخل و خارج نواحی کروی که از معادلات (۱۷) و (۱۸) استخراج شد، با بهکاربردن قانون اختلاط، به صورت زیر قابل محاسبه است:

$$\overline{E}(s) = \xi E_{\text{in}}(s) + (1 - \xi)E_{\text{out}}(s) \tag{19}$$

حال پس از محاسبه مدول واهلش در فضای لاپلاس، می توان مدول واهلش بر حسب زمان را به دست آورد. بدین منظور، از معادله (۱۹) به صورت زیر تبدیل لاپلاس معکوس گرفته می شود:

$$E(t) = \mathcal{L}^{-1}\left\{\frac{\overline{E}(s)}{s}\right\}$$
(Y•)

جواب به شکل زیر می شود:

$$E(t) = \bar{A} + \sum_{i=1}^{3} \bar{B}_{i} \exp\left(-\frac{\bar{C}_{i}}{\bar{D}_{i}}t\right)$$
(1)

ضرایب این معادله بر حسب خواص اجزای تشکیلدهنده ماده کامپوزیت و پارامترهای انباشتگی و پراکندگی، در پیوست ۷-۲ آمده است.

٥- نتایج عددی و بحث

در این بخش نخست به بررسی اثر پارامترهای انباشتگی و پراکندگی ($\tilde{\zeta} \in \tilde{\zeta}$) پرداخته میشود. خواص PP به عنوان ماده زمینه در شکل ۲ ارائه شده است. از سوی دیگر مدول الاستیک نانولوله کربنی برابر با TPa ۱/۲ است [۱۹]. مقدار نانولوله کربنی درون پلیمر مقادیر مختلفی میتواند اختیار شود که در این تحقیق ۰/۵ درصد حجمی در نظر گرفته شده است.

در بخش نخست، با فرض ۵/۰=z مدول واهلش نانوکامپوزیت به ازای تغییر پارامتر z در شکل ۴ ارائه شده است. از این شکل میتوان دریافت که افزایش پارامتر z موجب بهبود بیشتر خواص ویسکوالاستیک نانوکامپوزیت میشود؛ بصورتیکه در حالت ۹/۰=z (نزدیک به حالت حدی که کل کامپوزیت تبدیل به یک ناحیه کروی شده باشد) تغییرات نسبت به زمان کاهش مییابد.

شکل ۵، اثر عامل ζ را نمایش میدهد. مقدار ζ در این حالت برابر با ۰/۵ در نظر گرفته شده است. از شکل ۵ مشاهده می شود که افزایش ζ موجب کاهش خواص ویسکوالاستیک نانوکامپوزیت می شود. در واقع افزایش پارامتر ζ به منزله افزایش نانولوله ادرون نواحی کروی نسبت به نانولوله های پخش شده خارج از این نواحی می باشد که مفهوم آن افزایش

انباشتگی و تمرکز آنها درون پلیمر است.





شکل ۵: مدول واهلش نانوکامپوزیت در حالت ۵/۰=چُ

برای بررسی دقیق تر اثر عوامل انباشتگی، رویه سهبعدی مدول حالت پایدار (مدول واهلش در زمان بینهایت) نسبت به عوامل ζ و ζ در شکل ۶ ارائه شده است. از این شکل مشاهده می شود که برای دستیابی به خواص بهتر، درصورتی که نانولولهها بیشتر در نواحی کروی قرار دارند (ζ زیاد) حجم نواحی کروی نسبت به حجم کل باید کم باشد یعنی ζ کم باشد. به طور مشابه در حالتی که نانولولهها کمتر در نواحی کروی می باشند (ζ کم)، حجم نواحی کروی نسبت به حجم کل باید افزایش یابد. به طور خلاصه، اثر معکوس پارامترهای ζ و ζ بیان گر آن است که هرچه پخش نانولولهها درون حجم ماتریس بهتر باشد، خواص مطلوبتری حاصل می شود.

به منظور صحتسنجی نتایج، میتوان از تحقیق جیا و همکاران [۱۶] که خواص خزشی نانوکامپوزیت PP تقویتشده با نانولوله کربنی را به صورت تجربی استخراج نمودهاند، بهره برد. در این مقاله درصد وزنی



شکل ۶: توزیع مدول حالت پایدار نسبت به ζ و ζ

نانولوله ۰/۵ میباشد که معادل با ۲/۳ درصد حجمی است. به دلیل اینکه در مرجع [۱۶] خواص خزشی استخراج شده است و در این تحقیق مدول واهلش مدنظر میباشد، بنابراین مدول واهلش مدلسازی شده باید به تابع نرمی خزشی تبدیل شود. رابطه نرمی خزشی و مدول واهلش در فضای لاپلاس عبارتست از [۱۵]:

$$\bar{J}(s) = \frac{1}{s^2 \bar{E}(s)} \stackrel{\text{\tiny def}}{=} \frac{1}{s^2} \tilde{E}(s) \tag{77}$$

در این معادله ($\overline{J}(s)$ و ($\overline{E}(s)$ ، توابع نرمی خزشی و مدول واهلش در فضای لاپلاس هستند و تابع ($\widetilde{E}(s)$ به عنوان معکوس جبری مدول واهلش تعریف شده است.

برای سهولت در محاسبه نرمی خزشی، دو مقدار کم و کم را برابر با ۰/۵ در نظر گرفته و درصد حجمی نانولوله برابر ۲/۳ درصد، در معادله (۲۱) وارد میشود. با در نظر گرفتن معادلات (۲) و (۱۰) و گرفتن تبدیل لاپلاس معکوس از معادله (۱۳)، نرمی خزشی بدست میآید:

$$J(t) = \int_0^t (t-\tau)\tilde{E}(\tau)d\tau \tag{(Y7)}$$

که در اَن $\widetilde{E}(t) = \mathcal{L}^{-1}ig\{\widetilde{ar{E}}(t)ig\}$ میباشد.

بدین ترتیب، تابع نرمی خزشی برحسب زمان محاسبه می شود. چنانچه تابع نرمی خزشی بهدست آمده در مقدار تنش ثابت ضرب شود، تابع کرنش برحسب زمان (افزایش کرنش با زمان یا خزش) به دست می آید که با نتایج مرجع [۱۶] قابل مقایسه است. بر این اساس مقدار تنش ثابت MPa در نظر گرفته و نتایج کرنش خزشی بهدست آمده از مدل این تحقیق با نتایج حاصل از تحقیق جیا و همکاران مقایسه می شود که این مقایسه در شکل ۷ نمایش داده شده است.



شكل ۷: مقایسه كرنش خزشی مدل با نتایج تجربی موجود

از این شکل تطابق قابلقبولی بین نتایج مدل و نتایج تجربی مشاهده میشود. در اینجا ذکر این نکته ضروری است که تطابق نتایج مدل با نتایج تجربی در ساختارهای نانوکامپوزیت نیازمند در نظر گرفتن ملاحظات متعددی است که در این تحقیق یکی از مهمترین این ملاحظات یعنی انباشتگی نانولولهها بررسی شده است. واضح است که اندازه پارامترهای انباشتگی (ک و ²)، نیازمند مطالعات همزمان تجربی و آماری برای انواع نانوکامپوزیتها در شرایط ساخت متفاوت میباشد که تاکنون انجام نشده است. از این رو، با توجه به نبود تحقیق مذکور، نتایج مدل حاضر با تغییر مکرر پارامترهای ک و ²ه با نتایج تحقیق تجربی جیا و همکاران [۱۶] صحه گذاری شده است.

٦- نتیجه گیری

با توجه به اهمیت پدیده انباشتگی و پراکندگی نانولولهها در نانوکامپوزیتهای پلیمری تقویتشده با این ساختارها، در این تحقیق به بررسی کمی این پدیده روی خواص ویسکوالاستیک نانوکامپوزیتها پرداخته شد. خواص ویکوالاستیک PP با مدل SLS شبیهسازی شد و روش میکرومکانیک تحلیلی موری–تاناکا با معرفی ۲ پارامتر کخ و کر برای پیش بینی تاثیر انباشتگی و پراکندگی خواص، مورد استفاده قرار گرفت. برای وارد نمودن اثرات ویسکوالاستیسیته در معادلات میکرومکانیک، روابط ساختاری پلیمر در فضای لاپلاس ارائه و خواص کلی در این فضا استخراج گردید.

با تغییر مقادیر ζ و ζ برای یک نانوکامپوزیت خاص PP تقویت شده با ۰/۵ درصد وزنی نانولوله کربنی، مشاهده می شود که در ζ ثابت با افزایش ζ ، خواص ویسکوالاستیک نانوکامپوزیت بهبود می یابد و برای ζ نزدیک به یک، تاحدودی خواص مستقل از زمان می شود. همچنین در ζ ثابت با افزایش پارامتر ζ ، مدول واهلش کاهش می یابد که ناشی از افزایش تمرکز و تجمع نانولوله ها در نواحی خاص از کامپوزیت است.

$$\begin{split} D_3 &= E_{CNT} p_1 \xi + c_r q_1 \zeta - E_{CNT} c_r p_1 \zeta \\ \bar{B}_1 &= \frac{3}{8p_1} (1 - c_r) (q_1 - p_1 q_0) \\ \bar{B}_2 &= \frac{5 E_{CNT}^2}{8 \bar{D}_2^2} (q_1 - p_1 q_0) (1 + 3\xi^2 - \xi^3 - c_r \\ &\quad - 3\xi + 2 c_r \xi + c_r \zeta - c_r \xi^2 \\ &\quad + c_r \xi^2 \zeta - 2 c_r \xi \zeta) \\ \bar{B}_3 &= \frac{\bar{F}_4 - \bar{F}_3 - \bar{F}_2 + \bar{F}_1}{8 D_3 C_3} \end{split}$$

$$\overline{F}_{1} = 5E_{CNT}^{2}c_{r}p_{1}q_{0}\xi^{2}\zeta, \overline{F}_{2} = 5E_{CNT}^{2}c_{r}q_{1}\xi^{2}\zeta$$
$$\overline{F}_{3} = 5E_{CNT}^{2}p_{1}q_{0}\xi^{3}, \overline{F}_{4} = 5E_{CNT}^{2}q_{1}\xi^{3}$$

٨- مراجع

- Wernik, J.M.; Cornwell-Mott, B.J.; Meguid, S.A., 2012. "Determination of the interfacial properties of carbon nanotube reinforced polymer composites using atomistic-based continuum model", *International Journal of Solids and Structures*, 49, pp. 1852-1863.
- [2] Ghorbanpour Arani, A.; Maghamikia, Sh.; Mohammadimehr, M.; Arefmanesh, A., 2013.
 "Buckling analysis of laminated composite rectangular plates reinforced by SWCNTs using analytical and finite element methods", *Journal of mechanical science and technology*, 25, pp. 809- 820.
- [3] Pan, Y.; Weng G.J.; Meguid, S.A.; Bao, W.S.; Zhu, Z.H.; Hamouda, A.M.S., 2013. "Interface effects on the viscoelastic characteristics of carbon nanotube polymer matrix composites" *Mechanics of Materials*, 58, pp. 1- 11.
- [4] Wang, Y.M.; Weng, G.J., 1992. "The Influence of Inclusion Shape on the Overall Viscoelastic Behavior of Composites", *Journal of Applied Mechanics*, 59, pp. 510-518.
- [5] Lee, J.; Weng, G.J., 1994. "Strain-Rate Sensitivity, Relaxation Behavior, and Complex Moduli of a Class of Isotropic Viscoelastic Composites", *Journal of Engineering Materials and Technology*, 116, pp. 495-504.
- [6] Lee, J.; Weng, G.J., 1996. "Effect of a viscoelastic interphase on the creep and stress/strain behavior of fiber-reinforced polymer matrix composites", *Composites Part B*, 27B, pp. 589- 598.
- [7] Odegard G.M.; Gates T., 2006. "Modeling and

۷- پيوست

ضرایب غیرصفر تانسور اشل بی استفاده شده در معادله (۱۳) برای تقویت کننده استوانه ای شکل و طویل بصورت زیر است [۱۷]:

S =	$ \begin{bmatrix} 0 \\ S_{21} \\ S_{21} \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix} $	0 S_{22} S_{23} 0 0	0 S_{23} S_{22} 0 0	$ \begin{array}{c} 0 \\ 0 \\ S_{44} \\ 0 \\ 0 \end{array} $	0 0 0 <i>S</i> ₄₄	0 0 0 0	
		0	0	0		S_{66}	

در این معادله:

$$S_{22} = \frac{5 - 4\nu_m}{8(1 - \nu_m)}, \qquad S_{21} = \frac{\nu_m}{2(1 - \nu_m)}$$
$$S_{23} = \frac{4\nu_m - 1}{8(1 - \nu_m)}, \qquad S_{44} = \frac{1}{4}$$
$$S_{66} = \frac{3 - 4\nu_m}{8(1 - \nu_m)}$$

۲-۷- ضرایب معادله (۲۱)

$$\begin{split} \bar{A} &= -\frac{1}{8\bar{c}_{2}\bar{c}_{3}} \begin{bmatrix} 3c_{r}E_{CNT}^{3}\bar{c}_{1} + E_{CNT}^{2}q_{0}\bar{c}_{2} \\ &+ E_{CNT}q_{0}^{2}\bar{c}_{3} \\ &+ 3q_{0}^{3}c_{r}^{2}\zeta(\zeta-1)(1-c_{r}) \end{bmatrix} \\ \bar{G}_{1} &= c_{r}^{2}\zeta^{2} - c_{r}^{2}\zeta - 2c_{r}\zeta\xi + c_{r}\xi + c_{r}\zeta + \xi^{2} - \xi \\ \bar{G}_{2} &= -9c_{r}^{3}\zeta^{2} + 9c_{r}^{3}\zeta + 12c_{r}^{2}\zeta\xi - 6c_{r}^{2}\xi + 3c_{r}^{2}\zeta^{2} \\ &- 9c_{r}^{2}\zeta + 2c_{r}\xi^{2} - 16c_{r}\xi\zeta \\ &+ 6c_{r}\xi + 8c_{r}\zeta + 8\xi^{2} - 8\xi \\ \bar{G}_{3} &= 9c_{r}^{3}\zeta^{2} - 9c_{r}^{3}\zeta - 6c_{r}^{2}\zeta\xi + 3c_{r}^{2}\xi - 6c_{r}^{2}\zeta^{2} \\ &+ 9c_{r}^{2}\zeta - 5c_{r}\xi^{2} + 16c_{r}\zeta\xi \\ &- 3c_{r}\xi - 8c_{r}\zeta \\ \bar{C}_{1} &= 1, \qquad \bar{D}_{1} = p_{1} \\ \bar{C}_{2} &= (1-c_{r})E_{CNT} - \xi E_{CNT} + c_{r}q_{0} + c_{r}\zeta E_{CNT} \\ &- c_{r}\zeta q_{0} \end{split}$$

$$D_{2} = E_{CNT}p_{1} + c_{r}q_{1} - E_{CNT}c_{r}p_{1} - E_{CNT}p_{1}\xi - c_{r}q_{1}\zeta + E_{CNT}c_{r}p_{1}\zeta$$

$$\bar{C}_3 = E_{CNT}\xi - E_{CNT}c_r\zeta + c_rq_0\zeta$$

Z.H.; Hamouda, A.M.S., 2013. "Interface effects on the viscoelastic characteristics of carbon nanotube polymer matrix composites", *Mechanics of Materials*, 58, pp. 1-11.

- [14] Shi, D.L.; Feng, X.Q.; Huang, Y.Y.; Hwang, K.C.; Gao, H., 2004. "The Effect of Nanotube Waviness and Agglomeration on the Elastic Property of Carbon Nanotube-Reinforced Composites", *Journal of Engineering Materials and Technology*, 126, pp. 250-257.
- [15] Lakes, R., 2009. "Viscoelastic Materials", Cambridge University Press, New York.
- [16] Jia, Y.; Peng, K.; Gong, X.; Zhang, Z., 2011. "Creep and recovery of polypropylene/carbon nanotube composites", *International Journal of Plasticity*, 27, pp. 1239-1251.
- [17] Nemat-Nasser, S., 1993. "Micromechanics: Overall Properties of Heterogeneous Materials", Elsevier, New York.
- [18] Pegel, S.; Potschke, P.; Petzold, G.; Alig, I.; Dudkin, S.M.,; Lellinger, D., 2008. "Dispersion, agglomeration, and network formation of multiwalled carbon nanotubes in polycarbonate melts", *Polymer*, 49, pp. 974-984.
- [19] Yu, M.F.; Lourie, O.; Dyer, M.J.; Moloni, K.; Kelly, T.F.; Ruoff, R.S., 2000. "Strength and Breaking Mechanism of Multi-walled Carbon Nanotubes Under Tensile Load", *Science*, 287, pp. 637- 640.

Testing of the Viscoelastic Properties of a Graphite Nanoplatelet/Epoxy Composite", *Journal of Intelligent Material Systems and Structures*, 17, pp. 239-246.

- [8] Aldraihem, O.J., 2011. "Micromechanics modeling of viscoelastic properties of hybrid composites with shunted and arbitrarily oriented piezoelectric inclusions", *Mechanics of Materials*, 43, pp. 740-753.
- [9] Diani, J.; Gilormini, P.; Merckel, Y.; Vion-Loisel, F., 2013. "Micromechanical modeling of the linear viscoelasticity of carbon-black filled styrene butadiene rubbers: The role of the filler–rubber interphase", *Mechanics of Materials*, 59, pp. 65-72.
- [10] Haj-Ali, R.M.; Muliana, A.H., 2003. "A micromechanical constitutive framework for the nonlinear viscoelastic behavior of pultruded composite materials", *International Journal of Solids and Structures*, 40, pp. 1037- 1057.
- [11] Muliana, A.H.; Haj-Ali, R.M., 2004. "Nested nonlinear viscoelastic and micromechanical models for the analysis of pultruded composite materials and structures", *Mechanics of Materials*, 36, pp. 1087-1110.
- [12] Li, K.; Gao, X.L.; Roy, A.K., 2006. "Micromechanical Modeling of Viscoelastic Properties of Carbon Nanotube-Reinforced Polymer Composites", *Mechanics of Advanced Materials and Structures*, 13, pp. 317- 328.
- [13] Pan, Y.; Weng, G.J.; Meguid, S.A.; Bao, W.S.; Zhu,