نشريه مهندسي مكانيك اميركبير

نشریه مهندسی مکانیک امیرکبیر

نشریه مهندسی مکانیک امیرکبیر، دوره ۵۵، شماره ۹، سال ۱۴۰۲، صفحات ۱۱۱۳ تا ۱۱۳۴ DOI: 10.22060/mej.2023.21836.7526

تحلیل عددی جریان هوای مرطوب در نازل همگرا-واگرا با مدلهای ترمودینامیک تعادلی و غیر تعادلی

صباح حمیدی*۱، محمد جعفر کرمانی

۱- گروه مهندسی مکانیک، واحد سنندج، دانشگاه اَزاد اسلامی، سنندج، ایران ۲- دانشکده مهندسی مکانیک، دانشگاه صنعتی امیرکبیر، تهران، ایران

خلاصه: در این مقاله، حل عددی جریان تراکم پذیر، حدود صوت، گذرا، غیر لزج و دو فاز هوای مرطوب در نازلهای همگرا–واگرا مورد م مطالعه قرار گرفته است. برای انجام این کار، هر دو مدل ترمودینامیک تعادلی و غیر تعادلی با روش عددی رو در نظر گرفته شده و نتایج با هم مقایسه شده است. در مدل ترمودینامیک تعادلی حل عددی دارای دقت مرتبهٔ سوم مکانی و دقت مرتبهٔ دوم زمانی است اما در مدل ترمودینامیک غیر تعادلی، دقت مرتبه اول مکانی و دقت مرتبهٔ دوم زمانی بکار گرفته شده است. برای جریان هوای مرطوب در ناحیه خشک، خواص اصلی فشار، دما و سرعت برونیابی شده، اما برای ناحیه مرطوب (دو فاز)، کیفیت به جای فشار در مرز گره برونیابی شده است. در این تحقیق تأثیر هندسهٔ نازل و شرایط سکون بر روی رطوبت خروجی از نازل و نرخ جوانه زایی مورد بررسی قرار گرفته است. در این تحقیق تأثیر هندسهٔ نازل و شرایط سکون بر روی رطوبت خروجی از نازل و نرخ جوانه زایی مورد بررسی خروجی از نازل نیز افزایش می دهد که با افزایش نرخ انبساط سطح نازل تقطیر زودتر رخ داده و همچنین نرخ جوانهزایی و رطوبت خروجی از نازل نیز افزایش می داید. با وصف اینکه در مدل ترمودینامیک غیر تعادلی دقت مکانی مرتبه اول بکار گرفته شده است اما تروی خروجی از نازل نیز افزایش می داید. با وصف اینکه در مدل ترمودینامیک غیر تعادلی دقت مکانی مرتبه اول بکار گرفته شده است اما تروجی از نازل نیز افزاین مدل تطابق بهتری با نتایچ تجربی دارد.

تاریخچه داوری: دریافت: ۱۴۰۱/۰۷/۲۸ بازنگری: ۱۴۰۲/۰۷/۲۲ پذیرش: ۱۴۰۲/۰۹/۲۳ ارائه آنلاین: ۱۴۰۲/۰۹/۲۲

کلمات کلیدی: روش عددی رو هوای مرطوب رطوبت ترمودینامیک تعادلی ترمودینامیک غیر تعادلی

۱- مقدمه

فرایند تقطیر در بسیاری از تجهیزات صنعتی از جمله توربین بخار و نازل بخار اتفاق میافتد. در توربینهای بخار پدیدهٔ تقطیر باعث فرسایش و خوردگی پرههای توربین و همچنین افتهای ترمودینامیکی میگردد. بنابراین محاسبه رطوبت و همچنین بررسی راههای کاهش آن به خصوص در طبقات آخر توربینهای بخار جهت کاهش تلفات انرژی و همچنین افزایش طول عمر توربینها از اهمیت ویژهای برخوردار است. اخیراً یک سری مطالعات روی شیار تخلیه رطوبت در توربین بخار و همچنین تزریق بخار داغ جهت کاهش رطوبت و افزایش راندمان انجام شده است [۲و۱]. مکانیزم جریان بخار در کانالهای استاتور و روتور توربین بخار شبیه به جریان داخل نازل است، بنابراین با تحلیل جریان بخار در یک نازل میتوان دید مناسبی از جریان بخار داخل توربین داشت. یکی از روشهای عددی مورد استفاده در جریان مخار داخل توربین داشت. یکی از روشهای عددی مورد استفاده در رطوبت روش عددی رو است [۴و۲].

نازل یک دستگاه بسیار ساده است که در قبال کاهش فشار برای افزایش انرژی جنبشی بکار میرود. در موتورهای گازی (جت)، نازلها با هدایت گازهای اگزوز تراست تولید میکنند. بنابراین نازلها در عین سادگی یکی از اجزاء پرکاربرد در صنایع هوایی نیز محسوب می گردد.

نازلها در اجکتورها نیز مورد استفاده قرار می گیرند. اساس کار اجکتورها بدین صورت است که یک جریان پرفشار (که اصطلاحاً جریان اولیه نامیده می شود) از درون یک نازل همگرا–واگرا عبور کرده، تا در حین گذر از نازل، فشارش کاهش یابد و جریان مورد نظر به شرایط مافوق صوت برسد و با ایجاد یک خلاء نسبی در فضای پیرامون خود در خارج از نازل، سیال دیگری که اصطلاحاً جریان ثانویه نامیده میشود مکش نموده و به سمت پایین دست میدان جریان حاصل از اختلاط دو سیال هدایت کند (شکل ۱). ماهیت دقیق این پدیده با نام مکش اجکتوری معروف است. در موتورهای هوایی با استفاده از افت فشار ایجاد شده در خروجی نازل و مکش جریان سیال ثانویه از اطراف آن، میزان دبی جرمی گذرنده از دهانهٔ خروجی موتور افزایش یافته و نیروی جلوبرندهٔ آن موتور هوایی افزایش مییابد [۵].

دوق مؤلفین به نویسندگان و حقوق ناشر به انتشارات دانشگاه امیرکبیر داده شده است. این مقاله تحت لیسانس آفرینندگی مردمی (Creative Commons License) در دسترس شما قرار گرفته است. برای جزئیات این لیسانس، از آدرس https://www.creativecommons.org/licenses/by-nc/4.0/legalcode در دسترس شما قرار گرفته است. برای جزئیات این لیسانس، از آدرس عن می المان المان

^{*} نویسنده عهدهدار مکاتبات: sabaah_hamidi@yahoo.com



Fig. 1. Geometry of ejector [5]

مطالعات متعددی در زمینه تقطیر بخار در نازلهای همگرا–واگرا یا کانالهای استاتور و روتور توربین بخار صورت گرفته است. در جریانهای مافوق صوت در نازلهای همگرا–واگرا و یا توربینهای بخار تقطیر به صورت متفاوتی رخ میدهد، بدین صورت که بدون تغییر فاز تا زیر خط بخار اشباع سرد شده (ترمودینامیک غیر تعادلی) و سپس قطرات مایع به وجود میآیند. رها شدن گرمای نهان قطرات تشکیل شده و انتقال آن به بخار مافوق صوت باعث ایجاد شوک شده (شوک ناشی از تقطیر) و فشار بخار را افزایش میدهد. این پدیده باعث ایجاد افتهای ترمودینامیکی در جریان بخار میگردد [۱۰–۶]. مطالعات جدید نشان میدهد که تزریق قطرات مایع در ورودی نازل میتواند شوک ناشی از تقطیر را ضعیف و یا حذف کند. این فرایند میتواند افتهای ترمودینامیکی و آیرودینامیکی را کاهش دهد [۱۰].

در مقایسه با تقطیر بخار خالص مطالعات انجام گرفته در زمینهٔ تقطیر بخار آب موجود در هوای اتمسفر به نسبت کمتر است. پورینگ یک سری مطالعات تحلیلی در زمینهٔ تقطیر مخلوط هوا و بخار انجام داده است [۱۲]. همچنین یک سری مطالعات تجربی و تحلیلی در زمینهٔ تقطیر بخار موجود در هوای اتمسفر توسط دلاله و همکاران انجام شده است [۱۳]. یاماموتو و همکاران نیز تقطیر را در هوای مرطوب مورد بررسی قرار دادهاند، در این مطالعه یک روش عددی برای مدل سازی جریان هوای مرطوب پیشنهاد شده است، همچنین یک سری مطالعات تجربی روی پدیدهٔ تقطیر هوای مرطوب در لولههای سرد در این مطالعات انجام شده است [۱۴] و ۱۵].

تحلیل عددی جریان بخار خالص و هوای مرطوب (مخلوط بخار آب و هوا) حاوی شوک و بدون شوک در نازلهای همگرا– واگرا در مطالعات قبلی مورد بررسی قرار گرفته است [۱۶–۲۰]. در مطالعات صورت گرفته [۱۹–۱۹]، با مقایسه جریان بخار خالص و مخلوط هوا و بخار (در شرایط یکسان حاکم بر جزء بخار) مشخص گردید که در جریان مخلوط هوا و بخار

بدلیل تبادل گرما بین فاز بخار آب و هوا رطوبت تولید شده در خروجی نازل بیشتر است. همچنین در این مطالعات مشخص گردید که طی عبور جریان از شوک رطوبت کاهش یافته و کسر زیادی از مایع تبخیر می گردد. در مرجع [۲۰] تحلیل عددی جریان بخار خالص حاوی شوک و بدون شوک در نازل همگرا–واگرا با استفاده از مدل ترمودینامیک تعادلی مورد بررسی قرار گرفته است.

در مطالعهٔ حاضر، تحلیل عددی جریان هوای مرطوب (مخلوط هوا و بخار) در نازلهای همگرا–واگرا با استفاده از دو مدل ترمودینامیک تعادلی و غیر تعادلی مورد بررسی قرار می گیرد. در این مطالعه تأثیر پارامترهای مختلف جریان از جمله شرایط سکون و هندسهٔ نازل بر روی تقطیر مورد بررسی قرار گرفته و همچنین نتایج حاصل از دو مدل با هم مقایسه شده است.

دایکاس و همکاران مطالعات تجربی و عددی جامعی را در زمینه تقطیر بخار موجود در مخلوط هوا و بخار در نازلهای همگرا-واگرا انجام دادهاند. در مطالعات صورت گرفته تأثیر عوامل مختلف از جمله رطوبت نسبی، شوک قائم و شوک مایل روی پارامترهای مختلف جریان از جمله فشار، دما و توزیع رطوبت در طول نازل مورد بررسی قرار گرفته است [۲۱].

یاماموتو و همکاران تأثیر رطوبت ورودی را در جریان بخار مرطوب و هوا و بخار در نازلهای همگرا–واگرا و کانالهای توربین و کمپرسور مورد بررسی قرار دادند. بررسیها نشان میدهد که رطوبت ورودی تأثیرات قابل توجهی روی خصوصیات جریان از جمله فشار، عدد ماخ، توزیع رطوبت و محل و قدرت شوک ناشی از تقطیر دارد [۲۲].

اخیراً یک سری مطالعات عددی و تجربی در جریانهای حدود صوت هوای مرطوب در نازلهای همگرا-واگرا توسط ویسنیوسکی و همکاران انجام شده است. در این مطالعات علاوه بر مقایسه نتایج تجربی و عددی، تأثیر امواج ناشی از شوک روی پارامترهای مختلف جریان از جمله عدد ماخ، فشار و همچنین راندمان نازل مورد بررسی قرار گرفته است [۳۳و ۲۴]. همچنین یک تابع تصحیح کننده برای ضریب انتقال حرارت بین فاز بخار (گاز) و قطرات تشکیل شده در جریان قابل تقطیر حدود صوت هوا و بخار پیشنهاد شده است [۲۵]. ویسنیوسکی و همکاران در مطالعهای دیگر، تأثیر اعمال روابط مختلف رشد قطرات را روی نتایج حاصل از حل عددی بررسی کردند [۲۶].

در ادامه مطالعات قبلی [۱۶–۲۰]، در این تحقیق تحلیل عددی جریان هوای مرطوب در نازل همگرا–واگرا با اعمال شرایط مرزی مختلف (دمای سکون، فشار سکون و نسبت رطوبت) با استفاده از مدلهای ترمودینامیک



شکل ۲. مسیر جریان بخار در نازل همگرا-واگرا از دیدگاه ترمودینامیک تعادلی

Fig. 2. Schematic of steam flow in converging-diverging nozzle in equilibrium thermodynamic view



شکل ۳. مسیر جریان بخار در نازل همگرا-واگرا از دیدگاه ترمودینامیک غیر تعادلی از مرجع [۲۷]

Fig. 3. Schematic of steam flow in converging-diverging nozzle in non-equilibrium thermodynamic view [27]

تعادلی و غیر تعادلی انجام شده است. تفاوت بین مدلهای ترمودینامیک ورودی نازل شتاب گرفته و وارد نازل می شود (نقطهٔ ۱). با انبساط جریان تعادلی و ترمودینامیک غیر تعادلی در محل تقطیر و نحوهٔ رخ دادن آن در طول نازل جریان از خط بخار اشباع عبور می کند (نقطهٔ ۲)، و این نقطه، که به محض عبور جریان بخار از خط بخار اشباع (نقطهٔ ۲) فاز مایع تشکیل

است. مسیر نشان داده شده در شکلهای ۲ و ۳ به ترتیب بر پایهٔ مدلهای 🦳 نقطهٔ شروع تقطیر است. در مدل ترمودینامیک تعادلی فرض بر این است ترمودینامیک تعادلی و غیر تعادلی است.

در شکل ۲ جریان بخار مافوق گرم از شرایط سکون مشخص به سمت می شود.

در مدل ترمودینامیک غیر تعادلی تقطیر بخار در حین عبور از خط بخار اشباع رخ نمیدهد. مسیر نشان داده شده در شکل ۳ بر پایهٔ مدل ترمودینامیک غیر تعادلی است [۲۷]. در جریانهای مافوق صوت بخار معمولاً نرخ انبساط آنقدر سریع است که بخار نمیتواند در شرایط تعادلی باقی بماند. بدین صورت که، بدون تغییر فاز تا زیر خط بخار اشباع سرد شده و در شرایطی موسوم به فوق اشباع یا فوق سرد قرار می گیرد که این نقطه را نقطه ویلسون می نامند (نقطهٔ ۲). نهایتاً با افزایش درجه فوق سردی (اختلاف دمای گاز با دمای اشباع که معمولاً حدود ۵۰–۳۰ درجهٔ کلوین است)، حرکات مولکول ها باعث تولید قطرات مایع شده و در اثر فرآیند تقطیر سیستم به تعادل ترمودینامیکی باز می گردد. در جریانهای واقعی مافوق صوت در محل نقطیر شوک ناشی از تقطیر رخ میدهد که با استفاده از مدل ترمودینامیک نیر تعادلی قابل پیشبینی است (مسیر ۲ به ۳ در شکل ۳) اما در مدل نرمودینامیک تعادلی شوک ناشی از تقطیر قابل مشاهده نیست. بعد از شوک ناشی از تقطیر قطرات مایع در فاز بخار ظاهر می شوند.

همانطور که گفته شد، روش عددی رو روشی مناسب جهت تحلیل جریان تراکمپذیر میباشد. برونیابی مقادیر در مرز گره پایهٔ محاسبات برای مقادیر میانگین رو است. لازم به ذکر است که در ناحیه خشک (تکفاز)، خاصیتهای فشار (P)، دما (T) و سرعت (u) به عنوان خواص اصلی در مرز گره برونیابی شدهاند. در ناحیه دو فاز، به دلیل اینکه دما و فشار کمیتهای وابسته هستند، کیفیت (x) به جای فشار برونیابی می گردد و سه خاصیت کیفیت (x)، دما (T) و سرعت (u) برای برونیابی مورد استفاده قرار می گیرند. پس از بدست آوردن این مقادیر در مرز گره بقیه خواص را میتوان با استفاده از روابط جبری حاکم محاسبه نمود [۶۲–۱۹].

دقت محاسبات مکانی انجام شده در مدل ترمودینامیک تعادلی، مرتبه ۳ و دقت زمانی مرتبه ۲ است. روشهای عددی با دقت بالا همواره دارای نوسانات ناشی از محاسبات صرفاً عددی است که با محدودکننده شار وان آلبادا در این مطالعه از بین رفته و حل عددی پایدار بدست آمده است [۲۸]. همچنین برای روش عددی رو در نقطهای که سرعت جریان حدود صوت است یکی از مقادیر ویژه صفر شده که منجر به یک شوک غیر فیزیکی است یکی از مقادیر ویژه صفر شده که منجر به یک شوک غیر فیزیکی انبساطی میشود که با استفاده از رابطه تصحیح آنتروپی رفع شده است ترمودینامیک تعادلی در ناحیهٔ خشک و مرطوب در نظر گرفته شد مورد استفاده قرار می گیرند با این تفاوت که برونیابی خواص با دقت مرتبه اول انجام شده است.

مقایسه تحلیل عددی جریان تراکمپذیر هوای مرطوب در نازلهای همگرا–واگرا از دیدگاه ترمودینامیک تعادلی و غیر تعادلی و همچنین بررسی تأثیر شرایط سکون و هندسهٔ نازل بر روی پارامترهای مختلف جریان از نوآوریهای این تحقیق به شمار میرود. در مطالعه حاضر نتایج حاصل از دو مدل از لحاظ دقت نتایج، رطوبت خروجی از نازل و پیش بینی محل وقوع تقطیر مورد بررسی و مقایسه قرار گرفته است. تأثیر نرخ انبساط نازل روی رطوبت، درجه فوق سردی، درجه فوق اشباع و نرخ جوانهزایی نیز بررسی شده است. همچنین تأثیر رطوبت روی توزیع عدد ماخ (در گلوگاه نازل) در جریان هوا و بخار مورد مطالعه قرار گرفته است. مطالعه حاضر میتواند ایدهای جدید و کاربردی برای تهیه آب شرب در مناطق گرم و مرطوب باشد.

۲ – معادلات حاکم ۲ – ۱ – مدل ترمودینامیک تعادلی

معادلهٔ حاکم بر جریان شبه یک بعدی، گذرا، غیر لزج و قابل تراکم داخل نازل همگرا-واگرا در مدل ترمودینامیک تعادلی با در نظر گرفتن معادلات پیوستگی، مومنتم و انرژی با صرف نظر از نیروهای وزنی در حالت کاملاً پایستار عبارت است از [۲۰و۱۶]:

$$\frac{\partial Q}{\partial t} + \frac{\partial F}{\partial x} = H \tag{(1)}$$

$$Q = \begin{bmatrix} \rho A \\ \rho u A \\ \rho e_t A \end{bmatrix}, F = \begin{bmatrix} \rho u A \\ (P + \rho u^2) A \\ \rho u h_t A \end{bmatrix}, H = \begin{bmatrix} 0 \\ P \frac{dA}{dx} \\ 0 \end{bmatrix}, \quad (Y)$$

$$\rho = \rho_{mix} = \rho_s + \rho_a, \ P = P_{mix} = P_v + P_a \tag{(7)}$$

که در آنها، Q، بردار پایستار، F، بردار شار و H، بردار چشمه هستند. x و t، مؤلفههای مکان و زمان، A، مساحت سطح مقطع نازل، (P_{mix}) ، فشار مخلوط، P_v فشار بخار، P_a فشار هوا، $\rho(\rho_{mix})$ ، چگالی مخلوط، P_v چگالی بخار و آب مایع در ناحیهٔ دو فازی و چگالی بخار در ناحیهٔ خشک، ρ_i , چگالی هوا، u، سرعت، P_i و P_i به ترتیب انرژی داخلی کل و آنتالپی کل (آنتالپی سکون) به ازای واحد جرم هستند. برای مطالعهٔ حاضر که فشار سیال پایین

است از تقریب گاز ایدهال که در فشارهای پایین از دقت بالایی برخوردار است استفاده شده است.

۲- ۲- مدل ترمودینامیک غیر تعادلی

معادلات حاکم بر جریان هوای مرطوب یک بعدی (پیوستگی، مومنتم و انرژی) در مدل ترمودینامیکی غیر تعادلی همان معادلات حاکم بر هوای مرطوب در مدل ترمودینامیک تعادلی هستند با این تفاوت که در این قسمت چهار معادلهٔ دیفرانسیل جزئی حاکم بر قطرات به معادلات پیوستگی، مومنتم و انرژی اضافه شده است [۳۱]. اضافه شدن معادلات در حالت غیر تعادلی بدین دلیل است که بخار با عبور از خط بخار اشباع تقطیر نمی شود بنابراین رطوبت با استفاده از انرژی داخلی و چگالی بخار بدست آمده از معادلات پیوستگی، مومنتم و انرژی بخار قابل محاسبه نیست بلکه با استفاده از چهار معادلهٔ جزئی گفته شده بدست آمده است [۹۱]:

$$\frac{\partial Q}{\partial t} + \frac{\partial F}{\partial x} = H \tag{(f)}$$

$$Q = \begin{bmatrix} \rho A \\ \rho u A \\ \rho e_{t} A \\ \rho g \\ \rho Q_{2} \\ \rho Q_{1} \\ \rho Q_{0} \end{bmatrix}, F = \begin{bmatrix} \rho u A \\ (P + \rho u^{2}) A \\ \rho u h_{t} A \\ \rho g u \\ \rho Q_{2} u \\ \rho Q_{1} u \\ \rho Q_{0} u \end{bmatrix},$$

$$H = \begin{bmatrix} 0 \\ P \frac{dA}{dx} \\ 0 \\ 4\pi r_{c}^{3} \rho_{1} J / 3 + 4\pi \rho \rho_{1} Q_{2} \dot{r} \\ Jr_{c}^{2} + 2\rho Q_{1} \dot{r} \\ r_{c} J + \rho Q_{0} \dot{r} \\ J \end{bmatrix},$$

$$(\delta)$$

در معادلهٔ (۵)، Q_1 و Q_2 ممان
های هیل ٔ هستند [۳۲و
 [۳]:

$$Q_{0} = N, Q_{1} = \sum_{i=1}^{N} r_{i}, Q_{2} = \sum_{i=1}^{N} r_{i}^{2},$$

$$r = \begin{cases} \sqrt{Q_{2} / Q_{0}} & g > 10^{-6} \\ 0 & g \le 10^{-6} \end{cases}$$
(8)

 $r_{\rm c}$ ،(ک موق، g کسر جرمی مایع (نسبت جرم مایع به جرم کل)، $r_{\rm c}$ ، کل، g کسر علیه بحرانی قطره، $\rho_{\rm l}$ چگالی آب مایع، ρ چگالی کل، N، تعداد کل قطرات به ازای واحد جرم مخلوط، $r_{\rm i}$ شعاع قطرهٔ

i ام و r شعاع متوسط قطرات است (عدد ^۶-۱۰ در رابطهٔ (۶) جهت پایداری حل مسأله میباشد). J و *i* به ترتیب نرخ جوانهزایی و نرخ رشد شعاع قطرات میباشند. برای محاسبه نرخ جوانهزایی (J) و نرخ رشد شعاع قطرات (*i*) از روابط موجود در مراجع [۱۹] و [۳۳] استفاده شده است. مشابه مدل ترمودینامیک تعادلی، در مدل ترمودینامیک غیر تعادلی نیز با توجه به اینکه فشار مخلوط هوا و بخار پایین است، فرض گاز ایدهال به کار گرفته شده است.

۳- گسستهسازی زمانی و مکانی

در این بخش روش عددی رو که برای این تحقیق مورد استفاده قرار گرفته است تشریح شده است. برونیابی مقادیر در مرز گره پایهٔ محاسبات برای مقادیر میانگین رو است. گفتنی است که در مدل ترمودینامیکی تعادلی، در ناحیه خشک خاصیتهای فشار (P)، دما (T) و سرعت (u) به عنوان خواص اصلی در مرز گره، با برونیابی مرتبه سوم بدست آمده است. اما در این ناحیه، فشار، جای خود را به کیفیت (x) داده و خاصیتهای کیفیت (x)، دما (T) و سرعت (u) برای برونیابی استفاده شده است. با برونیابی خواص این ناحیه، فشار، جای خود را به کیفیت (x) داده و خاصیتهای کیفیت (x)، تما (T) و سرعت (u) برای برونیابی استفاده شده است. با برونیابی خواص اصلی در مرز گره بقیهٔ خواص از روابط ترمودینامیکی حاکم قابل محاسبه است [۶۲]. در مدل ترمودینامیکی غیر تعادلی نیز همان خواصی که در مدل قرار گرفته است با این تفاوت که برونیابی خواص با دقت مرتبه اول انجام شده است. بنابراین، دقت محاسبات مکانی انجام شده در مدل ترمودینامیکی تعادلی، مرتبه ۳ و در مدل ترمودینامیکی غیر تعادلی مرتبه اول انجام شده است. بنابراین، دقت محاسبات مکانی انجام شده در مدل ترمودینامیکی تعادلی، مرتبه ۳ و در مدل ترمودینامیکی غیر تعادلی مرتبه ۱۰ است، اما دقت توانی در هر دو مدل ترمودینامیکی خواص با دقت مرتبه اول انجام شده است. بنابراین، دقت محاسبات مکانی انجام شده در مدل ترمودینامیکی تعادلی، مرتبه ۳ و در مدل ترمودینامیکی غیر تعادلی مرتبه ۱۰ است، اما دقت توانی در هر دو مدل مرتبه ۲ است.

¹ Hill's Moments



شکل ۴. هندسهٔ نازلهای B، A و C مور از مرجع [۳۵]

Fig. 4. Geometries of nozzles A, B and C taken from Moore et al. [35]

لازم به ذکر است که در مدل ترمودینامیک تعادلی تغییرات به تدریج اتفاق میافتد، بنابراین برونیابی خواص با دقت مرتبه سوم انجام شده است. اما در مدل ترمودینامیک غیر تعادلی بدلیل اینکه شوک ناشی از تقطیر رخ میدهد و در محل وقوع شوک مسأله دچار ناپایداری می گردد، از دقت مرتبه اول استفاده شده است. با وصف اینکه در مدل ترمودینامیک غیر تعادلی از دقت مرتبه اول مکانی استفاده شده، نتایج حاصل از این مدل تطابق بهتری با نتایج تجربی دارد.

گسسته سازی در حوزه زمان با روش صریح و دقت مرتبه دوم لکس-وندرف که دارای دو مرحله پیشبینی و تصحیح از مرحله n تا n+1 است، انجام شده است. مرحله پیشبینی، شرایط جریان

را در زمان n+1/2 مشخص مینماید [۳۰]:

$$Q_i^{n+1/2} = Q_i^n - 0.5 \frac{\Delta t}{\Delta x} (F_{E,i}^n - F_{W,i}^n) - 0.5 \Delta t H_i^n \tag{Y}$$

در رابطه (۲)، i، شماره گره دلخواه است و $F_{\rm E}$ و $F_{\rm W}$ ، به ترتیب شار عددی محاسبه شده در سمت راست و چپ مرز گره مورد نظر هستند [۳۴]:

$$F_{E} = \frac{1}{2} (F_{E}^{R} + F_{E}^{L}) - \frac{A_{E}}{2} \sum_{k=1}^{3} \left| \hat{\lambda}_{E}^{(k)} \right| \delta W_{E}^{(k)} \hat{T}_{E}^{(k)}$$
(A)

A که در آن λ ، مقادیر ویژه، T، بردار ویژه، δw ، بردار نوسان موج، مساحت سطح مقطع نازل و k شمارنده بردارها هستند [۲۶–۲۰]. در این مطالعه، F_w از رابطه (۹) بدست آمده است:

$$F_{W,i} = F_{E,i-1} \tag{9}$$

مرحلهٔ تصحیح، شامل بدست آوردن مقادیر در مرحله n+1 با \mathcal{R} مرحله n+1/2 به صورت زیر است:

$$Q_i^{n+1} = Q_i^n - \frac{\Delta t}{\Delta x} (F_{E,i}^{n+1/2} - F_{W,i}^{n+1/2}) - \Delta t H_i^{n+1/2} \qquad (1)$$

۴- شرایط مرزی

در این تحقیق نازلهای A، B و C مور [۳۵] برای محاسبات عددی به کار گرفته شده است. هندسهٔ نازلها (مساحت در راستای طول نازل) در شکل ۴ نشان داده شده است. لازم به ذکر است که نازل A بیشترین نرخ انبساط و نازل C کمترین نرخ انبساط را دارد. جهت حل عددی جریان هوای مرطوب در نازل یک سری شرایط اولیه ضروری است. در این مطالعه فشار سکون ($P_{0,n}$)، دمای سکون ($T_{0,n}$) و نسبت رطوبت مخزن بالادست (ω_{res})

داده شده است. در ورودی نازل جریان مادون صوت بوده و فشار ورودی از گره داخلی برونیابی شده و فرایند از حالت سکون تا ورودی نازل آیزنتروپیک فرض شده است. در خروجی نازل که جریان مافوق صوت است خصوصیات جریان در خروجی نازل از گره ما قبل آخر محاسبه شده است. در این مطالعه از سرعت لغزشی بین فازهای گازی و مایع صرفنظر شده است.

۵- آلگوریتم حل عددی

در شکل ۵ الگوریتم روش عددی نشان داده شده است. با توجه به فلوچارت نشان داده شده در شکل ۵، مراحل به کار گرفته شده در حل عددی با استفاده از مدلهای ترمودینامیک تعادلی و غیر تعادلی به اختصار تشریح می گردد:

گام اول: مشخصههای جریان مقداردهی اولیه شده است.

گام دوم: با توجه به روابط (۷) و (۱۰)، مقادیر Q طی دو مرحلهٔ پیش بینی و تصحیح بدست آمده است.

گام سوم: با بدست آوردن بردار Q، به ترتیب چگالی مخلوط، سرعت و سپس انرژی داخلی کل محاسبه شده است. پس از به دست آمدن چگالی مخلوط، چگالی جزء بخار محاسبه شده است. همچنین با کم نمودن انرژی جنبشی از مقدار انرژی داخلی کل، انرژی داخلی مخلوط قابل محاسبه است، سپس انرژی داخلی جزء بخار با کم کردن انرژی داخلی جزء هوا از انرژی داخلی مخلوط به دست آمده است. با محاسبهٔ انرژی داخلی بخار و چگالی بخار حالت نهایی سیال و مقدار رطوبت (اگر بخار آب دو فاز باشد)، قابل محاسبه است.

گام چهارم: اعمال شرایط مرزی و بازگشت به مرحلهٔ دوم.

لازم به ذکر است که در مدل ترمودینامیک غیر تعادلی نحوهٔ محاسبهٔ کیفیت با مدل ترمدینامیک تعادلی متفاوت است، بدین صورت که، با بدست آمدن کسر جرمی آب مایع (g) و ممانهای های هیل از بردار Q، کیفیت بخار (X) محاسبه شده است.

٦- صحت سنجی نتایج

نتایج حاصل از حل عددی برای جریان هوای مرطوب با نتایج تجربی دلاله [۱۳] مقایسه شده است. در شکلهای ۶ و ۷ به ترتیب هندسهٔ نازل و توزیع فشار حاصل از حل عددی نشان داده شده است. با مقایسهٔ نتایج حاصل از روش عددی حاضر و نتایج تجربی مرجع [۱۳] می توان به تطابق بسیار خوب بین نتایج پی برد. که این مطلب نشان از برابری مناسب مدل ریاضی ارائه شده با فیزیک جریان است. البته واضح است که نتایج حاصل







Fig. 6. Geometry of nozzle taken from Delale et al. [13]



شکل ۷. مقایسهٔ توزیع فشار حاصل از حل عددی با استفاده از مدلهای ترمودینامیک تعادلی و غیر تعادلی و نتایج تجربی دلاله از مرجع [۱۳]

Fig. 7. Comparisons the numerical results of pressure distribution using equilibrium and non-equilibrium thermodynamic models with the experimental data of Delale et al. [13]



(b) Moore nozzle with supersonic outflow (nonequilibrium thermodynamic model) $T_{0, in} = 354.6 \text{ [K]}, P_{0, in} = 101.325 \text{ [kPa]}, O_{res} = 0.20 (P_{0,v} = 24.65 \text{ [kPa]})$



شکل ۸. بررسی توزیع رطوبت (a) و عدد ماخ (b) در طول نازل A به ازای تعداد گرههای مختلف

Fig. 8. Investigation of wetness fraction (a) and Mach number (b) along nozzle A for various grids number

قبل از ارائه نتایج، استقلال حل از شبکه نیز بررسی شده است. با توجه ترمودینامیک تعادلی (خط چین قرمز رنگ در شکل ۲) تطابق بهتری با به شکل ۸ مشاهده می شود که با افزایش تعداد گرهها از ۶۰۱ گره به بعد تغییر محسوسی در پروفیل عدد ماخ و رطوبت در طول نازل ایجاد نمی گردد. این نتیجه برای بقیه پارامترهای جریان از جمله فشار دما... نیز برقرار است،

از مدل ترمودینامیک غیر تعادلی (خط سیاه در شکل ۲) نسبت به مدل نتایج تجربی دارد و محل شوک ناشی از تقطیر را که در نتایج تجربی اتفاق می افتد به خوبی نشان می دهد.

بنابراین نتایج ارائه شدهی حاصل از حل عددی مستقل از شبکه میباشد. نتایج ارائه شده به ازای ۶۰۱ گره با فاصله برابر در طول نازلها میباشد.

۷- نتايج

همانطور که گفته شد در مدل ترمودینامیک غیر تعادلی، بخار در حین عبور از خط بخار اشباع تقطیر نمی گردد، بلکه در نقطهای که بخار به حداکثر درجهٔ فوق سردی (اختلاف دمای اشباع و دمای بخار (شکل ۳)) یا حداکثر درجهٔ فوق اشباع (نسبت فشار بخار به فشار اشباع) می رسد از این نقطه به بعد قطرات مایع در فاز بخار ظاهر می شوند و رطوبت در طول نازل افزایش می یابد. بنابراین انتظار می رود در مدل ترمودینامیک غیر تعادلی تقطیر بخار موجود در هوای مرطوب نسبت به مدل ترمودینامیک تعادلی به تأخیر بیفتد. در شکلهای ۹ و ۱۰ توزیع درجهٔ فوق سردی و درجهٔ فوق اشباع برای انبساط جریان هوای مرطوب در طول نازلهای A، B و C مور نشان داده شده است. با توجه به این نمودارها مشاهده می شود که در یک نقطه درجهٔ

فوق سردی یا درجهٔ فوق اشباع به حداکثر مقدار ممکن رسیده است. حداکثر مقدار درجهٔ فوق سردی برای نازلهای A، B و C به ترتیب حدود K مقدار درجهٔ فوق سردی برای نازلهای A و T_{sub,C} = F ($T_{sub,C} = F$) A و C به ترتیب حدود T_{sub,C} = F ($T_{sub,C} = T_{sub,C} = T_{sub,C}$ و C ($T_{sub,C} = T_{sub,C}$) ($T_{sub,C} = T_{sub,C}$ و C ($T_{sub,C} = T_{sub,C}$) ($T_{sub,C} =$



شکل ۹. توزیع درجهٔ فوق سردی هوای مرطوب در طول نازلهای B، A و C با استفاده از مدل ترمودینامیک غیر تعادلی

Fig. 9. Supercooling level distribution along nozzles A, B and C using non-equilibrium thermodynamic model



شکل ۱۰. توزیع نسبت فشار بخار به فشار اشباع در جریان هوای مرطوب در طول نازلهای B، A و C با استفاده از مدل ترمودینامیک غیر تعادلی

Fig. 10. Super saturation ratio distribution in moist air flow along nozzles A, B and C using non-equilibrium thermodynamic model



شکل ۱۱. توزیع فشار و دما برای جریان هوای مرطوب در طول نازل A با خروجی مافوق صوت با استفاده از مدل ترمودینامیک غیر تعادلی

Fig. 11. Pressure and temperature distribution for moist air flow along nozzle A with supersonic outflow using non-equilibrium thermodynamic model



Moore, nozzle with supersonic outflow (equilibrium and nonequilibrium thermodynamic model)

شکل ۱۲. توزیع رطوبت برای جریان هوای مرطوب در طول نازل A با خروجی مافوق صوت با استفاده از مدلهای ترمودینامیک تعادلی و غیر تعادلی

Fig. 12. Wetness fraction distribution for moist air flow along nozzle A with supersonic outflow using equilibrium and non-equilibrium thermodynamic models

شروع تقطير نيز در أن بالاتر است.

در شکل ۱۲ توزیع رطوبت حاصل از مدلهای ترمودینامیک تعادلی و غیر تعادلی برای نسبت رطوبتهای مختلف با هم مقایسه شده است. با توجه به شکل ۱۲ مشاهده میشود که در مدل ترمودینامیک تعادلی، با فشار، دمای سکون و نسبت رطوبت اعمال شده، جریان قبل از گلوگاه دو فاز شده است، اما در مدل ترمودینامیک غیر تعادلی تقطیر بعد از گلوگاه اتفاق میافتد. بنابراین همانطور که انتظار میرود، در مدل ترمودینامیک غیر تعادلی تقطیر به تأخیر افتاده و میزان رطوبت خروجی نیز کمتر است. کاهش رطوبت خروجی در مدل ترمودینامیک غیر تعادلی به این دلیل است که فرصت تبادل حرارت بین بخار و هوا که در ناحیهٔ مرطوب (به دلیل انتقال گرمای نهان)

در شکل ۱۳ توزیع عدد ماخ در طول نازل A با استفاده از مدل های

ترمودینامیک تعادلی و غیر تعادلی نشان داده شده است. همانطور که مشاهده می شود در مدل ترمودینامیک تعادلی (خط چین قرمز رنگ) سرعت در قسمت واگرای نازل به سرعت صوت می رسد (۱ = M). که این پدیده بدین صورت قابل توجیه است که در جریان تراکم پذیر بین سطح مقطع نازل، عدد ماخ و دمای سکون رابطهٔ زیر برقرار است [۳۶]:

$$\frac{dA}{A} = \frac{dM}{M} \frac{M^2 - 1}{(1 + \frac{\gamma - 1}{2}M^2)} + \frac{dT_0}{T_0} \frac{\gamma M^2 - 1}{2} \qquad (11)$$

با توجه به معادلهٔ فوق در جریان خشک آیزنتروپیک تغییر دمای سکون صفر است (M = M) و جریان در جایی به سرعت صوت می سد (M = M)



شکل ۱۳. توزیع عدد ماخ برای جریان هوای مرطوب در طول نازل A با خروجی مافوق صوت با استفاده از مدلهای ترمودینامیکی تعادلی و غیر تعادلی

Fig. 13. Mach number distribution for moist air flow along nozzle A with supersonic outflow using equilibrium and non-equilibrium thermodynamic models

از نازل A با استفاده از مدل ترمودینامیک غیر تعادلی نشان داده شده است. با توجه به شکل ۱۴ مشاهده می شود که با افزایش دمای سکون شروع تقطیر به تأخیر افتاده و میزان رطوبت در خروجی نازل کاهش می یابد. همچنین با توجه به شکل ۱۵ مشاهده می شود که با کاهش فشار سکون، شروع تقطیر به تأخیر افتاده و میزان رطوبت در خروجی نازل کاهش می یابد. این مسئله بدین صورت قابل توجیه است که با افزایش دمای سکون یا کاهش فشار سکون ن فاصلهٔ شرایط ترمودینامیکی در ورودی نازل با نقطه بخار اشباع افزایش یافته به است. در شکل ۱۶ تأثیر نسبت رطوبت بر روی توزیع رطوبت مورد بررسی قرار گرفته است. با توجه به شکل ۱۶ مشاهده می شود که با افزایش نسبت رطوبت، نقطهٔ شروع تقطیر به سمت بالادست منتقل شده، به عبارت دیگر مخلوط افزایش یافته و میزان رودتر رخ می دهد زیرا با افزایش نسبت مخلوط افزایش یافته و تقطیر زودتر اتفاق می افتد. شایان ذکر است که میزان

که += dA باشد، به عبارت دیگر در گلوگاه سرعت جریان به سرعت صوت میرسد. در مدل ترمودینامیک غیر تعادلی به دلیل اینکه تقطیر در قسمت واگرای نازل اتفاق میافتد، به عبارت دیگر جریان در گلوگاه خشک است سرعت سیال در گلوگاه به سرعت صوت میرسد (1= M). اما در مدل ترمودینامیک تعادلی همانطور که در شکل ۱۲ نشان داده شده، تقطیر قبل از گلوگاه اتفاق میافتد و به این دلیل دمای سکون محلی بخار به علت انتقال گرمای نهان مایع به بخار افزایش مییابد(-> dT) بنابراین جریان در قسمت واگرای نازل (-> dA) به سرعت صوت میرسد. بنابراین نتایج بدست آمده با معادلهٔ ((۱) کاملاً همخوانی دارد. این پدیده برای جریان هوای مرطوب در مطالعات قبلی [-=19] بررسی نشده است.

در شکلهای ۱۴ تا ۱۶ تأثیر پارامترهای مختلف جریان از جمله دمای سکون، فشار سکون و نسبت رطوبت بر محل تقطیر و میزان رطوبت خروجی



 $\label{eq:model} \text{Moore}_{\text{A}} \text{ nozzles with supersonic outflow (nonequilibrium thermodynamic model)}$

شکل ۱۴. مطالعهٔ پارامتری تأثیردمای سکون و بر روی محل شروع تقطیر و رطوبت خروجی از نازل A با استفاده از مدل ترمودینامیک غیر تعادلی

Fig. 14. Parametric study to illustrate the influence of stagnation temperature on condensation onset and outlet wetness fraction of nozzle A using non- equilibrium thermodynamic model



شکل ۱۵. مطالعهٔ پارامتری تأثیر فشار سکون بر روی محل شروع تقطیر و رطوبت خروجی از نازل A با استفاده از مدل ترمودینامیک غیر تعادلی

Fig. 15. Parametric study to illustrate the influence of stagnation pressure on condensation onset and outlet wetness fraction of nozzle A using non- equilibrium thermodynamic model



Moore_A nozzle with supersonic outflow (nonequilibrium thermodynamic model)

شکل ۱۶. توزیع رطوبت در طول نازل A به ازای نسبت رطوبتهای ورودی مختلف با استفاده از مدل ترمودینامیک غیر تعادلی

Fig. 16. Wetness fraction distribution along nozzle A for various inlet humidity ratio using non-equilibriumthermodynamic model

است.

رطوبت در خروجی نازل کاهش یافته است، زیرا با افزایش نسبت رطوبت کسر جرمی هوا کاهش یافته، بنابراین گرمای کمتری از بخار توسط هوا جذب شده و همین امر باعث کاهش رطوبت خروجی شده است.

در شکلهای ۱۷ و ۱۸ تأثیر هندسه نازل بر روی رطوبت و نرخ جوانهزایی مورد بررسی قرار گرفته است. با مقایسه نازلهای A، B و C مشاهده میشود که در نازل A که بیشترین نرخ انبساط را دارد تقطیر زودتر رخ داده و رطوبت خروجی و نرخ جوانه زایی هم از بقیه نازلها بیشتر است. بنابراین با افزایش نرخ انبساط در نازلها تقطیر زودتر رخ داده و رطوبت تولید شده هم افزایش می یابد.

شکل ۱۹ تاریخچهٔ همگرایی دبی ورودی و خروجی را برحسب زمان در نازل A با استفاده از مدل ترمودینامیک تعادلی نشان میدهد. با توجه به این منحنی میتوان گفت که دبی ورودی به نازل و دبی خروجی از نازل برای مقادیر S ۰/۰۰۶ \leq t برابرند، به عبارت دیگر جریان در زمان حدود t = ۰/۰۰۶ s در ضمن اختلاف بسیار کم بین دبی ورودی و خروجی نشان میدهد که جریان بخوبی به جواب پایا همگرا شده

شکل ۲۰ تاریخچهٔ همگرایی دبی ورودی و خروجی را برحسب زمان در مدل ترمودینامیک غیر تعادلی نشان می دهد، با توجه به این منحنی می توان گفت که دبی ورودی به نازل و دبی خروجی از نازل برای مقادیر S ۲۰۰۹ $< \le t$ ، مقادیر یکسانی دارند، به عبارت دیگر، جریان در زمان حدود S ۲۰۰۹ + به حالت پایا رسیده است. با مقایسهٔ شکل ۲۰ با شکل ۱۹ مشاهده می شود که در مدل ترمودینامیک غیر تعادلی، به دلیل حجم محاسبات بیشتر زمان همگرایی نیز بیشتر است.

در شکلهای ۲۱ و ۲۲ قانون بقای جرم در طول نازل A برای اجزای مختلف مخلوط هوا و بخار با استفاده از مدلهای ترمودینامیک تعادلی و غیر مختلف مخلوط هوا و بخار با استفاده از مدلهای ترمودینامیک تعادلی و غیر تعادلی نشان داده شده است. با توجه به این شکلها مشاهده میشود که دبی جرمی کل (\dot{m}_{mix}) و دبی جرمی هوا (\dot{m}_a) در طول نازل ثابت هستند، \dot{m}_v) و دبی جرمی هوا (\dot{m}_a) در طول نازل ثابت هستند، \dot{m}_v همچنین با وقوع تقطیر دبی مایع (\dot{m}_i) افزایش یافته و دبی بخار ($\dot{m}_s = \dot{m}_v + \dot{m}_i$) کاهش یافته اما مجموع دبی بخار آب و آب مایع () در طول نازل ثابت است.



شکل ۱۷. مطالعهٔ پارامتری تأثیر هندسه نازل بر روی محل شروع تقطیر و رطوبت خروجی از نازل با استفاده از مدل ترمودینامیک غیر تعادلی

Fig. 17. Parametric study to illustrate the influence of nozzle geometry on condensation onset and outlet wetness fraction using non- equilibrium thermodynamic model



شکل ۱۸. توزیع نرخ جوانهزایی در طول نازلهایA ، B و C با استفاده از مدل ترمودینامیک غیر تعادلی





شکل ۱۹. تاریخچهٔ همگرایی دبی ورودی و خروجی نسبت به زمان در نازل A با خروجی مافوق صوت با استفاده از مدل ترمودینامیک تعادلی

Fig. 19. Convergence history of inlet and outlet mass flow rate versus time in nozzle A with supersonic outflow using equilibrium thermodynamic model



شکل ۲۰. تاریخچهٔ همگرایی دبی ورودی و خروجی نسبت به زمان در نازل A با خروجی مافوق صوت با استفاده از مدل ترمودینامیک غیر تعادلی

Fig. 20. Convergence history of inlet and outlet mass flow rate versus time in nozzle A with supersonic outflow using non-equilibrium thermodynamic model

شکل ۲۱. پروفیل دبی جرمی اجزاء هوای مرطوب در طول نازل A با خروجی مافوق صوت با استفاده از مدل ترمودینامیک تعادلی

شکل ۲۲. پروفیل دبی جرمی اجزاء هوای مرطوب در طول نازل A با خروجی مافوق صوت با استفاده از مدل ترمودینامیک غیر تعادلی.

Fig. 22. Mass flow rate profile of moist air portions along nozzle A with supersonic outflow using non-equilibrium thermodynamic model.

جدول ۱. دبی آب خروجی از نازل A در مدلهای ترمودینامیک تعادلی و غیر تعادلی در شکلهای ۲۱ و ۲۲

Table 1. The mass flow rate of water at the exit of nozzle A in equilibrium and non-equilibri-
um thermodynamic model in figures 21 and 22

$\dot{m}_l(kg/hr)$	$\dot{m}_l(kg/s)$	نوع مدل
۱ ۰ ۴۷/۶	+/۲۹١	مدل ترموديناميک تعادلی
١٠٠٨	•/٢٨	مدل ترموديناميک غير تعادلي

به خوبی برقرار است.

جدول ۱ میزان آب تولید شده در طول یک ساعت را در نازل A در دو مدل ترمودینامیک تعادلی و غیر تعادلی به ازای شرایط اعمال شده در شکلهای ۲۱ و ۲۲ نشان میدهد. نتیجه حاصل میتواند ایدهای جدید و کاربردی برای تهیه آب شرب در مناطق گرم و مرطوب باشد.

۸- نتیجه گیری

در این مطالعه، روش عددی رو با استفاده از مدلهای ترمودینامیک تعادلی و غیر تعادلی برای تحلیل جریان هوای مرطوب در نازلهای همگرا– واگرا مورد بررسی قرار گرفته است. نتایج حاصل از حل عددی با نتایج تجربی تطابق خوبی دارد. در این مطالعه تأثیر شرایط سکون و هندسه نازل بر روی رطوبت خروجی از نازل و نرخ جوانهزایی بررسی شده است. در پایان برای نتیجه گیری می توان به نکات زیر اشاره نمود:

۱. با توجه به شکل ۷ مشاهده می شود که مدل ترمودینامیک غیر تعادلی محل شوک ناشی از تقطیر را به خوبی پیش بینی کرده و نتایج حاصل از این مدل تطابق بهتری با نتایج تجربی دارد. حداکثر خطای حاصل از مدل ترمودینامیک غیر تعادلی حدود ۷٪ و حداکثر خطای حاصل از مدل ترمودینامیک تعادلی حدود ۱۰٪ است.

۲. مطابق شکل ۱۲ رطوبت خروجی محاسبه شده از نازل در مدل
 ۳. ترمودینامیک غیر تعادلی حدود ۳٪ کمتر از مدل ترمودینامیک تعادلی است.

۳. با افزایش دمای سکون (T_{0,in}) از ۳۵۰ تا ۸۲۸ تقطیر به تأخیر افتاده و رطوبت خروجی از نازل از ۲/۲۷ به ۰/۲۱ کاهش یافته است ۸۵ kPa ای ۱۰۵ kPa) از ۹۵ kPa تا دشکل ۱۹). همچنین با کاهش فشار سکون (P_{0,in}) از ۱۰۵ kPa تا دود نیز به همین ترتیب تقطیر به تأخیر افتاده و رطوبت خروجی از نازل از حدود ۰/۲۶ به ۲/۲۴ کاهش می یابد (شکل ۱۵).

۴. با توجه به شکل ۱۶، با افزایش نسبت رطوبت (۵۰٫۰۰ تا
 ۴. رطوبت خروجی از نازل از ۲۵/۰ به ۲/۱۰ کاهش می یابد.

۵. با توجه به شکل ۱۷ و ۱۸ مشاهده می شود که با افزایش نرخ انبساط سطح نازل رطوبت خروجی از نازل و نرخ جوانهزایی افزایش می یابد. رطوبت خروجی از نازلهای A، B و C با شرایط سکون اعمال شده به ترتیب ۲۵٪، ۲۹٪ و ۱۹٪ است.

۶ با توجه به شکلهای ۱۹ و ۲۰ زمان همگرا شدن دبی ورودی و خروجی در مدل ترمودینامیک غیر تعادلی (t=۰/۰۰۹ s) به دلیل حجم محاسبات بیشتر، از مدل ترمودینامیک تعادلی (t=۰/۰۰۶ s) بیشتر است.

۷. با توجه به دبی آب خروجی از نازل A مور در مدلهای ترمودینامیک تعادلی و غیر تعادلی (شکلهای ۲۱ و ۲۲)، این مطالعه میتواند ایدهای جدید برای تولید آب شرب در مناطق گرم و مرطوب باشد. با توجه به جدول ۱ مشاهده می شود که میزان پیش بینی آب خروجی در یک ساعت در مدل ترمودینامیک غیر تعادلی (۱۰۰۸ کیلوگرم) از مدل ترمودینامیک تعادلی (۱۰۴۷/۶ کیلوگرم) کمتر است.

۹- فهرست علائم

علائم انگلیسی

A	مساحت، ^m
е	انرژی داخلی، J/kg
F	بردار جریان
g	کسر جرمی مایع
H	بردار چشمه
J	نرخ جوانهزایی
h_t	آنتالپی کل، J/kg
'n	دبی جرمی، kg/s
Ν	تعداد قطرات
п	مرحله زماني
P	فشار، Pa
Q	بردار پایستار
r	شعاع قطره، m
ŕ	نرخ رشد قطره، m/s
t	متغیر زمانی، S
Т	دما، K
Т	بردار ویژه

علائم يوناني

سرعت، m/s

متغیر مکانی، m

مقادير ويژه	λ
چگالی مخلوط، kg/m ³	ρ
كيفيت بخار	χ
بازهٔ زمانی، s	Δt
بازهٔ مکانی، m	Δx
بردار نوسان موج	δw

زيرنويس

يحراني	с
، رقی سمت شرق حجم کنترل	Ε
شماره قطره	i
جريان ورودي	in
فاز مايع	l
مخلوط بخار و هوا	mix
جريان خروجي	out
بخار در ناحیه خشک و بخار و آب در ناحیه دو فاز	S
حالت اشباع	sat

t	كل
v	فاز بخار
W	سمت غرب حجم كنترل
0	حالت سكون
	بالانويس
k	شمارنده بردارها
k L	شمارنده بردارها سمت چپ مرز گره
k L R	شمارنده بردارها سمت چپ مرز گره سمت راست مرز گره
k L R n	شمارنده بردارها سمت چپ مرز گره سمت راست مرز گره مرحله زمانی
k L R n ∧	شمارنده بردارها سمت چپ مرز گره سمت راست مرز گره مرحله زمانی شرایط میانگین رو

منابع

и

x

- [1] S.A. Hosseini, E. Lakzian, M. Nakisa, Multi-objective optimization of supercooled vapor suction for decreasing the nano-water droplets in the steam turbine blade, International Communications in Heat and Mass Transfer, 142 (2023), 106613.
- [2] M. A. Faghih Aliabadi, E. Lakzian, I. Khazaei, A. Jahangiri, A comprehensive investigation of finding the best location for hot steam injection into the wet steam turbine blade cascade, Energy, 190 (2020), 116397.
- [3] P. L. Roe, Approximate Riemann Solvers, Parameter Vectors and Difference Schemes, J. Comput. Phys., 43 (1981), 357-372.
- [4] M. J. Kermani, A. G. Gerber, J. M. Stockie, An Application of Roe,s High Resolution Scheme to Transonic Two-Phase Flow through Nozzles, Iranian Journal of Mechanical Engineering: Transaction of the ISME, 7 (2006), 60-77.
- [5] A. Hemidi, F. Henry, S. Leclaire, J. M. Seynhaeve, Y. Bartosiewicz, CFD Analysis of a Supersonic Air Ejector. Part I: Experimental Validation of Single-phase and Two-phase Operation, Applied Thermal Engineering, 29 (2009), 1523–1531.
- [6] A. J. White, Numerical Investigation of Condensing Steam Flow in Boundary Layers, International Journal of Heat and Fluid Flow, 21 (2000), 727-734.

of compressible condensing /evaporating moist-air flow for external and internal flows, Aeronaut. J. 117 (2013) 427–444.

- [18] S. Hamidi, M. J. Kermani, Numerical Study of Water Production from Compressible Moist-Air Flow, Journal of Applied Fluid Mechanics, 9 (1) (2016) 333-341.
- [19] S. Hamidi, M. J. Kermani, Numerical study of non-equilibrium condensation and shock waves in transonic moist-air and steam flows, Aerospace Science and Technology 46 (2015) 188-196.
- [20] S. Hamidi, M. J. Kermani, H. Beheshti Amiri, Numerical modelling of transonic two phase flow with shock in converging-diverging nozzle, Amirkabir Journal of Science & Research, 45 (1) (2013) 15-27, (in Persian).
- [21] S. Dykas, M. Majkut, K. Smolka, M. Strozik, Comprehensive investigations into thermal and flow phenomena occurring in the atmospheric air two-phase flow through nozzles, International Journal of Heat and Mass Transfer, 114 (2017) 1072-1085.
- [22] S. Yamamoto, S. Moriguchi, H. Miyazawa, T. Furusawa, Effect of inlet wetness on transonic wet-steam and moistair flows in turbomachinery, Journal of Computational Physics, 119 (2018) 720-732.
- [23] P. Wisniewski, S. Dykas, S. Yamamoto, B. Pritz, Numerical approaches for moist air condensing flows modelling in the transonic regime, International Journal of Heat and Mass Transfer, 162 (120392) (2020).
- [24] P. Wisniewski, S. Dykas, B. Yamamoto, M. Majkut, K. Smolka, M. Nocon, T. Wittmann, J. Friedrichs, A comprehensive analysis of the moist air transonic flow in a nozzle with a very low expansion rate, Applied Thermal Engineering, 217 (119185) (2022).
- [25] P. Wisniewski, S. Dykas, H. Miyazawa, T. Furusawa, S. Yamamoto, Modified heat transfer correction function for modeling multiphase condensing flows in transonic regime, International Journal of Heat and Mass Transfer, 201(123597) (2023).
- [26] P. Wisniewski, M. Majkut, S. Dykas, K. Smolka, G.

- [7] A. G. Gerber, M. J. Kermani, A Pressure Based Eulerian– Eulerian Multi-phase Model for Non-equilibrium Condensation in Transonic Steam Flow, Int. J. Heat and Mass Transfer, 47 (15) (2004), 2217–2231.
- [8] D. A. Simpson, A. J. White, Viscous and unsteady flow calculations of condensing steam in nozzles," International Journal of Heat and Fluid Flow, 26 (2005) 71–79.
- [9] J. Halama, F. Benkhaldoun, J. Fort, Numerical Modeling of Two-phase Transonic Flow, Mathematics and Computers in Simulation, 80 (8) (2009) 1624-1635.
- [10] Y. Yang, S. Shen, Numerical Simulation on Nonequilibrium Spontaneous Condensation in Supersonic Steam Flow, International Communications in Heat and Mass Transfer, 36 (4) (2009) 902-907.
- [11] E. Lakzian, S. Yazdani, R. Mobini, M. H. Moghimi-Esfand Abadi, A. Ramezani, M. Yahyazadeh, M. Rashedi Tabar, Investigation of the effect of water droplet injection on condensation flow of different nozzles geometry, The European Physical Journal Plus, 137 (613) (2022).
- [12] A. A. Pouring, An Experimental and Analytic Investigation of Homogeneous Condensation of Water Vapor in Air during Rapid Expansions, Ph.D. Dissertation, Yale University, (1963).
- [13] C. F. Delale, G. H. Schnerr, J. Zierep, Asymptotic Solution of Transonic Nozzle Flows with Homogeneous Condensation.1. Subcritical Flows, Phys. Fluid. A, (5) (38) (1993) 2969–2981.
- [14] S. Yamamoto, Preconditioning Method for Condensate Fluid and Solid Coupling Problems in General Curvilinear Coordinates, Journal of Computational Physics, 207 (13) (2005) 240–260.
- [15] K. Sakakura, S. Yamamoto, Numerical and Experimental Predictions of Heterogeneous Condensate Flow of Moist Air in Cooled Pipe, International Journal of Heat and Fluid Flow, 27 (7) (2006) 220–228.
- [16] S. Hamidi, M. J. Kermani, Numerical solution of compressible two-phase moistair flow with shocks, Eur. J. Mech. B, Fluids 42 (2013) 20–29. [17]S.Hamidi,M.J.Kermani,Highresolution computation

Modeling of Unsteady Flow in Steam Turbine Stage, Journal of Computational and Applied Mathematics, 234 (36) (2009) 2336-2341.

- [32] P. G. Hill, Condensation of Water Vapor During Supersonic Expansion in Nozzles, part 3, J. Fluid Mech., 25 (13) (1966) 593-620.
- [33] J. P. Sislian, Condensation of water vapour with or without a carrier gas in a shock tube, UTIAS report No. 201, Toronto University (1975).
- [34] J. C. Tannehill, D.A. Anderson, R.H. Pletcher, Computational Fluid Mechanics and Heat Transfer, second edition, Taylor & Francis, USA, (1997).
- [35] M. J. Moore, P. T. Walters, R. I. Crane, B. J. Davidson, Predicting the Fog Drop Size in Wet Steam Turbines, Inst. for Mechanical Engineers (UK), Wet Steam 4 Conference, University of Warwick, Paper C37/73 (1973).
- [36] M. A. Saad, Compressible fluid flow, Prentice-Hall, Inc, Englewood cliffs, New Jersey, (1985).

Zhang, B. Pritz, Selection of a steam condensation model for atmospheric air transonic flow prediction, Applied Thermal Engineering, 203 (117922) (2022).

- [27] A. R. Teymourtash, M. R. Mahpeykar, A blade to blade invicid transonic flow analysis of nucleating steam in a turbine cascade by the jameson, s time-marching scheme using body fitted grid, Journal of Applied and Computational Sciences in Mechanics, 18 (1) (2006) 1-20 (in Persian).
- [28] G. D. Van Albada, B. van Leer, W. W. Roberts, A Comparative Study of Computational Methods in Cosmic Gas Dynamics, Astron. Astrophys., 108 (1) (1982) 76-84.
- [29] M. J. Kermani, E. G. Plett, Modified Entropy Correction Formula for the Roe Scheme, AIAA Paper # 2001-0083, (2001).
- [30] K. A. Hoffmann, S. T. Chiang, Computational Fluid Dynamics for Engineers, Vol. II, Engineering Education Systems, Wichita, Kansas, USA, (1993).
- [31] J. Halama, J. Dobes, J. Fort, J. Furst, K. Kozel, Numerical

چگونه به این مقاله ارجاع دهیم S. Hamidi, M. J. Kermani, Numerical analysis of moist-air flow in converging-diverging nozzle with equilibrium and non-equilibrium thermodynamic models, Amirkabir J. Mech Eng., 55(9) (2023) 1113-1134.

DOI: 10.22060/mej.2023.21836.7526