مطالعه پارامتری روشهای کنترل دینامیک مبنا برای بهبود راهرفتن رباتهای دوپای زیرفعال، مطالعه موردی: دینامیک صفر ترکیبی و پسخوراند تناسبی-مشتقی

روزبه قنادي آذر'، محمد رضا حقجو*'، مصطفى تقىزاده شول'

۱- دانشکده مهندسی مکانیک و انرژی، دانشگاه شهید بهشتی، تهران، ایران ۳.هنویسنده مسئول: m_haghjoo@ sbu.ac.ir

چکیدہ

در حوزه کنترل حرکت رباتهای دوپا، مطالعه پارامتری روشهای کنترل دینامیک مبنا از اهمیت ویژهای بر خوردار است. این پژوهش به بررسی دقیق و پارامتری روشهای کنترل دینامیک مبنا، به طور خاص روش دینامیک صفر ترکیبی و روش پسخوراند تناسبی مشتقی، برای بهبود راهرفتن رباتهای دوپای زیرفعال میپردازد. در اینجا از یک مدل ربات دوپای زیرفعال سه لینکی بدون زانو با سه درجه آزادی به عنوان مطالعه موردی استفاده شده و معادلات دینامیکی در دو فاز پیوسته و ضربه برای این مدل استخراج می گردد. با مقایسه و تحلیل پارامترهای کنترلی در دو روش مذکور، شبیهسازی ربات در نرمافزار متلب اجرا شده و نتایج مقایسه و بحث شدهاند. همچنین، تأثیر تغییرات پارامترهای کنترلی در روش پسخوراند تناسبی مشتقی مورد ارزیابی و مقایسه قرار گرفته است. نتایج نشان میدهند که روش دینامیک صفر ترکیبی نسبت به روش پسخوراند تناسبی مشتقی، حرکت متقارن تر و با سرعت یکنواختتری ایجاد میکند و تلاش کنترلی آن نیز کمتر است. با افزایش پارامترهای کنترلی در روش پسخوراند تناسبی مشتقی، مورد ارزیابی و مقایسه قرار گرفته است. نتایج و تلاش کنترلی آن نیز کمتر است. با افزایش پارامترهای کنترلی در روش پسخوراند تناسبی مشتقی، مورد ارزیابی و مقایسه قرار گرفته است. دیناو و تلاش کنترلی آن نیز کمتر است. با افزایش پارامترهای کنترلی در روش پسخوراند تناسبی مشتقی، درکت متقارن و با سرعت یکنواختتری ایجاد میکند و تلاش می کنترلی آن نیز کمتر است. با افزایش پارامترهای کنترلی در روش پسخوراند تناسبی مشتقی، نتایج آن به نتایج روش دینامیک صفر ترکیبی نزدیکتر می شود و تلاش کنترلی آن نیز کاهش می یابد. در این مطالعه، علاوه بر بررسی نتایج، پارامترهای کنترلی نیز به دقت مورد مطالعه و تجزیه و تحلیل قرار گرفتهاند، که می تواند به بهبود عملکرد رباتهای دوپا کمک کند.

كليدواژه: ربات دوپا، راه رفتن پايدار ديناميكي ، كنترل ديناميك مبنا، پسخوراند تناسبي-مشتقي، ديناميك صفر تركيبي

۱–مقدمه

با انجام تلاش ها برای افزایش قابلیت حرکت و پایداری رباتهای دوپا، به تدریج پیچیدگی آنها به طور فزایندهای افزایش یافته است. در حال حاضر قریب به اتفاق تجارب موفق رباتهای دوپا، انسان نماهای تمام فعال با کف پاهای بزرگ و تختی هستند که براساس معیارهای «پایداری استاتیکی یا شبه استاتیکی» حول یک نقطه تعادل مانند نقطه لنگر صفر و برنامه ریزی زمانی تعقیب مسیرهای مرجع مفاصل کنترل می شوند [۱]. در دهه های اخیر برخی از محققین با الهام از حرکت انسان و بهره گیری از پایداری دینامیکی ذاتی ربات دوپا، به دنبال کاهش این پیچیدگیها و ایجاد طبیعی تر بودهاند. مفهوم راه رفتن غیرفعال برای رباتهای دوپا را نخستین بار مک گیر^۲ [۲, ۳] با جزئیات مطرح نمود. حرکت بوجود آمده در این روش که بسیار طبیعی به نظر می رسید، در واقع یک حرکت پریودیک پایدار مجانبی منطبق بر مفاهیم سیکل حدی در فضای حالت سیستم بود [۴]. پس از آن، افزودن گشتاورهای کنترلی در راه رونده غیرفعال صفحهای برای ایجاد حرکت پریودیک پایدار مجانبی روی سطح افق با عنوان روش تعقیب انرژی^۳، توسط گوسوامی^۴ و همکاران [۵, ۶] ارائه شد. کولینز⁶ و همکاران [۷, ۸]، با هدایت مارک اسپانگ⁷، نوع جدیدی از راه روندهها را رائه کردند که بر اساس دوپاهای غیرفعال کنترل شده و اصطلاحا دارای راه رفتان غیرفعال پایه^۷ پایداره جانبی بودند. در این رباتها، تحریکها و کنترل های سادهای برای جایگزینی نقش جاذبه در راه رونده های غیرفعال پایه^۷ پایداره جانبی بودند. در این رباتها، تحریکها و کنترل

ظهور ایده راهرفتن غیرفعال، در واقع با هدف کنترل موثر رباتهای واقعی و کاهش تعداد محرکها یا عملگرها بود. تحقیقات نشان داد که افزودن حداقلی از کنترل میتواند عملکرد این راهروندهها را تقویت کند و راهرفتن پایدار مجانبی ربات بوجود آمده حتی روی سطح افق را سبب شود. از این رو سایر کارها، امکان افزودن حداقلی از محرکها به راهروندههای غیرفعال را مدنظر قرار دادند و بدین ترتیب راهروندههای زیرفعال^۸ (به جای راهروندههای تمام فعال) بوجود آمدند [۹]. رباتهای زیرفعال مذکور غالبا شامل رباتهایی با مفاصل قوز کپای غیرفعال و سایر مفاصل فعال میشود که تماس مدل کفپای آنها نقطهای است. در این نوع از رباتها، به دلیل استاتیکی پایدار راه رود. چنین رباتی میبایست تنها از طریق کنترلی بین کفپای تکیهگاه و زمین وجود ندارد و ربات نمیتواند بهره گیری از این ایده در کنترل رباتهای کفپای آنها، گشتاور کنترلی بین کفپای تکیهگاه و زمین وجود ندارد و ربات نمیتواند ساتاتیکی پایدار راه رود. چنین رباتی میبایست تنها از طریق کنترل بردار نیروهای جاذبه یا اینرسی خود، تعادل را حفظ کند و به بهره گیری از این ایده در کنترل رباتهای دوپا آغاز شد و دسته دیگری از تحقیقات شکل گرفت که تمرکز آنها روی «پایداری دینامیکی» حول یک سیکل حدی پایدار، یک راهرفتن پایدار دینامیکی قابل تنظیم بوجود آورد [۱۰]. از آن پس، تلاشها برای مبوره گیری از این ایده در کنترل رباتهای دوپا آغاز شد و دسته دیگری از تحقیقات شکل گرفت که تمرکز آنها روی «پایداری دینامیکی» حول یک سیکل حدی پایدار، یون تنوی در باتهای زیرفعال بود [۶]. در این دوره، محققان از روشهای کنترلی دینامیک مبنا مانند روش کنترلی پسخوراند تناسبی عشتقی^۴ برای رسیدن به پایداری مجانبی رباتهای دوپای زیرفعال استفاده می کردند دینامیکی» دول از معیارهای پایداری غیردیناهای در بایو میبایست شامل فرض تمامفعال اودن ربات و کفپای تخت باشند. به مینا مانند روش کنترلی پسخوراند تناسبی عشتقی^۴ برای رسیدن به پایداری مجانبی رباتهای دوپای کندر مطالعات قبل مینا میند روش کنترلی پستوران یایداری غیردیاهای را می این خون میام دون ربات و کفپای تخت باشند. به مینا مانند روش پسخوراند تناسبی میتنهای برای می میامفعال بودن ربات و کفپای تخت باشند. بول بسیان روش پایداری رای میاری رای میای رای مینور مینول رای می میامفیال میز را مامی می می می می می مینا می وینامیکر رای های میزی می

- ² McGeer
- ³ Energy tracking
- ⁴ Goswami
- ⁵ Collins
- ⁶ Mark W. Spong
- ⁷ Passivity Based Bipedal Walking
- ⁸ Underactuated
- ⁹ Proportional-Derivative feedback
- ¹⁰ Grizzle

¹ Zero Moment Point

ارائه روشهای زمان-تغییرناپذیر دینامیکی برای کنترل حرکت ربات دوپا برآمدند. اساس روش زمان-تغییرناپذیر ، صفرکردن یک خروجی مجازی به کمک ورودی سیستم میباشد. این محققان با رهاشدن از قید حرکتهایی که در آن الزاماً پا میبایست مسطح روی زمین قرار گیرد، توانستند ربات را بصورت کفپا نقطهای و زیرفعال کنترل کنند. چوالریو^۱ و همکاران [۱۳]، روش سیستماتیکی زا برای محاسبه حلهای پریودیک یک مدل با پدیده ضربهای برای توصیف راهرفتن پریودیک یک ربات دوپا با یک درجه آزادی غیرفعال معرفی کردند. همچنین اولین روش طراحی قانون کنترلی زمان-تغییرناپذیر که به صورت تحلیلی پایداری مجانبی حرکت نشان دادند با استفاده از قوانین پسخوراند زمان-تغییرناپذیر و همکاران در مرجع [17] معرفی شد گریزل و همکاران نشان دادند با استفاده از قوانین پسخوراند زمان-تغییرناپذیر و پیوستهای که یک سری محدودیتهای مقید را به سیستم تحمیل می نشان دادند با استفاده از قوانین پسخوراند زمان-تغییرناپذیر و پیوستهای که یک سری محدودیتهای مقید را به سیستم تحمیل می نشان دادند با استفاده از قوانین پسخوراند زمان-تغییرناپذیر و پیوستهای که یک سری محدودیتهای مقید را به سیستم تحمیل می نشان دادند با استفاده از قوانین پسخوراند زمان-تغییرناپذیر و پیوستهای که یک سری محدودیتهای مقید را به سیستم تحمیل می براحی کنترل کننده در رباتهای با یک درجه آزادی زیرفعالی استفاده شد [10]. هدف اصلی این روش، ایجاد پایداری اثبات شده پیادری برای رباتهای دوپای زیرفعال میباشد، هر چند کنترل انجام شده لزوما بهینه نیست. وسترولت^۳ و همکاران [17]، رسیدن به پیاده سازی قرار گرفتند [17]. ۱۸ یا این روشها، رباتها میتانستد به طور قابل ملاحظهای نسبت به قبل طبیعی و و با مصرف پیاده سازی قرار گرفتند [17]. ۱۸]. با این روشها، رباتها میتانستد به طور قابل ملاحظهای نسبت به قبل طبیعی و و با مصرف پیاده مازی تقرار گرفتند [17]. ۱۸] با ین روشها، رباتها میتوانستد به طور قابل ملاحظهای نسبت به قبل طبیعی تر و با مصرف پیاده مازی تقرار گرفتند (17]. ۱۸] با این روشها، راستها میتوانستد به طور قابل مندر و میرایی برای برورد بین برای مرونای بارمرهای بینتری کندر، و البته شبیه انسان، حرکت کنند. پس از آن، استفاده از قوانین کنترلی مبتنی بر برخورد نیز برای برورسانی پارامترهای کنترل کننده زمان-تغییرناپذیر در پایدارسازی راهرفتن پریودیک و بهبود نرخ همگرایی به آن،

اکثر تحقیقات معطوف به ارائه و بررسی روشهای کنترلی ذکر شده برای رباتها به صورت جداگانه بودهاند و مطابق آنچه نویسندگان دریافتهاند، تاکنون مطالعه پارامتری اصولی و جامعی درباره تنظیم ضرایب کنترلی در روشهای کنترلی دینامیک مبنا به منظور بهبود راهرفتن یک ربات دوپای زیرفعال انجام نشده است [۲۲٫۲۱].

هدف این پژوهش، مطالعه پارامتری روشهای دینامیک مبنا برای بهبود راهرفتن رباتهای دوپای زیرفعال است. به عنوان مطالعه موردی در اینجا از دو روش پرکاربرد مبتنی بر خطی سازی پسخوراند^۶ یعنی روش «دینامیک صفر ترکیبی» و روش «پسخوراند تناسبی-مشتقی» استفاده می شود. برای مقایسه کمی، از شبیه سازی کنترل یک ربات دوپای سه لینکی پرگاری زیرفعال در نرمافزار متلب^۷ استفاده می شود. بر این اساس جزییات نحوه طراحی کنترلر به دو روش بررسی و بحث می شوند. همچنین تاثیر بهرههای کنترلی متفاوت در روش پسخوراند تناسبی-مشتقی و مقایسه نتایج آنها با یکدیگر نیز انجام می شود. بنابراین نوآوری های اصلی این پژوهش عبارتند از: ۱- مطالعه پارامتری دو روش دینامیک مبنای متداول در کنترل راهرفتن ربات دوپای زیرفعال یعنی روش «دینامیک صفر ترکیبی» و روش «پسخوراند تناسبی-مشتقی». ۲- بررسی حساسیت و مقایسه کمی تاثیر پارامترهای کنترلی بر شاخصهای پایداری و بهبود راهرفتن رباتهای دوپای زیرفعال مانند دوره تناوب زمانی قدمهای چپ و راست، سرعت متوسط، تلاش کنترلی^۸ و غیره. نتایج بدست آمده از این پژوهش، می تواند کمک مضاعفی به محققان در زمینه ی کنترل بهتر این نوع رباتها داشته باشد.

- ¹ Chevallereau
- ² Hybrid Zero Dynamics
- ³ Westervelt
- ⁴ Rabbit
- ⁵ Mabel
- ⁶ Feedback linearization
- ⁷ MATLAB
- ⁸ Control effort

ساختار مقاله در ادامه بدین شرح است: ابتدا در بخش ۲، ساختار و مشخصات هندسی و فیزیکی ربات دوپا معرفی میشود. سپس در بخش ۳، معادلات دینامیکی فاز پیوسته و ضربه این ربات با استفاده از روش لاگرانژ^۱ مدلسازی میشود. در بخش ۴، به بررسی حرکت های پریودیک و تحلیل پایداری ربات پرداخته میشود. در بخش ۵، دو روش کنترلی دینامیک صفر ترکیبی و تناسبی-مشتقی برای ربات معرفی شده، طراحی میگردد. در بخش ۶ نیز، نتایج حاصل از شبیهسازی کامپیوتری آورده و بحث میشوند. درنهایت در بخش ۲، به نتیجه گیری از این پژوهش پرداخته میشود.

۲- ربات دوپای موردمطالعه

مدلی که در این پژوهش برای مطالعه مورد نظر استفاده میشود، یک ربات دوپای زیرفعال مطابق شکل ۱ و مشابه مرجع [۱۲] می باشد. ربات مورد مطالعه، دارای دو لینک به عنوان پاها و یک لینک به عنوان گردن می باشد. در اینجا مدل ربات به صورت دو بعدی و حرکت روی سطح افق درنظر گرفته می شوند. پارامترهای هندسی و مشخصات فیزیکی ربات در شکل مشخص شده و مقادیر عددی آنها در جدول ۱ قابل مشاهدهاند. قابل ذکر است که جرم هر قسمت به صورت متمرکز در وسط پاها، مفصل لگن و انتهای گردن درنظر گرفته شدهاند. همانطور که در شکل ۱ مشخص است، زوایای پای تکیه گاه^۲ با θ ، پای معلق^۳ با $_2 \theta$ و زاویه گردن را با $_6 \theta$ معرفی شدهاند. همچنین گشتاورهای ورودی به مفاصل نیز به ترتیب بین گردن-پای تکیه گاه (u) و گردن-پای معلق (u) اعمال می شوند.

¹Lagrange

² Stance leg

³ Swing leg



Table 1: Values of the parameters for the biped robot model

| مقدار | واحد | پارامترها |
|---------|------|---------------------------|
| ١ | m | طول هر پا (r) |
| • / \\D | m | طول گردن (L) |
| ۵ | kg | جرم هر پا (m) |
| ١. | kg | جرم گردن (MT) |
| ۱۵ | kg | جرم لگن ⁽ (MH) |

| (g) | گرانش | شتاب |
|-----|-------|------|
| | | |

فرضیات زیر برای مدل ربات مذکور در نظر گرفته میشوند:

- کلیه لینکهای ربات صلب میباشند.
- کلیه مفاصل ایده آل(بدون اصطکاک) میباشد.

۳- مدلسازی دینامیکی

هر گام راهرفتن ربات شامل دو قدم است. هر قدم نیز شامل دو فاز حرکتی میباشد: ۱) فاز پیوسته و ۲) فاز ضربه

در فاز پیوسته، یک پا در تماس با زمین میباشد (پای تکیهگاه) و پای دیگر به صورت معلق به سمت جلو حرکت میکند. پس از رسیدن پای معلق به زمین، برخورد رخ داده که این مرحله فاز ضربه نامیده میشود. پس از آن قدم بعدی بطور مشابه ولی با تعویض نقشهای پای تکیهگاه و معلق آغاز میشود.

 m/s^2

۲-۳- فاز پيوسته

(1)

(٢)

فرضیاتی که در این فاز در نظر گرفته شده، به این صورت میباشد:

- اصطکاک بین زمین و پای در تماس با آن به اندازه کافی زیاد هست که پا دچار لغزش نمی شود.
 - نیروی عکس العمل بین پای تکیه گاه و زمین همواره مثبت (به سمت بالا) باقی می ماند.

با توجه به توضیحات داده شده، متغییرهای حالت به صورت رابطه (۱) می باشد.



۹/۸۱

که q در رابطه بالا، متغییرهای موقعیت ربات میباشد. برای بدست آوردن معادلات دینامیکی حاکم بر این ربات از روش لاگرانژ استفاده

$$\frac{d}{dt}\left(\frac{\partial L}{\partial \dot{q}_i}\right) - \frac{\partial L}{\partial q_i} = F_i$$

که در این رابطه L لاگرانژین و F_i بردار نیروهای تعمیمیافته مربوط به مختصه q است. در نهایت معادلات حاکم به صورت رابطه (۳) بدست خواهند آمد.

$$D(q)\ddot{q} + C(q,\dot{q})\dot{q} + G(q) = B(q)u$$
(7)

که در آن D ماتریس جرمی، C ماتریس کوریولیس، G بردار گرانش، u بردار گشتاور عملگرها و B ماتریس تبدیل گشتاور عملگرها به نیروهای تعمیمیافته میباشد. بنابراین فضای حالت دینامیک ربات به صورت رابطه (۴) بدست میآید:

$$= \begin{bmatrix} \dot{q} \\ \ddot{q} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \dot{q} \\ D(q)^{-1} \begin{bmatrix} -C(q,\dot{q})\dot{q} - G(q) + B(q)u \end{bmatrix}$$
(*)

۳-۳- فاز ضربه

(Y)

در این فاز نیز از فرضیات سادهشونده برای مدل دینامیکی مورد نظر استفاده شده است. این فرضیات شامل [۲۳]:

- در هنگام برخورد پای معلق به زمین، پا به هیچ وجه روی زمین نمی لغزد یا به بالا جهش نمی کند، بلکه در همان نقطه تماس به طور لحظه ای به سرعت صفر می رسد.
 - فرض می شود ضربه به صورت آنی می باشد.
 - نیروهای ضربه ای به صورت آنی سرعت لینکها را تغییر میدهند اما تغییری در موقعیت لینکها ایجاد نخواهد کرد.

برای مدل سازی ضربه، ابتدا باید معادلات دینامیک سیستم را به صورت کلی و بدون در نظر گرفتن قیود اضافی مثل پینشدن پای تکیهگاه به زمین بدست آوریم. در این صورت سیستم دارای پنج درجه آزادی خواهد بود که به ترتیب شامل دو درجه آزادی مربوط به موقعیت مکانی نوک پای تکیهگاه (یعنی x,y) نسبت به چارچوب ثابت جهانی $X_0 Y_0$ و همچنین سه درجه آزادی مربوط به زوایای لینکها نسبت به یکدیگر (یعنی q) میباشد که در رابطه (۵) آمده است [۱۲].

$$q_e = \begin{bmatrix} x \\ y \\ q \end{bmatrix}$$
 (Δ)

پس معادلات حاکم در فاز ضربه به صورت رابطه (۶) بدست خواهد آمد.

 $D(q_e)\ddot{q}_e + C(q_e,\dot{q}_e)\dot{q}_e + G(q_e) = B(q_e)u + \delta F_{ext}$ (8) and a large matrix of the form of the fo

$$D\left(q_{e}\right)\dot{q}_{e}^{+}-D\left(q_{e}\right)\dot{q}_{e}^{-}=F_{ext}$$

که در رابطه فوق، $\int_{t^-}^{t} \delta F_{ext} = \int_{t^-}^{t} \delta F_{ext}$ بیانگر سرعت اقبل از برخورد و \dot{q}_e^+ بیانگر سرعت اقبل از برخورد و \dot{q}_e^+ بیانگر سرعت او مدت برخورد، \dot{q}_e^- بیانگر سرعت او مدت برخورد و با به زمین می باشد [۱۲]. اگر موقعیت نوک پای معلق را با $P(q_e)$ نشان دهیم(رابطه (۸)) در این صورت با گرفتن مشتق جزئی از آن می توان به رابطه (۹) رسید.

$$P(q_{e}) = \begin{bmatrix} x + r\sin(\theta_{1}) - r\sin(\theta_{r}) \\ y + r\cos(\theta_{1}) - r\cos(\theta_{r}) \end{bmatrix}$$
(A)

$$E = \frac{\partial}{\partial q_e} P\left(q_e\right) \tag{9}$$

با استفاده از قضیه کار مجازی میتوان رابطه (۱۰) را بین ضربه (F_{ext}) و نیروهای وارد از طرف زمین به پای معلق(F) حین برخورد برقرار کرد [۲۳]:

$$F_{ext} = (E)' F \tag{1}$$

با توجه به فرضیات مدل ضربه، پای معلق بعد از برخورد به زمین نمیلغزد و همچنین از روی زمین به سمت بالا جهش نمی کند. بنابراین این فرض را به صورت رابطه (۱۱) مدلسازی می شود.

$$E\dot{q}_{e}^{+}=0 \tag{(1)}$$

بنابراین برای بدستآوردن سرعتها بعد از برخورد به زمین باید دستگاه معادلات خطی به صورت زیر حل شود.

$$\begin{pmatrix} D_{\Delta \times \Delta} & \left(\left(-E \right)' \right)_{\Delta \times \Upsilon} \\ \left(E \right)_{\Upsilon \times \Delta} & \cdot_{\Upsilon \times \Upsilon} \end{pmatrix} \begin{bmatrix} \left(\dot{q}_{e}^{\ T} \right)_{\Delta \times \Upsilon} \\ \left(F \right)_{\Upsilon \times \Upsilon} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \left(D \times \dot{q}_{e}^{\ T} \right)_{\Delta \times \Upsilon} \\ \cdot_{\Upsilon \times \Upsilon} \end{bmatrix}$$

$$(17)$$

با حل این معادله میتوان سرعتها را بلاقاصله بعد ار برحورد ب

$$x^{+} = \Delta \left(x^{-} \right)$$

$$(17)$$

توجه به این نکته بسیار مهم است که نقش پاهای تکیهگاه و معلق پس از برخورد عوض میشود. حال با توجه به می توان معادله دینامیکی کل سیستم را به صورت ترکیب دو فاز پیوسته و ضربه نوشت [۱۲, ۲۳].

$$P: \begin{cases} \dot{x}(t) = f(x(t)) + g(x(t))u(t) \rightarrow x^{-}(t) \notin s \\ x^{+}(t) = \Delta(x^{-}(t)) \rightarrow x^{-}(t) \in s \end{cases}$$

$$S = \{(q, \dot{q}) \mid \theta_{i} = -\theta_{i}\}$$

$$(1-1f)$$

$$(1-1f)$$

$$S = \left\{ \left(q, \dot{q} \right) | \, heta_{ ext{s}} = - heta_{ ext{s}}
ight\}$$

که f(x) و g(x) ، از روابط زیر استخراج میباشد.

$$f(x) = \begin{bmatrix} \dot{q} \\ D^{-1}(-C\dot{q} - G) \end{bmatrix}, g(x) = \begin{bmatrix} \cdot_{\tau \times \tau} \\ D^{-1}B \end{bmatrix}$$
(1 Δ)

زیر فضای کا ابر سطحی در فضای حالت است که وقتی حالت سیستم به آن میرسد، فاز ضربه رخ میدهد. در اینجا این موضوع معادل شرط $heta_{\lambda}=- heta_{\lambda}$ برای برخورد پا به زمین است. به این معنا که وقتی زاویه پای معلق به قرینه زاویه پای تکیه گاه برسد، برخورد رخ داده است. توجه شود که برای رسیدن به چنین شرطی میبایست لحظه عبور پای معلق از پای تکیهگاه (خراش با زمین ٔ) را در نظر نگیریم.

¹ Scuffing

۴- حرکتهای پریودیک و تحلیل پایداری

یکی از مرسومترین روشهای بررسی وجود و تحلیل پایداری حرکتهای پریودیک در رباتهای راهرونده، روش نگاشت پوانکاره می باشد. نگاشت پوانکاره برای ربات دوپای مورد مطالعه مطابق زیر، نگاشتی است از ترکیب معادلات دینامیکی فاز پیوسته و فاز ضربه در رابطه (۱–۱۴) که حالت سیستم در شروع یک قدم (مثلا بلافاصله بعد از یک برخورد و شروع قدم n ام یعنی $x^{+[n]}$) را به حالت سیستم در شروع قدم بعدی (مثلا بلافاصله بعد از برخورد بعدی و درنتیجه شروع قدم ۱ + nم یعنی (x ^{+[n+1]})مرتبط میکند [۲۴]. $x^{+[n+1]} = P(x^{+[n]})$

(18)

بدیهی است این نگاشت بصورت عددی در نرم افزاری مانند متلب قابل تشکیل است. حالتی از سیستم که درنتیجه تاثیر این نگاشت، به روی خودش نگاشته شود را نقطه ثابت نگاشت پوانکاره(x ^{+[*]}) مینامیم [۲۵]. بدیهی است وجود چنین نقطهای، بیانگر تکرار حالت سیستم در انتهای شروع قدم بعد و معرف وجود یک گیت پریودیک راهرفتن ربات میباشد یعنی

$$x^{+[*]} = P\left(x^{+[*]}\right)$$
(1V)

یک گیت پریودیک نیز معرف وجود یک سیکل حدی برای سیستم میباشد. البته این گیت پریودیک ممکن است پایدار یا ناپایدار باشد (سیکل حدی پایدار یا ناپایدار). درصورتی که گیت پریودیک پایدار باشد برای همیشه تکرار می شود و درواقع سیکل حدی دارای ناحیه جذب است که انحرافات اندک در حالت شروع سیستم را تحمل نموده و نهایتا به سیکل حدی اصلی جذب می شود [۲۶]. یایداری گیت پریودیک را می توان با شبیه سازی تعداد زیادی قدم و یا از منظر ریاضی با بررسی مقادیر ویژه نگاشت پوانکاره حول نقطه ثابت ارزیابی کرد. قابل ذکر است چنانچه مقادیر ویژه مذکور همگی دارای اندازه مطلق کوچکتر از واحد باشند، نقطه ثابت مربوطه یایدار است [۲۷].

۵- کنترل راهرفتن پایدار مجانبی

به دلیل وجود گردن و جرم آن، تحریک ربات به سمت جلو روی سطح افق اتفاق افتاده و ربات شروع به حرکت می کند. به منظور طراحی کنترلر مبتنی بر خطی سازی پسخوراند، به ۱-۸ قید هندسی مجازی نیاز است(N تعداد درجه آزادی ربات). از آنجایی که درجه آزادی ربات مورد مطالعه ۳ می باشد، پس به ۲ قید هندسی مجازی نیاز است. یکی از قیود هندسی، زاویه گردن می باشد که بايد مقدار مطلوبي را دنبال كند. همچنين براي يک حركت متقارن، بايد زاويه بين پاي تكيه گاه و معلق قرينه يكديگر باشد. بنابراين، خروجی سیستم (بردار ۷) برای این ربات، به صورت زیر درنظر گرفته می شود [۱۹].

$$y = H = \begin{bmatrix} \theta_{r} - \theta_{rd} \\ \theta_{r} + \theta_{r} \end{bmatrix}$$
(1A)

هدف از کنترلر طراحی شده، صفر نگهداشتن خروجی است. در صورتی که این بردار به سمت صفر میل کند، ربات یک تولید گام پريوديک پايدار خواهد داشت [۱۴]. براي تعيين قانون کنترلي مورد نياز، از خروجي سيستم مشتق گرفته مي شود تا سيگنال کنترلي ظاهر شود. پس خواهیم داشت:

$$\frac{d^{\mathsf{v}} y}{dt^{\mathsf{v}}} = \left[\frac{\partial}{\partial q} \left(\frac{\partial H}{\partial q} \dot{q}\right) \frac{\partial H}{\partial q}\right] \left[\begin{array}{c} \dot{q} \\ D^{-\mathsf{v}} \left(-C\dot{q} - G\right) \end{array}\right] + \underbrace{\frac{\partial H}{\partial q}}_{L_{g}^{\mathsf{v}} H(q,\dot{q})} + \underbrace{\frac{\partial H}{\partial q}}_{L_{g} L_{f}^{\mathsf{v}} H(q,\dot{q})} + \underbrace{\frac{\partial H}{\partial q}}_{L_{g}^{\mathsf{v}} L_{g}^{\mathsf{v}} L_{g}^$$

که در اینجا v یک تابع ایدهآل کنترلی (مربوط به حلقه بیرونیتر)، $L_f^{\ \ Y}H$ مشتق مرتبه دوم لی[\]بردار H نسبت به پردار f و L_f مشتق مرتبه دوم لی[\] بردار H نسبت به پردار f و $L_g L_f H$ میباشند. در نتیجه با فرض معکوس پذیر بودن ماتریس $L_g L_f H$ میباشند. در نتیجه با فرض معکوس پذیر بودن ماتریس $L_g L_f H$

۵-۱- روش تناسبی-مشتقی

روش تناسبی-مشتقی، یکی از سادهترین روشهای طراحی کنترلی برای رباتهای دوپا میباشد. در این روش، ابتدا یک مقدار مطلوب ثابت را برای زاویه گردن در نظر می گیریم. همچنین به منظور صفر نگهداشتن خروجی (قیود در نظر گرفته شده)، از پسخوراند تناسبی-مشتقی به عنوان یک تابع ایدهآل برای سیگنال کنترلی به صورت رابطه (۲۱) استفاده می کنیم[۲۸].

(۲۱)
$$v = -K_p y - K_d \dot{y}$$

که K_p بهرهی تناسبی و K_d بهرهی مشتقگیر میباشند. در واقع با مثبت فرض کردن بهرههای مذکور دینامیک خروجی به طور

پایدار مجانبی به سمت صفر میل می کند. حال با قرار دادن روابط فوق در رابطه (۱۸) و (۲۰)، سیگنال کنترلی(*u*) مورد نظر حاصل می شود.

۵-۲- روش دینامیک صفر ترکیبی

(1 - 77)

(7-77)

راهرفتن پایدار ربات در واقع کنترل وضعیت بدن به طور مداوم میباشد یعنی حفظ لگن (θ_r) در یک وضعیت نیمه ایستاده و پیشروی پای معلق (θ_r) از پشت پای تکیه گاه به سمت جلوی آن میباشد. به عبارت دیگر زوایای θ_r و θ_r را میبایست برای هر مسیر دلخواه به عنوان یک الگوی راهرفتن برای درای ربات دوپا، واضح است حرکت افقی لگن در هر به عنوان یک الگوی راهرفتن برای ربات دوپا بیان کنیم. از طرف دیگر، در راهرفتن ربات دوپا، واضح است حرکت افقی لگن در هر قدم در حال پیشروی ایک بالگوی راهرفتن برای در می در معنوان یک الگوی راهرفتن برای در این است که در هر قدم زاویه ی θ_r به طور یکنوا^۲ افزایش می یابد. بنابراین، میتوان هر کدام از زوایای θ_r و θ_r (t) و θ_r (t) میبایست برای میتوان هر کدام را در از زوایای θ_r (t) می باد در می را در میتر در از زوایای می را در میتروی است. این معادل این است که در هر قدم زاویه ی θ_r به طور یکنوا^۲ افزایش می یابد. بنابراین، میتوان هر کدام از زوایای (θ_r) و θ_r (t) مار در این است که در می قدم زمان برحسب (θ_r) میز مینوان کنیم. یعنی:

 $\theta_{r} = \eta_{r} \left(\theta_{r} \right)$ $\theta_{r} \left(t \right) = \eta_{r} \left(\theta_{r} \left(t \right) \right)$

با الهام از راهرفتن طبیعی انسان، ساده ترین حالت کنترل وضعیت بدن این است که زاویه لگن (θ_r) حول یک مقدار ثابت نگه داشته شود (یعنی $\theta_r \cong -\theta_r$) و زاویه پای معلق (θ_r) به صورت قرینه زاویه پای تکیه گاه حفظ شود (یعنی $\theta_r \cong -\theta_r$) [27]. بر این اساس، شود (یعنی $\theta_r \equiv -\theta_r$) و زاویه پای معلق (θ_r) به صورت قرینه زاویه پای تکیه گاه حفظ شود (یعنی $\theta_r = -\theta_r$) [27]. بر این اساس، می توان قیود مجازی $\theta_r = -\theta_r$ و راه رفت مثال بصورت چندجمله ای های درجه سوم شکل ۲ در نظر گرفت [27] بطوریکه

¹ Lie

² Monotonic

$$\theta_{r} = \eta_{r} \left(\theta_{r} \right) \equiv a_{r} + a_{r} \theta_{r}^{r} + a_{r} \theta_{r}^{r}$$

$$(1-TT)$$

$$\theta_{r} = -\eta_{r}\left(\theta_{1}\right) \equiv -\theta_{1} + \left(\theta_{1}^{r} - \theta_{1d}^{r}\right) \times \left(a_{.r} + a_{1r}\theta_{1} + a_{rr}\theta_{1}^{r} + a_{rr}\theta_{1}^{r}\right)$$
(Y-YY)

ضرایب معادلههای فوق، مقادیر ثابت دلخواهی هستند که میتوان آنها را بصورت درایههای ماتریس a زیر در نظر گرفت و با سعی و خطا با هدف تشابه پارامترهای راهرفتن برای گیت مدنظر تعیین نمود [۱۹, ۲۳]



شکل ۲: نمودارهای تقریبی قیود مجازی درجه سوم برحسب $heta_{i}$ (الف) برای حفظ زاویه لگن ($heta_{r}$) حول یک مقدار دلخواه ، (ب) برای حفظ زاویه پای معلق ($heta_{i}$) به صورت قرینه زاویه پای تکیهگاه

Figure 2: Approximate plots of virtual third-degree constraints as a function of θ_1 , (a) To maintain the hip angle (θ_3) at a desired value, (b) To maintain the standing leg angle (θ_2) as the inverse of the swing leg angle

حال برای صفر نگهداشتن خروجی سیستم، کافی است مقادیر θ_r و θ_r روابط بالا را در معادله خروجی (۱۷) قرار داده و همچنین به عنوان تابع ایده آل برای سیگنال کنترلی معادله زیر را در نظر گیریم. جزییات اثبات پایداری این روش در مرجع [۱۲] قابل مشاهده است.

$$V = \frac{1}{\varepsilon^{\gamma}} \begin{bmatrix} \psi_{\gamma}(y_{\gamma}, \varepsilon \dot{y}_{\gamma}) \\ \psi_{\gamma}(y_{\gamma}, \varepsilon \dot{y}_{\gamma}) \end{bmatrix}$$
(1-70)

$$e^{i \varepsilon \tau} \sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{\varepsilon^{\gamma}} \begin{bmatrix} \psi_{\gamma}(y_{\gamma}, \varepsilon \dot{y}_{\gamma}) \\ \psi_{\gamma}(y_{\gamma}, \varepsilon \dot{y}_{\gamma}) \end{bmatrix}$$
(1-70)

$$\psi_{n} = -sign(\varepsilon L_{f} H_{n}) \times |\varepsilon L_{f} H_{n}|^{\alpha} - sign(\vartheta_{n}) \times |\vartheta_{n}|^{\left(\frac{\alpha}{\gamma - \alpha}\right)}, n = 1, 7$$
(7-70)

$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{\varepsilon^{\gamma}} e^{i \varepsilon \tau} e^{i \varepsilon$$

$$H_{n} + \left(\frac{1}{\tau - \alpha}\right) \times sign\left(\varepsilon L_{f} H_{n}\right) \times \left|\varepsilon L_{f} H_{n}\right|^{\tau - \alpha}, n = 1, \tau$$

$$(\tau - \tau \Delta)$$

با قرار دادن روابط فوق در رابطه (۱۸) و (۲۰)، سیگنال کنترلی u مورد نظر حاصل می شود.

۶- نتایج و بحث

برای حل مثال عددی، در اینجا برای هر دو روش کنترلی دینامیک صفر ترکیبی و پسخوراند تناسبی-مشتقی زاویه مطلوب گردن $\frac{\pi}{\varsigma} = \frac{\pi}{\varsigma}$ و زاویه مطلوب پای تکیهگاه $\frac{\pi}{\Lambda} = \frac{\pi}{\rho}$ در نظر گرفته میشوند. در روش پسخوراند تناسبی مشتقی مقادیر ماتریس ضرایب $\theta_{rd} = \frac{\pi}{\varsigma}$ و زاویه مطلوب پای تکیهگاه $\frac{\pi}{\Lambda} = \frac{\pi}{\rho}$ در نظر گرفته میشوند. در روش پسخوراند تناسبی مشتقی مقادیر ماتریس ضرایب بهره کنترلی و مشتقی به صورت $\begin{pmatrix} \ddots & \ddots \\ \cdot & \ddots \end{pmatrix} = K_p = \begin{pmatrix} \gamma & \cdot & \cdot \\ \cdot & \cdot \end{pmatrix}$ و $K_p = \sqrt{K} = \frac{1}{\rho}$ در نظر گرفته میشوند. همچنین در روش دینامیک صفر ترکیبی مشتقی به صورت $\begin{pmatrix} \ddots & \ddots \\ \cdot & \ddots \end{pmatrix}$ و $K_p = \sqrt{K}$ از آنجایی که دینامیک یک ربات دوپا غیرخطی و پیچیده ترکیبی مقادیر π و به ترتیب برابر ρ و (1 - 6 - 6 - 7) و K_p و (1 - 6 - 7) و K_p و (1 - 6 - 7) و K_p و (1 - 7) و K_p و K_p و (1 - 7) و K_p و (1 - 7) و (1 - 7) و K_p و (1 - 7) و K_p و (1 - 7) و (1 - 7) و K_p و (1 - 7) (1 - 7) (1 - 7) و (1 - 7) (1 - 7) و (1 - 7) (

باتوجه به این نکات، در اینجا مقادیر اولیه بردار متغیرهای فضای حالت به صورت زیر در نظر گرفته شدند.

| | $\left[heta ight] $ | | -•/ ٣٩٢٧ | |
|-----|-------------------------|---|----------|--|
| | $	heta_{ m r}$ | | •/ ٣٩٢٧ | |
| r – | $	heta_{r}$ | _ | • / 4990 | |
| x | $\dot{	heta}_{1}$ | _ | •/9798 | |
| | $\dot{	heta}_{	ext{r}}$ | | -•/٢٣٩٣ | |
| | $\dot{\theta}_{-}$ | | 1/1429 | |

(۲۶)

با هر دو روش کنترلی و با شرایط اولیه فوق، کنترل راهرفتن پایدار مجانبی ربات دوپا مورد مطالعه در نرمافزار متلب شبیهسازی شد که نتایج کلی برای ۱۰ گام حرکتی در شکل ۳ نمایش داده شدهاند.



شکل ۳: منحنی تغییرات زاویه پای تکیهگاه برحسب زمان برای ۱۰ گام در دو روش کنترلی دینامیک صفر ترکیبی و پسخوراند تناسبی-

 $(K_p = 7.)$ مشتقی

Figure 3: Plot of the variation of the standing leg angle over time for 10 steps in the HZD and PD control methods (

 $K_{p} = 20$)

سایر جزیات نتایج شبیهسازی برای مقایسه یک سیکل حرکت (یک گام) در هر دو روش در شکلهای ۴ تا ۶ آورده شدهاند. شکل (۴-الف)، منحنی های زوایای پاها و گردن ربات نسبت به زمان برای یک گام حرکتی ترسیم شده است. همان طور که مشاهده می شود، زوایای $heta_{ au}$ و $heta_{ au}$ که معرف زوایای پاها میباشند، در هر دو منحنی به صورت متناوب رفتار میکنند تا گامهای متوالی را تشکیل دهند. در این شکل، زاویه $heta_{
m v}$ معرف زاویه گردن ریات میباشد. همان طور که مشاهده می شود، در طول حرکت ریات، کنترلر سعی می کند تا زاویه گردن را حول مقدار مطلوب آن نگه دارد. در شکل (۴–ب)، نمودارهای سرعت زاویهای یاها و گردن نسبت به زمان برای یک گام حرکتی ترسیم شده است. همان طور که مشاهده می شود، نرخ تغییرات زوایای پاها و گردن مشابه رفتار خود این زوایا، تناوبی می باشد. رفتار هر یک از منحنی های سرعت زاویه ای یاها در یک سیکل، در فاز یای تکیه گاه و یای معلق با یکدیگر متفاوت است. در پایان هر قدم با برخورد پای معلق به زمین، منحنی سرعت زاویهای آن جهش پیدا می کند و در زمان کوتاهی مقدار آن به صورت آنی تغییر می کند که رفتار فاز ضربه را به خوبی نشان میدهد. در تحلیل سیستمهای غیرخطی به ویژه دینامیک رباتهای راهرونده، تحليل چرخه حدى بسيار حائز اهميت مىباشد. شرط تناوبىبودن حركت ربات راهرونده، وجود چرخه حدى پايدار بعد از اعمال کنترل روی متغییرهای حالت می باشد. به این معنی که زاویه و نرخ تغییر آن بعد از هر سیکل به نقطه آغازین خود باز گردد. لذا در شکل ۵، نمودار فاز و چرخههای حدی تشکیل شده برای حرکت هر قسمت نمایش داده شدهاند. شکل ۶، نمودار منحنی های سیگنال کنترلی در دو روش کنترلی برای یک گام حرکتی مقایسه شده است. به طور مشابه، مقایسه تاثیر تغییر بهره کنترلی مختلف در روش پسخوراند تناسبی-مشتقی با هم، برای سه بهره کنترلی ۲۰ = ۲۰ ، $K_n = ۴۰$ و ۸۰ = $K_n = ۸۰$ نیز در شکلهای ۴ تا ۶ آورده شدهاند. لازم به ذکر است برای بهره کنترلی کمتر از ۲۰ $K_n = 7$ حرکت پایداری ایجاد نمی شود و برای بهرههای بزرگتر از ۸۰ تمايز خيلي ناچيز مي شود. $K_n =$



شکل ۴: نمودار متغیرهای حالت برای یک گام ربات در روشهای کنترلی دینامیک صفر ترکیبی و پسخوراند تناسبی-مشتقی با بهرههای

مختلف

Figure 4: State variable plots for one step of the robot under the HZD and PD control methods with different gains



شکل۵: نمودار چرخههای حدی برای یک گام ربات در روشهای کنترلی دینامیک صفر ترکیبی و پسخوراند تناسبی-مشتقی با بهرههای

مختلف

Figure 5: Phase diagrams of limit cycles for one step of the robot under the HZD and PD control methods with different gains





Figure 6: Plots of control torques for one step of robot motion for the HZD and PD control methods with different gains

با توجه به نتایج قبل، برخی کمیتهای مهم مطابق جدول ۲ مقایسه شدهاند. لازم به ذکر است، در اینجا سرعت متوسط پیشروی مرکز جرم ربات (*vcom*) از تقسیم طول یک گام کامل (Δx)، به زمان آن (*tcycle*) حاصل میشود که طول گام ربات (Δx) برای همه روش ها ثابت و برابر ۱/۵۳ متر می باشد. همان طور که مشاهده میشود، سرعت متوسط ربات در روش پسخوراند تناسبی -مشتقی با بهره کم ($K_p = \tau$) از روش دینامیک صفر ترکیبی کمتر است (حدود ۱۶ درصد کمتر)؛ اما با افزایش بهره کنترلر پسخوراند تناسبی - مشتقی با مشتقی (به حرو از $K_p = \tau$) از روش دینامیک صفر ترکیبی کمتر است (حدود ۱۶ درصد کمتر)؛ اما با افزایش بهره کنترلر پسخوراند تناسبی - مشتقی با مشتقی (به ۴۰ – $K_p = 4$) از روش دینامیک صفر ترکیبی پیشی می گیرد (به ترتیب حدود ۶ و ۲ ۲ درصد بیشتر). همچنین در روش دینامیک صفر ترکیبی زمان قدمهای چپ و راست در چرخه حدی به وجود آمده نسبتا متقارن درصد بیشتر). همچنین در روش دینامیک صفر ترکیبی زمان قدمهای چپ و راست در چرخه حدی به وجود آمده نسبتا متقارن کم، زمان قدمهای چپ و راست در چرخه حدی به وجود آمده نسبتا متقارن درصد بیشتر). همچنین در روش دینامیک صفر ترکیبی زمان قدمهای چپ و راست در چرخه حدی به وجود آمده نسبتا متقارن کم، زمان قدمهای چپ و راست در چرخه حدی به وجود آمده نسبتا متقارن درصد بیشتر). همچنین در روش دینامیک صفر ترکیبی زمان قدمهای چپ و راست در چرخه حدی به وجود آمده نسبتا متقارن کم، زمان قدمهای چپ و راست در میزان تناسبی مشتقی این نامتقارنی کمتر و سرعت حرکت مشابه دینامیک صفر ترکیبی یکنواخت تر می شود. همچنین با افزایش بهره کنترلی پسخوراند تناسبی مشتقی این نامتقارنی کمتر و سرعت حرکت مشابه دینامیک صفر ترکیبی یکنواخت تر میشود. همچنین با افزایش بهره کنترلی پسخوراند تناسبی مشتقی این نامتقارنی کمتر و سرعت حرکت مشابه دینامیک صفر ترکیبی یکنواخت تر میشود. همچنین با افزایش بهره کنترلی پسخوراند تناسبی مشتقی این نامتقارنی کمتر و سرعت حرکت مشابه دینامیک صفر ترکیبی یکنواخت تر میشو. کمترلی ررسی دقیق تر ملکرد کنترلی پسخوراند تناسبی مشتقی این ترلی کمتر وردن یک گام بطور متوالی نسبت به قبل کاهش می بید. همچنین برای بررسی دقیق تر ملکرد \tilde{u}_i (\tilde{u}_i = 1, \tilde{u}_i (\tilde{u}_i = 1

در جدول ۲ مقایسه شدهاند. مشاهده میشود، در همه روشها، بطورکلی میانگین تلاش کنترلی و حداکثر گشتاور بین گردن (گشتاور بین گردن و پای معلق) بیشتر هستند. به عبارت دیگر، گشتاور بین گردن و پای تکیهگاه سهم بیشتری از مصرف انرژی ربات را به خود اختصاص میدهد. همچنین تلاشهای کنترلی در روش پسخوراند تناسبی-مشتقی در مجموع نسبت به روش دینامیک صفر ترکیبی بیشتر هستند. هر چند با افزایش بهره کنترلی در روش پسخوراند تناسبی-مشتقی در مجموع نسبت به روش دینامیک صفر ترکیبی بیشتر هستند. هر چند با افزایش بهره کنترلی در روش پسخوراند تناسبی-مشتقی در مجموع نسبت به روش دینامیک صفر ترکیبی بیشتر هستند. هر چند با افزایش بهره کنترل پسخوراند تناسبی-مشتقی این اختلاف کمتر شده و تلاش کنترلی آن به روش دینامیک صفر ترکیبی بیشتر هستند. هر چند با افزایش بهره کنترل پسخوراند تناسبی- مشتقی این اختلاف کمتر شده و تلاش کنترلی آن به روش دینامیک صفر ترکیبی بیشتر هستند. هر چند با افزایش بهره کنترل پسخوراند تناسبی- مشتقی این اختلاف کمتر شده و تلاش کنترلی آن به روش دینامیک صفر ترکیبی بیشتر هستند. هر چند با افزایش بهره کنترل پسخوراند تناسبی- مشتقی این اختلاف کمتر شده و تلاش کنترلی آن به روش دینامیک صفر ترکیبی بطور مداوم نزدیکتر میشود. از سوی دیگر، حداکثر گشتاورهای پاها در روش پسخوراند تناسبی-مشتقی برای بهره که ۲۰ $K_p = 7$ از روش دینامیک صفر ترکیبی بزرگتر می مود. البته اما با افزایش بهره روش پسخوراند تناسبی-مشتقی، حداکثر گشتاور پای تکیهگاه از روش دینامیک صفر ترکیبی بزرگتر میشود. البته حداکثر گشتاور پای معلق با تغییر بهره روش پسخوراند تناسبی-مشتقی تقریبا بدون تغییر باقی می ماند.

جدول ۲: مقایسه میانگین تلاش کنترلی، زمان پاها و سرعت متوسط ربات در دو روش کنترلی و با ضرایب مختلف بهره کنترلی برای یک

گام

 Table 2: Comparison of the average control effort, leg timing, and average velocity of the robot under two control

 methods with different control gain coefficients for one step

| $ \begin{split} \hline \mathbf{Y} \cdot \mathbf{K}_{p} &= & \mathbf{F} \cdot \mathbf{K}_{p} &= & \mathbf{A} \cdot \mathbf{K}_{p} &= & \\ \hline & & & & & & & & & & & & & & & & &$ | شتقى | ىخوراند تناسبى-م | mų | دینامیک صفر ترکیبی | واحد | نماد | پارامتر |
|---|--------------------------------|---------------------|---------------------------------------|--------------------|---------|--|---|
| ١/٠٢ ١/٠٢ ١ ١/١٢ (s) t_{left} ψ_{eft} ψ_{eft} ١/٢٢ ١/٢٢ ١/٢ ١/٢ (s) t_{nght} ١/١٢ ١/٢٢ ٢/٢٢ ١/١٢ ١/٩٨ ٢/٢٢ (s) t_{nght} t_{nght} t_{nght} ٢/٢٢ ٢/١٢ ١/٩٨ ٢/٢٢ (s) t_{cycle} t_{nght} t_{nght} t_{nght} ٠/ΔΥ ٠/٢٢ ١/٩٨ ٢/٢٢ (s) t_{cycle} t_{nght} t_{nght} t_{nght} ٠/ΔΥ ٠/٢٢ ٠/٢٢ (m/s) $v_{com} = \Delta x/t_{cycle}$ t_{nght} t_{nght} t_{nght} ٠/٢٢ ٠/٢٢ ٢٢ (nm/s) u_{noth} t_{nght} t_{nght} t_{nght} ٠/ΔΥ ٠/٢٢ (nm/s) v_{com} $\Delta x/t_{cocl}$ u_{noth} t_{nght} t_{nght} t_{nght} ٠/٢ ٠/٢٢ ٢/٢٢ ٢/٢٢ u_{noth} u_{noh} u_{noh} u_{noh} u_{noh} ٠/٢ ٠/٢ ٢/٢ ٢/٢ u_{noh} u_{noh} </th <th>$\operatorname{Y} \cdot K_p =$</th> <th>۴• K _p =</th> <th>$\mathbf{A} \boldsymbol{\cdot} K_p =$</th> <th></th> <th></th> <th></th> <th></th> | $\operatorname{Y} \cdot K_p =$ | ۴• K _p = | $\mathbf{A} \boldsymbol{\cdot} K_p =$ | | | | |
| ١/٢ ١/١ ٠/١ ٠/١ ٠/١ ١/١ ٠/١ ١/١ ٢ ١ ١ ١ ١ ١ ٢ | 1/•4 | ۱/۰ ۱ | ١ | 1/17 | (s) | t _{left} | دوره گام چپ |
| ۲/۶۶ ۲/۱۲ ۱/۹۸ ۲/۲۴ (s) $t_{cycle} = t_{left} + t_{right}$ في المحكم المحافي میانگین سرعت ۸/۵۷ ۰/۷۲ ۰/۷۲ ۸/۶۸ (m/s) $v_{com} = \Delta x / t_{cycle}$ $v_{com} - \frac{\Delta x}{t_{cycle}}$ ۰/۵۷ ۰/۷۲ ۰/۷۲ ۰/۶۸ (m/s) $v_{com} = \frac{\Delta x}{t_{cycle}}$ $v_{com} - \frac{\Delta x}{t_{cycle}}$ ۰/۲ ۰/۲۰ ۰/۲۰ ۰/۲۰ (m/s) $v_{com} - \frac{\Delta x}{t_{cycle}}$ $v_{com} - \frac{\Delta x}{t_{cycle}}$ ۰/۲ ۰/۲۰ ۰/۲۰ ۰/۲۰ ۰/۲۰ ۰/۲۰ ۰/۲۰ ۰/۲ ۰/۲۰۰۶ ۰/۲۰۰۶ ۰/۲۰۰۶ ۰/۲۰۰۶ ۰/۲۰ ۰/۲ ۰/۲۰۰۶ ۰/۲۰۰۶ ۰/۲۰۰۶ ۰/۲۰۰۶ ۰/۲۰۰۶ ۰/۲ ۰/۲۰۰۶ ۰/۲۰۰۶ ۰/۲۰۰۶ ۰/۲۰۰۶ ۰/۲۰۰۶ ۰/۲۰۰۶ ۰/۲۰۰۶ ۰/۲۰۰۶ ۰/۲۰۰۶ ۰/۲۰۰۶ ۰/۲۰۰۶ ۰/۲۰۰۶ ۰/۲۰۰۶ ۰/۲۰۰۶ ۰/۲۰۰۶ ۰/۲۰۰۶ ۰/۲۰۰۶ ۰/۲۰۰۶ ۰/۲۰۰۶ ۰/۲۰۰۶ ۰/۲۰۰۶ ۰/۲۰۰۶ ۰/۲۰۰۶ ۰/۲۰۰۶ ۰/۲۰۰۶ ۰/۲۰۰۶ ۰/۲۰۰۶ ۰/۲۰۰۶ | 1/87 | 1/11 | ۰/۹۸ | ١/١٢ | (s) | t _{right} | دوره گام راست |
| $ \frac{\lambda}{\lambda} $ | 7/88 | 7/17 | ۱/۹۸ | ٢/٢۴ | (s) | $t_{cycle} = t_{left} + t_{right}$ | یک چرخه |
| تلاش كنترلى ١ (در مفصل گردن آلى الله (N.m.s) الله (N.m.s) الله (۱۰ /۱۰۴ /۱۰۴ /۱۰۴ /۱۰۴ /۱۰۴ /۱۰۴ /۱۰۴ /۱ | •/۵Y | •/٧٢ | • /YY | • /۶A | (m/s) | $v_{com} = \frac{\Delta x}{t_{cycle}}$ | میانگین سرعت ربات |
| تلاش كنترلى ٢ (در مفصل گردن ٢، ٧،٠١٢ | •/٢١٣ | •/141 | •/\•۶ | •/• ₹٧ | (N.m.s) | ũ, | تلاش کنترلی ۱ (در مفصل گردن و پای تکیه گاه) |
| بیشترین گشتاور ۱ بیشترین گشتاور بیشترین گشتاور | •/• ٢١ | •/• ١۴ | •/••٩ | •/••٣ | (N.m.s) | ũ, | تلاش کنترلی ۲ (در مفصل گردن و پای معلق) |
| بيشترين گشتاور | ۳٩/ <i>١۶</i> | 88/NT | १९/४۶ | ۵١/۵٩ | (N.m) | u_{max} | بیشترین گشتاور ۱ |
| $14/10$ $1A/44$ $1A/A1$ $10/2$ $(N.m)$ U_{ymax} 7 | ۱۹/۴۵ | ١٨/٩٩ | ۱۸/۸۱ | ۴۵/۶ | (N.m) | $u_{_{ m Ymax}}$ | بیشترین گشتاور ۲ |

در این مقاله، مطالعه پارامتری روشهای کنترل دینامیک مبنا برای بهبود راهرفتن ربات دوپای زیرفعال انجام گرفت. برای مطالعه موردی دو روش دینامیک صفر ترکیبی و روش پسخوراند تناسبی-مشتقی پیادهسازی و با یکدیگر مقایسه شدند. همچنین برای ارزیابی کمی از یک مدل دوپای سه لینکی استفاده شد که باتوجه به عدم وجود عملگر در قوزک پا، دینامیک ربات مورد مطالعه زیرفعال میباشد. ضمن مرور جزییات معادلات دینامیکی ربات، طراحی کنترلر به دو روش ذکر شده و شبیهسازی آن در نرمافزار ریابی متابی انجام گرفت. برای متابی میباشد. ضمن مرور جزییات معادلات دینامیکی ربات، طراحی کنترلر به دو روش ذکر شده و شبیهسازی آن در نرمافزار متاب انجام شد. مقایسه نتایج نشان میدهند که روش دینامیک مفر ترکیبی نسبت به روش پسخوراند تناسبی-مشتقی، حرکت متقارن تر و با سرعت یکنواختتری را ایجاد میکند و تلاش کنترلی آن نیز کمتر است. ضمن آن که روش دینامیک صفر ترکیبی به در ای زیره در این به در مینامیک صفر ترکیبی به معتقی، حرکت متقارن تر و با سرعت یکنواختتری را ایجاد میکند و تلاش کنترلی آن نیز کمتر است. ضمن آن که روش دینامیک صفر ترکیبی به دلیل زمان - تغییرناپذیر بودن، میتواند حساسیت کمتری نسبت به خطاهای احمالی ایجاد شده در حین کنترل عملی داشته باشد. اگرچه پیادهسازی دینامیک صفر ترکیبی به خطاهای احتمالی ایجاد شده در حین کنترل عملی داشته باشد. اگرچه پیادهسازی دینامیک صفر ترکیبی به دلیل پیچیدهبودن روابط و تنظیمات، سختر است و از لحاظ حجم محاسباتی، پر هزینه تر از روش پسخوراند تناسبی-مشتقی میباشد. همچنین میتوان گفت هر چه بهرهی کنترلی در روش پسخوراند تناسبی-مشتقی افزایش یاد، نتیجه آن به نتیجه روش دینامیک صفر ترکیبی نزدیکتر میشود و تلاش کنترلی آن نیز کاهش میبابد. برای کارهای آفزایش یابد، نتیجه آن به نتیجه روش دینامیک صفر ترکیبی نزدیکتر میشود و تلاش کنترلی آن نیز کاهش می می در در وی بران و از دیز کنوبی به می میباند. برای کارهای از وی پسخوراند تناسبی-مشتقی افزایش یارد، نتیجه آن به نتیجه روش دینامیک صفر ترکیبی نزدیکتر میشود و تلاش کنترلی آن نیز کاهش میباد. برای مقایسه میبند میر از میلهای پیچیده تر ربات دوپا نزدیک به انسان مانند مدل سه بعدی ربات دوپای زانودار استفاده نمود.

پيوست-الف

در این قسمت به جزئیات ضرایب معادله (۳) ربات مورد مطالعه می پردازیم. ماتریس های ضرایب G ،C ،D و B برای فاز پیوسته به

صورت زیر میباشد.

$$D = \begin{pmatrix} \frac{1}{\gamma} \left(r^{\mathsf{v}} \left(\mathsf{f} M H + \mathsf{f} M T + \Delta M \right) \right) & -\frac{1}{\gamma} \left(m.r^{\mathsf{v}} \cos\left(\theta_{1} - \theta_{\mathsf{v}}\right) \right) & LMT.r.\cos\left(\theta_{1} - \theta_{\mathsf{v}}\right) \\ -\frac{1}{\gamma} \left(m.r^{\mathsf{v}} \cos\left(\theta_{1} - \theta_{\mathsf{v}}\right) \right) & \frac{1}{\gamma} m.r^{\mathsf{v}} & \cdot \\ L.MT.r.\cos\left(\theta_{1} - \theta_{\mathsf{v}}\right) & \cdot & MT.L^{\mathsf{v}} \end{pmatrix} \\ = \begin{pmatrix} \cdot & -\frac{1}{\gamma} \left(m.r^{\mathsf{v}}.\dot{\theta}_{\mathsf{v}}.\sin\left(\theta_{1} - \theta_{\mathsf{v}}\right) \right) & L.MT.r.\dot{\theta}_{\mathsf{v}}.\sin\left(\theta_{1} - \theta_{\mathsf{v}}\right) \\ \frac{1}{\gamma} \left(m.r^{\mathsf{v}}.\dot{\theta}_{\mathsf{v}}.\sin\left(\theta_{1} - \theta_{\mathsf{v}}\right) \right) & \cdot & \cdot \\ -L.MT.r.\dot{\theta}_{\mathsf{v}}.\sin\left(\theta_{1} - \theta_{\mathsf{v}}\right) & \cdot & \cdot \end{pmatrix} \end{pmatrix}$$

$$G = \begin{bmatrix} -\frac{1}{\gamma} (g, x, \sin(\theta_{i}))(\gamma MH + \gamma m)) \\ \frac{1}{\gamma} (g, m, x, \sin(\theta_{i})) \\ -LMT, g, \sin(\theta_{i}) \end{bmatrix}$$
(J)

$$B = \begin{pmatrix} -1 \\ \gamma \\ -1 \end{pmatrix}$$
(J)

$$B = \begin{pmatrix} -1 \\ \gamma \\ -1 \end{pmatrix}$$
(J)

$$B = \begin{pmatrix} -1 \\ \gamma \\ -1 \end{pmatrix}$$
(J)

$$B = \begin{pmatrix} -1 \\ \gamma \\ -1 \end{pmatrix}$$
(J)

$$B = \begin{pmatrix} -1 \\ \gamma \\ -1 \end{pmatrix}$$
(J)

$$B = \begin{pmatrix} -1 \\ \gamma \\ -1 \end{pmatrix}$$
(J)

$$B = \begin{pmatrix} -1 \\ \gamma \\ -1 \end{pmatrix}$$
(J)

$$B = \begin{pmatrix} -1 \\ \gamma \\ -1 \end{pmatrix}$$
(J)

$$B = \begin{pmatrix} -1 \\ \gamma \\ -1 \end{pmatrix}$$
(J)

$$D = \begin{pmatrix} -1 \\ \gamma \\ -1 \end{pmatrix}$$
(J)

$$D = \begin{pmatrix} D_{\gamma} \\ \gamma \\ -1 \end{pmatrix}$$
(L)

$$D = \begin{pmatrix} D_{\gamma} \\ \gamma \\ -1 \end{pmatrix}$$
(L)

$$D = \begin{pmatrix} D_{\gamma} \\ \gamma \\ -1 \end{pmatrix}$$
(L)

$$D = \begin{pmatrix} D_{\gamma} \\ \gamma \\ -1 \end{pmatrix}$$
(L)

$$D = \begin{pmatrix} D_{\gamma} \\ \gamma \\ -1 \end{pmatrix}$$
(L)

$$D = \begin{pmatrix} D_{\gamma} \\ \gamma \\ -1 \end{pmatrix}$$
(L)

$$D = \begin{pmatrix} D_{\gamma} \\ \gamma \\ -1 \end{pmatrix}$$
(L)

$$D = \begin{pmatrix} D_{\gamma} \\ \gamma \\ -1 \end{pmatrix}$$
(L)

$$D = \begin{pmatrix} D_{\gamma} \\ \gamma \\ -1 \end{pmatrix}$$
(L)

$$D = \begin{pmatrix} D_{\gamma} \\ \gamma \\ -1 \end{pmatrix}$$
(L)

$$D = \begin{pmatrix} D_{\gamma} \\ \gamma \\ -1 \end{pmatrix}$$
(L)

$$D = \begin{pmatrix} D_{\gamma} \\ \gamma \\ -1 \end{pmatrix}$$
(L)

$$D = \begin{pmatrix} D_{\gamma} \\ \gamma \\ -1 \end{pmatrix}$$
(L)

$$D = \begin{pmatrix} D_{\gamma} \\ \gamma \\ -1 \end{pmatrix}$$
(L)

$$D = \begin{pmatrix} D_{\gamma} \\ \gamma \\ -1 \end{pmatrix}$$
(L)

$$D = \begin{pmatrix} D_{\gamma} \\ \gamma \\ -1 \end{pmatrix}$$
(L)

$$D = \begin{pmatrix} D_{\gamma} \\ \gamma \\ -1 \end{pmatrix}$$
(L)

$$D = \begin{pmatrix} D_{\gamma} \\ \gamma \\ -1 \end{pmatrix}$$
(L)

$$D = \begin{pmatrix} D_{\gamma} \\ -1 \end{pmatrix}$$
(L)

$$D = \begin{pmatrix} D_{\gamma}$$

$$D_{\tau_{\Delta}} = D_{\Delta\tau} = \frac{1}{\tau} \left(m.r.\sin(\theta_{\tau}) \right)$$
$$D_{\tau\tau} = \cdot$$
$$D_{\tau\tau} = MT.L^{\tau}$$

$$D_{rr} = D_{rr} = L.MT.\cos(\theta_r)$$

$$D_{r_{\Delta}} = D_{\Delta r} = -L.MT.\sin(\theta_r) \tag{(-1f)}$$

$$D_{\rm ff} = D_{\rm ab} = MH + MT + \tau m \tag{4}$$

$$D_{\mathsf{F}_{\Delta}} = D_{\mathsf{\Delta}\mathsf{F}} = \cdot \tag{19}$$

$$C = \begin{pmatrix} \cdot & -\frac{1}{\gamma} \left(m.r^{\gamma}.\dot{\theta}_{\gamma}.\sin(\theta_{\gamma}-\theta_{\gamma}) \right) & L.MT.r.\dot{\theta}_{\gamma}.\sin(\theta_{\gamma}-\theta_{\gamma}) & \cdot & \cdot \\ \frac{1}{\gamma} \left(m.r^{\gamma}.\dot{\theta}_{\gamma}.\sin(\theta_{\gamma}-\theta_{\gamma}) \right) & \cdot & \cdot & \cdot & \cdot \\ -L.MT.r.\dot{\theta}_{\gamma}.\sin(\theta_{\gamma}-\theta_{\gamma}) & \cdot & \cdot & \cdot & \cdot \\ -\frac{1}{\gamma} \left(r.\dot{\theta}_{\gamma}.\sin(\theta_{\gamma})(\gamma MH + \gamma MT + \gamma m) \right) & \frac{1}{\gamma} \left(m.r.\dot{\theta}_{\gamma}.\sin(\theta_{\gamma}) \right) & -L.MT.\dot{\theta}_{\gamma}.\sin(\theta_{\gamma}) & \cdot \\ \frac{1}{\gamma} \left(\dot{\theta}_{\gamma} - (\hat{\theta}_{\gamma})(\gamma MH + \gamma MT + \gamma m) \right) & \frac{1}{\gamma} \left(m.r.\dot{\theta}_{\gamma}.\sin(\theta_{\gamma}) \right) & -L.MT.\dot{\theta}_{\gamma}.\sin(\theta_{\gamma}) & \cdot \\ \frac{1}{\gamma} \left(\dot{\theta}_{\gamma} - (\hat{\theta}_{\gamma})(\gamma MH + \gamma MT + \gamma m) \right) & \frac{1}{\gamma} \left(m.r.\dot{\theta}_{\gamma}.\sin(\theta_{\gamma}) \right) & -L.MT.\dot{\theta}_{\gamma}.\sin(\theta_{\gamma}) & \cdot \\ \frac{1}{\gamma} \left(\dot{\theta}_{\gamma} - (\hat{\theta}_{\gamma})(\gamma MH + \gamma MT + \gamma m) \right) & \frac{1}{\gamma} \left(m.r.\dot{\theta}_{\gamma}.\sin(\theta_{\gamma}) \right) & -L.MT.\dot{\theta}_{\gamma}.\sin(\theta_{\gamma}) & \cdot \\ \frac{1}{\gamma} \left(\dot{\theta}_{\gamma} - (\hat{\theta}_{\gamma})(\gamma MH + \gamma MT + \gamma m) \right) & \frac{1}{\gamma} \left(m.r.\dot{\theta}_{\gamma}.\sin(\theta_{\gamma}) \right) & -L.MT.\dot{\theta}_{\gamma}.\sin(\theta_{\gamma}) & \cdot \\ \frac{1}{\gamma} \left(\dot{\theta}_{\gamma} - (\hat{\theta}_{\gamma})(\gamma MH + \gamma MT + \gamma m) \right) & \frac{1}{\gamma} \left(m.r.\dot{\theta}_{\gamma} - (\hat{\theta}_{\gamma}) \right) & -L.MT.\dot{\theta}_{\gamma}.\sin(\theta_{\gamma}) & \cdot \\ \frac{1}{\gamma} \left(\dot{\theta}_{\gamma} - (\hat{\theta}_{\gamma})(\gamma MH + \gamma MT + \gamma m) \right) & \frac{1}{\gamma} \left(m.r.\dot{\theta}_{\gamma} - (\hat{\theta}_{\gamma}) \right) & -L.MT.\dot{\theta}_{\gamma}.\sin(\theta_{\gamma}) \\ \frac{1}{\gamma} \left(\dot{\theta}_{\gamma} - (\hat{\theta}_{\gamma})(\gamma MH + \gamma MT + \gamma m) \right) & \frac{1}{\gamma} \left(m.r.\dot{\theta}_{\gamma} - (\hat{\theta}_{\gamma}) \right) & -L.MT.\dot{\theta}_{\gamma} - (\hat{\theta}_{\gamma}) \right)$$

$$\left(-\frac{1}{r}\left(r.\dot{\theta}_{1}.\cos(\theta_{1})\left(rMH+rMT+rm\right)\right)-\frac{1}{r}\left(m.r.\dot{\theta}_{r}.\cos(\theta_{r})\right)-L.MT.\dot{\theta}_{r}.\cos(\theta_{r})-\frac{1}{r}\left(m.r.\dot{\theta}_{r}.\cos(\theta_{r})\right)\right)$$

$$G = \begin{bmatrix} -\frac{1}{\gamma} (g.r.\sin(\theta_1)(\gamma MH + \gamma MT + \gamma m)) \\ \frac{1}{\gamma} (g.m.r.\sin(\theta_1)) \\ -L.MT.g.\sin(\theta_1) \\ g(MH + MT + \gamma m) \end{bmatrix} \qquad (\downarrow -1\land)$$

$$B = \begin{bmatrix} -1 & \cdot \\ \cdot & -1 \\ 1 & 1 \\ \cdot & \cdot \\ \cdot & \cdot \end{bmatrix} \qquad (\downarrow -1 \uparrow)$$

مراجع

[1]M. Vukobratović, B. Borovac, Zero-moment point—thirty five years of its life, International journal of humanoid robotics, 1(01) (2004) 157-173.

[Y]T. McGeer, Dynamics and control of bipedal locomotion, Journal of theoretical biology, 163(3) (1993) 27. Y12-V

[r]T. McGeer, Passive dynamic walking, The international journal of robotics research, 9(2) (1990) 62-82.

[f]T. McGeer, Passive dynamic biped catalogue, 1991, in: Experimental Robotics II: The 2nd International Symposium, Toulouse, France, June , 1991 YV-Yo Springer, 2005, pp. 463-490.

[Δ]A. Goswami, B. Espiau, A. Keramane, Limit cycles in a passive compass gait biped and passivitymimicking control laws, Autonomous Robots, 4 (1997) 273-286.

[۶]A. Goswami, B. Thuilot, B. Espiau, Compass-like biped robot part I: Stability and bifurcation of passive gaits, INRIA, 1996.

[Y]S. Collins, A. Ruina, R. Tedrake, M. Wisse, Efficient bipedal robots based on passive-dynamic walkers, Science, 307(5712) (2005) 1082-1085.

[A]S.H. Collins, A. Ruina, R. Tedrake, M. Wisse, SUPPORTING ONLINE MATERIAL for Efficient bipedal robots based on passive-dynamic walkers, Mechanical Engineering, University of Michigan, (2005) 1-8.

[4]S. Gupta, A. Kumar, A brief review of dynamics and control of underactuated biped robots, Advanced Robotics, 31(12) (2017) 607-623.

[1.]B. Beigzadeh, S.A. Razavi, Dynamic walking analysis of an underactuated biped robot with asymmetric structure, International Journal of Humanoid Robotics, 18(04) (2021) 2150014.

[11]K. Mitobe, N. Mori, K Aida, Y. Nasu, Nonlinear feedback control of a biped walking robot, in: Proceedings of 1995 IEEE International Conference on Robotics and Automation, IEEE, 1995, pp. 2865-2870.

[17]J.W. Grizzle, G. Abba, F. Plestan, Asymptotically stable walking for biped robots: Analysis via systems with impulse effects, IEEE Transactions on automatic control, 46(1) (2001) 51-64.

[14]C. Chevallereau, Y. Aoustin, A. Formal'sky, Optimal walking trajectories for a biped, in: Proceedings of the First Workshop on Robot Motion and Control. RoMoCo'99 (Cat. No. 99EX353), IEEE, 1999, pp. 171-176.

[14]C. Chevallereau, J.W. Grizzle, C.-L. Shih, Asymptotically stable walking of a five-link underactuated 3-D bipedal robot, IEEE transactions on robotics, 25(1) (2009) 37-50.

[1Δ]J.W. Grizzle, C. Chevallereau, Virtual constraints and hybrid zero dynamics for realizing underactuated bipedal locomotion, arXiv preprint arXiv:1706.01127, (2017.(

[19]E. Westervelt, J. Grizzle, Design of asymptotically stable walking for a 5-link planar biped walker via optimization, in: Proceedings 2002 IEEE International Conference on Robotics and Automation (Cat. No. 02CH37292), IEEE, 2002, pp. 3117-3122.

[1Y]K. Sreenath, H.-W. Park, I. Poulakakis, J.W. Grizzle, A compliant hybrid zero dynamics controller for stable, efficient and fast bipedal walking on MABEL, The International Journal of Robotics Research, 30(9) (2011) 1170-1193.

[1A]G.A. Castillo, B. Weng, A. Hereid, Z. Wang, W. Zhang, Reinforcement learning meets hybrid zero dynamics: A case study for rabbit, in: 2019 International Conference on Robotics and Automation (ICRA), IEEE, 2019, pp. 284-290.

[19]E.R. Westervelt, J.W. Grizzle, D.E. Koditschek, Hybrid zero dynamics of planar biped walkers, IEE transactions on automatic control. $07-\xi \gamma (\gamma \cdot \gamma \gamma) (\gamma) \xi \Lambda$,

 $[\Upsilon \cdot]$ E.R. Westervelt, G. Buche, J.W. Grizzle, Experimental validation of a framework for the design of controllers that induce stable walking in planar bipeds, The International Journal of Robotics Research, 23(6) (2004) 559-582.

[ĩ]A. Goo, C.A. Laubscher, J.J. Wiebrecht, R.J. Farris, J.T. Sawicki, Hybrid Zero Dynamics Control for Gait Guidance of a Novel Adjustable Pediatric Lower-Limb Exoskeleton, Bioengineering, 9(5) (2022) 208.

[ΥΥ]Y. Luo, U.J. Römer, A. Dyck, M. Zirkel, L. Zentner, A. Fidlin, Hybrid Zero Dynamics Control for Bipedal Walking with a Non-Instantaneous Double Support Phase, arXiv preprint arXiv:2303.05165.(Υ·ΥΥ),

[٢٣]E.R. Westervelt, J.W. Grizzle, C. Chevallereau, J.H. Choi, B. Morris, Feedback control of dynamic bipedal robot locomotion, CRC press, 2018.

[Y^F]B. Beigzadeh, M.R. Sabaapour, M.R.H. Yazdi, K. Raahemifar, From a 3d passive biped walker to a 3d passivity-based controlled robot, International Journal of Humanoid Robotics, 15(04) (2018) 1850009.

[Ya]B Beigzadeh, M.R. Sabaapour, M.R. Hairi Yazdi, Passivity based turning control of 3D biped robot with asymptotical stability, Modares Mechanical Engineering, 16(4) (2016) 205-212.

[YF]G.A. Castillo, B. Weng, W. Zhang, A. Hereid, Hybrid zero dynamics inspired feedback control policy design for 3d bipedal locomotion using reinforcement learning, in: 2020 IEEE International Conference on Robotics and Automation (ICRA), IEEE, 2020, pp. 8746-8752.

[YY]K.J. Åström, B. Wittenmark, Computer-controlled systems : theory and design, Courier Corporation, 2013.

[ΥΛ]J.B. Aldrich, Feedback Control of Dynamic Bipedal Robot Locomotion (by Westervelt, ER et al.; 2007)[Book Review], IEEE Transactions on Automatic Control, 53(6) (2008) 1570-1572.

22

Parametric Study of Model-Based Dynamic Control Methods for Enhancing Locomotion in Underactuated Biped Robots. Case study: Hybrid Zero Dynamics and Proportional-Derivative Feedback

Roozbeh GhanadiAzar^a, Mohammad Reza Haghjoo^{al}, Mostafa TaghiZadeh^a

^a Faculty of Mechanical and Energy of Shahid Beheshti University (SBU), Tehran, Iran

ABSTRACT

In the field of biped robot motion control, the parametric study of model-based dynamic control methods holds significant importance. This research delves into a detailed examination of the parameters of modelbased dynamic control methods, specifically the Hybrid Zero Dynamics (HZD) and Proportional-Derivative (PD) feedback control methods, to enhance the locomotion of underactuated biped robots. A three-link underactuated biped robot without a knee joint with three degrees of freedom is used as a case study, and the dynamic equations for this model are extracted in both continuous and impact phases. By comparing and analyzing the control parameters in the two mentioned methods, robot simulations are executed in MATLAB software, and the results are compared and discussed. Furthermore, the effect of variations in control parameters in the Proportional-Derivative feedback control method is evaluated and compared. The results indicate that the Hybrid Zero Dynamics method generates more symmetrical and uniformly paced movements compared to the Proportional-Derivative feedback control method, with lower control effort. Increasing the control parameters in the Proportional-Derivative feedback control method brings its results closer to those of the Hybrid Zero Dynamics method, accompanied by a reduction in control effort. In addition to presenting results, this study meticulously examines and analyzes control parameters, which can contribute to the enhancement of bipedal robot performance.

KEYWORDS

Biped robot, walking dynamic stability, Based Dynamic Control, Proportional-Derivative feedback, Hybrid Zero Dynamics

¹ Corresponding Author: Email: m_haghjoo@sbu.ac.ir