# تغییر شکل پرتابه های تخت حین فرایند برخورد و نفوذ به اهداف فلزی تغییرشکلپذیر نیمه ضخیم

زهرا عباسی <sup>(\*\*</sup>; غلامحسین لیاقت <sup>۲</sup>; سعید فعلی<sup>۳</sup>

# چکیدہ

در این تحقیق، تغییرشکل پرتابه های تخت، حین نفوذ عمودی به یک هدف تغییرشکلپذیر نیمه ضخیم، با استفاده از انتشار امواج تنش پلاستیک در پرتابه و پلاگ، مدلسازی شده است. اساس مدل تحلیلی جدیدی که در تحقیق حاضر ارائه شده است، بر پایستگی انرژی در پیشانی موج تنش پلاستیک در پرتابه و پلاگ، حین فرایند برخورد و نفوذ استوار است. در این مدل، ماده پرتابه به صورت الاستیک با کار سختی خطی و ماده هدف به صورت صلب و تمام پلاستیک در نظر گرفته شده است. در این روش، با استخراج رابطه تعادل انرژی در پرتابه و پلاگ حاصل در هدف و ترکیب آن با معادله بقای جرم در پیشانی موج تنش پلاستیک در پرتابه، رابطه ای بدست میآید که با حل آن به روشهای عددی نظیر روش مولر <sup>۲</sup> میتوان سطح مقطع تغییرشکل یافته پرتابه را با داشتن میآید که با حل آن به روشهای عددی نظیر روش مولر <sup>۲</sup> میتوان سطح مقطع تغییرشکل یافته پرتابه را با داشتن میده.

كلمات كليدى : نفوذ، پرتابه تخت، تغيير شكل پذيرى، اهداف نيمه ضخيم، پلاگينگ، امواج تنش پلاستيک

# Deformation of Blunt Projectiles during Penetration into Deformable Medium Metallic Targets

Z. Abbasi; GH. Liaghat; S. Feli

#### ABSTRACT

In this paper, deformation of blunt projectiles is studied for normal penetration into a deformable medium metallic target, by using of plastic wave propagation in the projectile and plug. The new analytical approach presented in this investigation, is established based on the concept of the conservation energy across the plastic wavefront in the projectile and plug, during penetration process. This model assumes that the projectile and plate materials are rigid-linearly strain-hardening and rigid-perfectly plastic respectively. In this method, by merging the equation of energy equilibrium in the projectile and plug with the equation of mass conservation of the projectile, an equation is obtained that cross section of the deformed part of the projectile are calculated by solving it with numerical methods ,such as Muller method. The theoretical results have compared to the experimental ones and found to be in good agreement.

KEYWORDS: Penetration, Blunt projectile, Deformability, Medium targets, Plugging, Plastic stress wave

abbasi\_zahra@hotmail.com Email: ا \* نویسنده مسئول و کارشناسی ارشد مهندسی مکانیک، دانشگاه تربیت مدرس::abbasi\_zahra

<sup>۲</sup> استادیار، گروه مهندسی مکانیک، دانشکده فنی و مهندسی، دانشگاه رازی کرمانشاه: :ghlia530@modares.ac.ir Email .

تاریخ دریافت مقاله: ۱۳۸٦/۲/۱۰

تاريخ اصلاحات مقاله: ١٣٨٧/١١/١٥

۲ استاد، گروه مهندسی مکانیک، دانشکده فنی و مهندسی، دانشگاه تربیت مدرس: :ghlia530@modares.ac.ir Email .

#### ۱– مقدمه

ضربه و مسائل مرتبط با آن از جمله موضوعات قابل توجه برای محققین، در طول دهه های اخیر بوده است که با توجه به اهمیت بالای آن در کاربردهای نظامی و غیر نظامی، مطالعات وسیعی در این زمینه صورت گرفته است. از آنجا که مطالعه فرایند نفوذ به روش تجربی، همراه با صرف هزینه و زمان زیادی میباشد، برای کاهش آزمون های تجربی، بررسی فرایند نفوذ با استفاده از روشهای تحلیلی مورد توجه میباشد.

فرض صلب بودن پرتابه یکی از ساده سازی هایی است که اغلب روشهای تحلیلی موجود، با لحاظ آن فرایند نفوذ را مورد بررسی قرار داده اند. ولی در واقعیت، هنگامی که یک پرتابه استوانه ای به یک هدف سخت برخورد میکند، بخشی از انرژی جنبشی اولیه آن در طول نفوذ، صرف تغییرشکل قارچی پرتابه می شود که در صورت صلب و ضخیم بودن هدف، تمام انرژی جنبشی پرتابه برای تغییر شکل آن هزینه شده و پرتابه از نفوذ به هدف باز میماند. بنابراین لحاظ رفتار تغییرشکلپذیری پرتابه در تحلیل فرایند نفوذ، ما را به تحلیل دقیقتر و واقعی تر پروسه نزدیک میکند. به ویژه در سرعتهای برخورد بالا و در پرتابه های با صلبیت کم که تغییر شکلها قابل توجه می باشند، لحاظ این موضوع در تحلیل فرایند نفوذ بسیار بااهمیت میباشد. با این وجود، بدلیل پیچیده بودن تحلیل پرتابه های تغییرشکلپذیر، مدلهای تحلیلی که تغییرشکلپذیری پرتابه را در طول برخورد و نفوذ به هدف مورد مطالعه قرار داده اند، بسیار محدود هستند. مدلهای موجود به دو دسته تقسیم میشوند: دسته اول مدلهایی هستند که تغییرشکل پرتابه را در برخورد به هدفهای صلب ضخیم ونیمه بینهایت، نظیر مدل تیلور ۲[٤] و مدل هاکیارد ً [٥]، بررسی کرده اند. در این شرایط تمام انرژی جنبشی پرتابه صرف تغییرشکل آن شده و نفوذ صورت نمی گیرد. دسته دوم مدلهایی هستند که تغییر شکل پرتابه را در طول نفوذ مورد مطالعه قرار داده اند. ولى اغلب اين مدلها نيز با فرض صلب بودن هدف، فرایند تغییر شکل پرتابه را بررسی نموده اند، نظیر مدل رچت [٧] . بدین ترتیب، همچنان یک مدل تحلیلی مناسب که بتواند فرایند تغییر شکل پرتابه را در طول نفوذ به اهداف تغییرشکلپذیر بررسی نماید، وجود ندارد. در این تحقیق، با استفاده از ایده هاکیارد در تحلیل تغییرشکل-پذیری پرتابه در برخورد به سطوح صلب، روش تحلیلی نوینی ارائه شده است که فرایند تغییر شکل پرتابه ها را حین فرایند نفوذ به اهداف تغییر شکل پذیر، به سادگی و با دقت بالا پیش بینی میکند. اساس این روش، برقراری تعادل انرژی در پرتابه و

پلاگ حاصل در هدف حین فرایند برخورد و نفوذ میباشد. در این روش از فرسایش پرتابه و هدف حین فرایند برخورد و نفوذ چشم پوشی شده است.

# ۲– بررسی بعضی از مدلهای تحلیلی ارائه شده

از سال ۱۹٤۸ تا کنون تحقیقات بسیاری در زمینه نفوذ توسط پژوهشگران مختلف نظیر تیلور[٤]، لی و تاپر<sup>°</sup> [٦]، هاکیارد[٥]، رچت[٧]، مادلین<sup>۲</sup> [١٢]، جونز<sup>۷</sup> [١١] و محققین دیگر نظیر لیاقت و همکاران[۱]، [۲]، [١٦]، [١٧] و [١٨] ارائه گردیده است. با توجه به اهمیت مطالعه تغییر شکل پرتابه اینک به بحث پیرامون بعضی از مدلهای ارائه شده در این راستا، پرداخته می شود.

در سال ۱۹٤۸، تیلور[٤] برای نخستین بار پروفیل پایانی حاصل از برخورد پرتابههای تخت به سطوح صلب را مورد بررسی قرار داد. دراین مدل، سرعت موج پلاستیک ثابت فرض شده و از نرخ کرنش در پرتابه، حین برخورد چشم پوشی شده است. همچنین مقدار تنش در بخش تغییرشکل یافته پرتابه، در طول برخورد، ثابت و برابر با تنش تسلیم در نظر گرفته شده است.

در ادامه کار او، لی و تاپر[٦] در سال ۱۹۵۲، به بررسی این فرایند پرداختند. لی و تاپر فرض نمودند که تنش در بخش تغییرشکل نیافته پرتابه کمتر از تنش تسلیم است و با لحاظ این فرض، پروفیل تغییرشکل را به صورت منحنی بدست آوردند. گفتنی است مدل ارائه شده توسط تیلور و لی تاپر برای مواد الاستیک تمام پلاستیک و فقط در سرعتهای برخورد کمتر از سرعت موج پلاستیک در پرتابه معتبر است.

در سال ۱۹٦٩، هاکیارد[٥] مدلی تحلیلی در برخورد پرتابههای تخت به سطوح صلب ارائه نمود. وی با استفاده از معادلات بقای انرژی در مقطع موج، سرعت موج تنش پلاستیک را محاسبه نمود. سپس با استفاده از معادلات بقای جرم و انرژی، این سرعت را به صورت تابعی از تنش تسلیم و کرنش مهندسی بدست آورد. در این تئوری روابطی برای محاسبه طول تغییر شکل یافته، کرنش مهندسی، کرنش مؤثر و تنش تسلیم دینامیکی آورده شده است. این مدل نتایج بهتری نسبت به مدل تیلور، به خصوص برای مواد کار سختی شده ارائه میدهد.

در سال ۱۹۷۸، رچت[۷] یک روش تحلیلی ارائه کرد که علاوه بر مدل کردن نفوذ پرتابههای تغییرشکلپذیر در اهداف فلزی، چگونگی تغییرشکل پرتابه حین نفوذ را مورد مطالعه قرار داده و کاهش جرم پرتابه ناشی از برش و فرسایش را برآورد

میکرد. در این مدل تحلیلی از روش اصلاح شده تیلور که توسط لی و تاپر ارائه شده است، برای مدلسازی تغییرشکل پرتابه استفاده شده است.

در سال ۱۹۹٦، مادلین[۱۲] مدلی ارائه نمود که انتشار امواج تنش پلاستیک را در آزمایشات تیلور بررسی میکرد. در این روش از معادلات بقای جرم، اندازه حرکت و انرژی در پیشانی موج تنش پلاستیک برای مدلسازی انتشار امواج در مسائل تنش تکمحوری تیلور استفاده شده است. با حل معادلات بدست آمده در این مدل، سرعت موج تنش پلاستیک، کرنش سطحی و حجمی، تنش محوری، تنش معادل و نرخ کرنش پلاستیک محاسبه میشود.

از جمله مدلهای تحلیلی دیگر، میتوان به مدل جونز[۱۱] که در سال ۱۹۹۸ ارائه شد، اشاره نمود. در این مدل، با استفاده از روش تیلور، معادلاتی برای استخراج تنش دینامیکی در نرخ کرنش ۱/۶<sup>°</sup>۰۱ –<sup>3</sup>۰۱ ارائه شده است. همچنین برای محاسبه نرخ کرنش در طول برخورد پرتابه به سطح صلب، معادلهای بر حسب سرعت برخورد اولیه، طول تغییرشکل یافته و طول اولیه پرتابه بدست میآید.

# ۳– مدل تحلیلی جدید

مدل هاکیارد[٥]، با استفاده از رابطه تعادل انرژی در پیشانی موج تنش پلاستیک در پرتابه، به تحلیل تغییرشکل پرتابه در برخورد به سطوح صلب، پرداخته است. در این بخش، با توجه به ایده هاکیارد[٥]، مدل تحلیلی جدیدی ارائه شده است که فرایند تغییرشکل پرتابه را در طول برخورد و نفوذ به اهداف تغییرشکلپذیر بر اساس پایستگی انرژی در پیشانی موج پلاستیک در پرتابه و در پلاگ حاصل در هدف، مورد بررسی قرار میدهد. در این روش از فرسایش پرتابه و هدف حین فرایند برخورد و نفوذ چشم پوشی گردیده است.

فرضيات مدل تحليلي جديد عبارتند از:

 ۱- ماده پرتابه به صورت الاستیک با کار سختی خطی و هدف به صورت صلب و تمام پلاستیک در نظر گرفته می شود.

۲- واماندگی حاصل در صفحه هدف در برخورد پرتابه
 تخت به صورت پلاگینگ میباشد.

۳ – قطر پلاگ برابر قطر لبه پرتابه است که تغییرشکل داده و تخت شده است [۸] ، [۱۰] .

٤- حالت تنش حاصل در پرتابه به صورت تنش محوری
 ۱ست.

٥- حالت کرنش حاصل در پلاگ به صورت کرنش محوری
 است.

هنگامی که یک پرتابه به صفحه هدف برخورد میکند، بلافاصله پس از برخورد، امواج تنش پلاستیک در پرتابه و پلاگ شروع به انتشار می کنند. با پیشروی امواج پلاستیک، در هر یک دو مقطع حاصل می شود، یکی مقطعی است که با عبور موج پلاستیک تغییرشکل یافته و دیگری مقطع صلب و بدون تغییرشکل می باشد. شکل(۱) نفوذ یک پرتابه تغییرشکلپذیر را در صفحه هدف در زمان *t* پس از برخورد، نشان میدهد. نواحی هاشورخورده چگونگی تغییرشکل در پرتابه و پلاگ را به صورت طرحواره نشان میدهند.

با حرکت موج پلاستیک در پرتابه، یک المان استوانه ای به طول dx و سطح مقطع اولیه  $A_0$ ، دارای طول yb و سطح مقطع A خواهد شد. حرکت موج پلاستیک در پلاگ نیز سبب می شود، یک المان استوانه ای به طول df تبدیل به المانی با طول dh گردد. در همان زمان قسمت انتهای پرتابه به اندازه ds، لبه تخت شده جلوی پرتابه به اندازه  $dZ_c$  و لبه جلویی پلاگ صلب، به اندازه  $dZ_t$  جابجا می شود. بنابراین سرعت بخش تغییر شکل نیافته پرتابه برابر با  $\frac{ds}{dt} = u$  و سرعت بخش صلب پلاگ  $\frac{dZ_t}{dt}$ ، خواهد بود. در حالیکه بخشهای بخش صلب پلاگ  $V_c = \frac{dZ_c}{dt}$ ، خواهد بود. در حالیکه بخشهای حرکت می کنند.



شکل(۱): تغییر شکل یک پرتابه تخت پس از برخور دونفوذ به هدف

اگر سرعت موج تنش پلاستیک در پرتابه C<sub>P</sub> و سرعت موج تنش پلاستیک در پلاگ C<sub>r</sub> باشد، نرخ کاهش طول بخش صلب پرتابه برابر خواهد بود با:

$$\frac{dx}{dt} = -\frac{1}{dt}(ds - dZ_c + dy) = -(u - V_c + \frac{dy}{dt}) \tag{1}$$

همچنین نرخ افزایش طول بخش تغییرشکل یافتـه پرتابـه برابـر است با:

$$\frac{dy}{dt} = C_P - (u - V_c) \tag{(Y)}$$

با جایگذاری رابطه (۳) در رابطه (۱)، نرخ کاهش طول قسمت تغییرشکل نیافته پرتابه، از رابطه (۳) بدست می آید:

$$\frac{dx}{dt} = -C_P \tag{(E)}$$

با فرض ثابت ماندن چگالی، با توجه به ثابت بودن حجم المان حین تغییرشکل میتوان نوشت:

$$A_0 dx = A dy \implies A_0 C_P = A (C_P - u + V_c)$$
 (°)

رابطه(٤) در واقع همان قانون بقای جرم در پیشانی موج تنش پلاستیک در پرتابه است. نرخ کار پلاستیک انجام شده روی المان با فرض فشردگی محوری در پرتابه برابر است با:

$$\frac{dW_p}{dt} = \frac{1}{dt} (\sigma_c A_0 dx \ln \frac{A}{A_0})$$

با توجه به رابطه(٤) میتوان نوشت:

$$\frac{dW_p}{dt} = \sigma_c A_0 C_P \ln \frac{A}{A_0} \tag{7}$$

که در آن  $\sigma_{c}^{-}$  تنش تسلیم دینامیکی پرتابه است.

اگر چگالی پرتابه *p<sub>P</sub>* باشد، تلفات انرژی جنبشی المان تغییرشکل یافته پرتابه، عبارت است از:

$$\frac{dE_{1}}{dt} = \frac{1}{dt} \left( \rho_{P} A_{0} dx \frac{u^{2}}{2} - \rho_{P} A dy \frac{V_{c}^{2}}{2} \right)$$
(V)

 $\frac{dE_1}{dt} = \frac{1}{2} \rho_P A_0 C_P (u^2 - V_c^2)$ (A)

تغییر انرژی جنبشی قسمت بدون تغییرشکل پرتابه برای تغییر سرعت از u - du برای تغییر سرعت از u - du برابر با کار انجام شده توسط نیروی  $\sigma_c A_0$  در جابجایی  $\sigma_c A_0$ 

$$\frac{dW_1}{dt} = \frac{1}{dt} [\sigma_c A_0 (dx - dy)]$$

يعنى:

يا:

$$\frac{dW_1}{dt} = \sigma_c A_0 (u - V_c) \tag{9}$$

تغییر انرژی جنبشی بخشهای تغییر شکل یافته پرتابه و پلاگ برابر با کار نیروهای وارده بر این بخش میباشد. بنابراین کار انجام شده توسط این نیروها که شامل نیروهای فشاری در پرتابه و هدف و نیروی برشی مؤثر بر پلاگ می باشد، محاسبه می شود.

dx - dy نرخ کار انجام شدہ توسط نیروی  $\sigma_c A$  در جابجایی برابر است با:

$$\frac{dW_2}{dt} = \frac{1}{dt} [\sigma_c A(dx - dy)]$$

$$\frac{dW_2}{dt} = \sigma_c A(u - V_c) \tag{(1)}$$

اگر ،
$$\sigma$$
 تنش تسلیم دینامیکی هدف باشد، نـرخ کـار انجـام شـده  
توسط  $\sigma_i A_1$  در جابجایی  $df - dh$  برابر خواهد بود با:

$$\frac{dW_3}{dt} = -\frac{1}{dt} [\sigma_t A_1 (df - dh)] \tag{11}$$

که 
$$A_1$$
 سطح مقطع پلاگ است.  
میتوان نوشت:  
 $\frac{dh}{dt} = C_t$  (۱۲)

ھمچنين:

$$\sigma_x = \frac{2}{3}\sigma_s + \overline{\sigma} \tag{(1)}$$

رابطه (۲۰)، به شکل جزئی به صورت رابطه (۲۱) درمی آید:

$$d\sigma_{X} = \frac{2}{3}d\sigma_{s} + d\overline{\sigma} \tag{YY}$$

کرنش محوری افزایشی، برابـر مجمـوع کرنشـهای الاسـتیک و پلاستیک افزایشی میباشد. بنابراین میتوان نوشت:

$$d\varepsilon_{X} = d\varepsilon_{X}^{e} + d\varepsilon_{X}^{p} \tag{(YY)}$$

همچنین چون مقادیر کرنشهای جانبی صفر میباشد، رابطه(۲۳) برقرار است:

$$d\varepsilon_{Y} = d\varepsilon_{Y}^{e} + d\varepsilon_{Y}^{p} = 0 \implies d\varepsilon_{Y}^{e} = -d\varepsilon_{Y}^{p}$$
(Y٤)  

$$d\varepsilon_{Y} = -d\varepsilon_{Y}^{e} + d\varepsilon_{Y}^{e} = -d\varepsilon_{Y}^{p}$$
(Y٤)

$$ds^{p} + 2ds^{p} = 0 \quad \Rightarrow \quad ds^{p} + 2ds^{p} =$$

$$\frac{d \varepsilon_X^{p} + 2d \varepsilon_Y^{p} = 0}{d \varepsilon_X^{p} = -2d \varepsilon_Y^{p} = 2d \varepsilon_Y^{e}}$$
(Yo)

بنابراین با توجه به معادله(۲٤)، رابطه(۲۲) بصورت رابطـه(۲۵) تبدیل میگردد:

$$d\varepsilon_{X} = d\varepsilon_{X}^{e} + 2d\varepsilon_{Y}^{e} \tag{71}$$

از طرفی قانون هوک برای کرنشهای الاستیک بصورت رابطه(۲٦) است:

$$Ed\varepsilon_{x}^{e} = d\sigma_{x} - 2vd\sigma_{y}$$
  

$$Ed\varepsilon_{y}^{e} = (1 - v)d\sigma_{y} - vd\sigma_{x}$$
(YV)

با جایگذاری مقادیر از معادلات(۲٦) در معادلـه(۲۲)، مقـدار کل  
کرنش محوری به صورت رابطه(۲۷) بدست میآید:  
$$Ed\varepsilon_x = d\sigma_x + 2d\sigma_y - 2v(2d\sigma_y + d\sigma_x)$$
 (۲۸)  
با توجه به تعریف تنش هیدرواستاتیکی میتوان نوشت:

$$\frac{d\sigma_x + 2d\sigma_y}{3} = d\overline{\sigma} \tag{19}$$

با توجه به روابط (۲۷) و (۲۸)، رابط- کرنش محوری و تنش هیدرواستاتیکی به صورت رابطه(۲۹) بدست می آید:

$$d\varepsilon_x = \frac{3(1-2\nu)}{E}d\overline{\sigma} \tag{(7.)}$$

$$K = \frac{E}{3(1-2v)}$$
 مدول حجمی  $K$  و مدول الاستیک  $E$  بصورت  $K$  و مدول الاستیک  $K$  بصورت  $K$  م م رتبط م شو ند. بنابر این:

$$d\overline{\sigma} = K d\varepsilon_{\rm v} \tag{(1)}$$

بنابراین با توجه به رابطه (۳۰) ، رابطه(۲۱) را بصورت رابطه(۳۱) میتوان نوشت:

$$d\sigma_x = Kd\varepsilon_x + \frac{2}{3}d\sigma_s \tag{(YY)}$$

 $f = T_0 + Z_t - Z_c - h \implies$   $\frac{df}{dt} = \frac{dZ_t}{dt} - \frac{dZ_c}{dt} - \frac{dh}{dt} = V_t - V_c - C_t \qquad (17)$ 

با توجه به روابط (۱۱) و (۱۲)، رابطه(۱۰) به صورت رابطه(۱۳) در میآید:

$$\frac{dW_3}{dt} = -\sigma_t A_1 (V_c - V_t) \tag{12}$$

نرخ کار نیروی برشی مؤثر بر سطح محیطی بخش تغییرشـکل یافته پلاگ برابر است با:

$$\frac{dW_4}{dt} = \frac{d\left(\pi D_1 h \tau_d Z_c\right)}{dt} = \pi D_1 \tau_d \left(C_t Z_c + h V_c\right) \tag{10}$$

که  $_{t_{d}}^{}$  استحکام برشی دینامیکی هدف و  $D_{_{1}}$  قطر پلاگ است. با فرض آنکه چگالی هدف  $ho_{_{t}}$  باشد، نرخ افزایش انرژی

جنبشی المان تغییرشکل یافته پلاگ برابر است با:

$$\frac{dE_2}{dt} = \frac{1}{dt} \left[ \frac{1}{2} \rho_t A_1 df (V_c^2 - V_t^2) \right]$$

بنابراین با توجه به رابطه(۱۲)، بدست میآید:

$$\frac{dE_2}{dt} = \frac{1}{2} \rho_t A_1 (C_t + V_c - V_t) (V_c^2 - V_t^2)$$
(17)

نرخ افزایش انرژی جنبشی پلاگ صلب برابر با نرخ کار نیروی مر این بخش از پلاگ است. بنابراین:

$$\frac{dW_5}{dt} = \sigma_t A_1 (V_c - V_t) \tag{1V}$$

اگر محور X در جهت کرنش محوری در نظر گرفته شود، برای محاسبه نـرخ کـار پلاسـتیک انجـام شـده در پـلاگ در شـرایط کرنش محوری میتوان نوشت:

$$\frac{dW_t}{dv} = \int \sigma_x d\varepsilon_x \tag{1A}$$

بــرای محاســبه σ<sub>x</sub> ، نخســت تــنش هیدروســتاتیکی بصــورت رابطه(۱۸) تعریف میشود:

با توجه به معیار ترسکا، در ناحیه پلاستیک رابطـه(۱۹) برقـرار به هم مرتبط میشوند. بنابراین است:

$$\sigma_x - \sigma_y = \sigma_s \tag{(Y.)}$$

که  $\sigma_s$  تنش معادل یا تنش جریان می باشد. با توجه به رابطه  $\sigma_s$  (۱۹) و (۱۹)،  $\sigma_x$  بصورت رابطه (۲۰) بدست می آید:

معادله(۳۱) رابطه تنش و کرنش محوری را در ناحیه پلاستیک و در شرایط کرنش محوری نشان میدهد. برای مواد کاملاً پلاستیک  $Y = \sigma_s = Y$  است که Y تنش تسلیم استاتیکی میباشد. بنابراین رابطه تنش کرنش محوری در ناحیه پلاستیک با توجه به معادله (۳۱) بصورت رابطه(۳۲) تبدیل می شود:

$$\sigma_X = K \varepsilon_X + \frac{2}{3}Y \tag{(TT)}$$

بنابراین با جایگذاری رابطه(۳۲) در رابطه(۱۷) بدست می آید:

$$\frac{dW_t}{dt} = \left[\int (K\varepsilon_x + \frac{2}{3}Y)d\varepsilon_x\right]A_1\frac{df}{dt} \tag{75}$$

کرنش محوری پلاگ برابر است با:

$$d \varepsilon_{x} = -\frac{dT}{T} \implies \varepsilon_{x} = \ln \frac{T_{0}}{T}$$
(ro)

با جایگذاری روابط (۱۲) و(۳۵) در رابطه(۳۳)، پس از انتگرال-گیری بدست میآید:

$$\frac{dW_{t}}{dt} = A_{1} \ln \frac{T}{T_{0}} (C_{t} + V_{c} - V_{t}) (\frac{K}{2} \ln \frac{T}{T_{0}} - \frac{2}{3}Y)$$
(٣٦)

که در این رابطه K مدول حجمی و T طول پلاگ در هـر لحظـه است.

معادله تعادل انرژی را برای مجموعه پرتابه و پلاگ به صورت رابطه(۳٦) میتوان نوشت:

$$\frac{dW_1}{dt} + \frac{dE_1}{dt} = \frac{dW_P}{dt} + \frac{dW_2}{dt} + \frac{dW_3}{dt} + \frac{dW_4}{dt} + \frac{dW_5}{dt} + \frac{dW_t}{dt} + \frac{dE_2}{dt}$$
(YV)

با جایگذاری مقادیر مربوطه در معادله تعادل انرژی، بدست می آید:

$$\frac{1}{2}\rho_{P}A_{0}C_{P}(V_{c}^{2}-u^{2})+\sigma_{c}(A-A_{0})(u-V_{c})+\sigma_{c}A_{0}C_{P}$$

$$\cdot\ln\frac{A}{A_{0}}+\pi D_{1}\tau_{d}(C_{t}Z_{c}+hV_{c})+A_{1}\ln\frac{T}{T_{0}}(C_{t}+V_{c}-V_{t})$$

$$\cdot(\frac{K}{2}\ln\frac{T}{T_{0}}-\frac{2}{3}Y)+\frac{1}{2}\rho_{t}A_{1}(C_{t}+V_{c}-V_{t})(V_{c}^{2}-V_{t}^{2})=0$$
(7A)

$$\frac{1}{2}\rho_{P}\frac{AA_{0}}{A-A_{0}}(u-V_{c})(V_{c}^{2}-u^{2})+\sigma_{c}(A-A_{0})(u-V_{c})$$

$$+\sigma_{c}\frac{AA_{0}}{A-A_{0}}(u-V_{c})\ln\frac{A}{A_{0}}+\pi D_{1}\tau_{d}(C_{t}Z_{c}+hV_{c})$$

$$+A_{1}\ln\frac{T}{T_{0}}(C_{t}+V_{c}-V_{t})(\frac{K}{2}\ln\frac{T}{T_{0}}-\frac{2}{3}Y)+\frac{1}{2}\rho_{t}A_{1}$$

$$\cdot(C_{t}+V_{c}-V_{t})(V_{c}^{2}-V_{t}^{2})=0$$

تا زمانی که سرعت نسبی لبه پرتابه به انتهای آن برابر با صفر گردد، تغییرشکل پرتابه ادامه خواهد داشت. رابطه(۳۸) سطح مقطع المان تغییرشکل یافته پرتابه را بر حسب سرعت قسمتهای صلب و تغییرشکل یافته پرتابه و پلاگ و برخی متغیرهای دیگر تعیین میکند. با توجه به آنکه این متغیرها تابع زمان هستند، در صورت مشخص بودن مقدار آنها در هر لحظه زمانی پروفایل بخش تغییرشکل یافته پرتابه را می توان بدست آورد.

(٣٩)

در صورتیکه سرعت نسبی لبه پلاگ به انتهای آن برابر با صفر گردد، یعنی پیشروی موج پلاستیک در پلاگ متوقف شده باشد، در حالیکه موج تنش پلاستیک در پرتابه همچنان در حال پیشروی باشد، آنگاه رابطه (۳۸) به صورت رابطه(۳۹) تبدیل خواهد شد:

$$\frac{1}{2}\rho_{P}\frac{AA_{0}}{A-A_{0}}(u-V_{c})(V_{c}^{2}-u^{2})+\sigma_{c}(A-A_{0})(u-V_{c})$$
$$+\sigma_{c}\frac{AA_{0}}{A-A_{0}}(u-V_{c})\ln\frac{A}{A_{0}}+\pi D_{1}\tau_{d}h_{f}V_{c}=0$$
(E.

 $V_t = 0$  ،  $V_c = V_{c0}$  ، u = U با توجه به آنکه در لحظه برخورد  $T = T_0$  ،  $Z_c = 0$  ، h = 0 ،  $T = T_0$  ،  $Z_c = 0$  ، h = 0 از رابطه (۳۸) به صورت رابطه(٤٠) بدست می آید:

$$\frac{1}{2}\rho_{P}(V_{c0}^{2}-U^{2})+\sigma_{c}[(\frac{D_{1}^{2}-D_{0}^{2}}{D_{1}D_{0}})^{2}+2\ln\frac{D_{1}}{D_{0}}]$$
$$+\frac{1}{2}\rho_{t}\frac{V_{c0}^{2}}{U-V_{c0}}(C_{t}+V_{c0})(\frac{D_{1}^{2}}{D_{0}^{2}}-1)=0$$
(51)

این معادله را میتوان به کمک روشهای عددی مانند روش مولر حل نمود. از آنجا که با توجه به فرضیات مدل تحلیلی، سطح مقطع پلاگ برابر با سطح تخت شده پرتابه در لحظه برخورد میباشد، با حل معادله (٤٠) قطر پلاگ بدست میآید.

باید توجه داشت که افزایش سطح مقطع پرتابه دارای محدودیت میباشد. در طی فرایند نفوذ اگر سطح مقطع پرتابه که روی سطح خیلی تخت شود یک دیسک حلقه ای از لبه پرتابه که روی سطح هدف فشرده شده است جدا میگردد. بدین ترتیب با توجه به نتایج تجربی مرجع [۸] فرض میگردد قطر لبه تخت شده پرتابه یعنی  $D_1$  قرض میگردد قطر لبه تخت شده برتابه یعنی  $D_1$  تا هنگامی افزایش مییابد که ۱/۵  $\frac{D}{D_0}$  گردد. بنابراین قطر بدست آمده از معادله (٤٠) تا رسیدن به این محدود.

#### ۳–۱– محاسبه سرعت انتشار موج تنش پلاستیک در

#### پرتابه و پلاگ

با نوشتن معادله حرکت برای یک المان تحت تنش از پرتابه ولحاظ فرضیات مناسب، سرعت موج تنش پلاستیک در پرتابه از رابطه(٤١) بدست میآید:

$$C_{p} = \sqrt{\frac{\left(\frac{d\sigma_{x}}{d\varepsilon_{x}}\right)_{p}}{\rho_{p}}} \tag{(\varepsilon\gamma)}$$

که X راستای محور پرتابه بوده و  $(\frac{d\sigma_x}{d\varepsilon_x})_p$  شیب منحنی X تنش-کرنش در ناحیه پلاستیک است.

سرعت موج تنش پلاستیک در پلاگ نیز، با نوشتن معادله حرکت برای یک المان تحت تنش از پلاگ، با توجه به رفتار ماده آن به صورت رابطه(٤٢) محاسبه میگردد:

$$C_{t} = \sqrt{\frac{K}{\rho_{t}}} \tag{(27)}$$

# ۲-۳- محاسبه سرعت سطح مشترک پرتابه- هدف در لحظه برخورد

از آنجا که میتوان در لحظه برخورد فشار در دو سمت سطح مشترک پرتابه-هدف را مساوی فرض نمود، سرعت سطح مشترک پرتابه-هدف در لحظه اولیه برخورد به صورت رابطه(٤٣) بدست میآید:

$$V_{c0} = \frac{U}{1 + \frac{\rho_t C_t}{\rho_p C_p}} \tag{55}$$

#### ٤– نتايج و بحث

با توجه به آنکه مدل ارائه شده در این مقاله جدید بوده و تا کنون ارائه نشده است، بنابراین لازم است درستی و دقت نتایج بدست آمده از مدل تحلیلی، مورد بررسی قرار گیرد. بنابراین، با توجه به آنکه نتایج تجربی نسبت به سایر مراجع از اعتبار بیشتری برخوردار است، نتایج حاصل از مدل تحلیلی با نتایج آزمایشهای تجربی انجام شده توسط سایر محققین مقایسه شده است. برای این منظور، در این بخش، قطر لبه تخت شده پرتابه حاصل از مدل تحلیلی، با نتایج تجربی ارائه شده در مراجع [۹] و [۱۵]، در سرعتهای اولیه برخورد مختلف، مورد مقایسه قرار گرفته است. درمرجع [۹] نتایج حاصل از آزمونهای تجربی فورستال و هنچک<sup>۸</sup> در سال ۱۹۹۹، ارائه گردیده است. در این مرجع پرتابهها از جنس فولاد ۲۶۰ با

جدول(۱): مشخصات هندسی و مکانیکی هدف [۹]

ماده هدف	σ <sub>γ</sub> (Mpa)	ho (Kg/m <sup>3</sup> )	Thickness (mm)
HY-100 steel	٧٣٩	۷۸۰۰	٥/٣
HY-100 steel	٧٣٩	۷۸۰۰	١٠/٥

جدول(۲):مشخصات هندسی و مکانیکی پرتابه [۹]

مادہ پرتابه	$\sigma_{Y}$ (Mpa)	ρ (Kg/m³)	Mass (Kg)	L <sub>0</sub> (mm)	D <sub>0</sub> (mm)
4340 steel	111.	۷۸۲۰	١/٥٦	777	۳.
4340 steel	111.	۷۸۲۰	١/٥٦	217	۳۰/۸
4340 steel	118.	۷۸۲۰	۰/٥٢	٨٩/١	۳۰/۸
Maraging T-250	172.	٧٩٣٠	١/٥٨	۲۸۲	٣٠

در جداول (۳) تا (٦) و شکلهای (۲) تا (٥)، قطـر لبـه تخـت شـده بدست آمده از مدل تحلیلی با نتایج تجربـی فورسـتال و هنچـک مقایسه شده است.

در جدول (۳) و شکل (۲)، پرتابه ازجنس فولاد ٤٣٤٠ با قطر اولیه ۲۰/۸ میلیمتر و جرم اولیه ۲۰/۲ کیلوگرم می باشد. ضخامت اهداف مورد استفاده در این آزمایش ها برابر با ۱۰/۵ میلیمتر است. چنانکه دیده می شود نتایج بدست آمده از مدل تحلیلی برابری بسیار خوبی با نتایج تجربی دارد.

جدول(٣): مقایسه نتایج مدل تحلیلی جدید با نتایج تجربی [٩]

		خت شده	قطر قسمت ت
		(mı	n)پرتابه
Test	سرعت اوليه برخورد	نتايج مدل	نتايج تجربى
#	(m/s)	تحليلى	[٩]
١	١٤٩	۳۱/V	۳۱/۸
۲	١٦٩	۳١/٩٥	۳۲
٣	۱۷۸	۳۲/۰٦	377/1
٤	۱۸۳	۳۲/۱۳	3/27
٥	۱۹٦	۳۲/۳۱	۳۲/٦
٦	251	۳۳/۰۱	۰/۳۳
٧	тлл	۳۳/۸۰	٣٤
٨	٣٤٩	۳٥/٠٧	٣٤/٧





در جدول (٤) و شکل (۳)، پرتابه از جنس فولاد ٤٣٤٠، با قطر اولیه ۳۰/۸ میلیمتر و جرم اولیه ۱/٥٦ کیلوگرم بوده و ضخامت هدف ۳/۵ میلیمتر میباشد.

جدول(۴): مقایسه نتایج مدل تحلیلی جدید با نتایج تجربی [۹]

		خت شده	قطر قسمت ت			
		پرتابه(mm)				
Test	سرعت اوليه برخورد	نتايج مدل	نتايج تجربى			
#	(m/s)	تحليلى	[٩]			
١	٨٤	۳۱/۱	۳۱			
۲	٩٩	۳۱/۲۱	۳۱/۲			
٣	۱۰٦	۳۱/۲۷	۳١/٢			
٤	۱۳۰	۳۱/۰۰	۳۱/۱			
٥	۲.۲	۳۲/۶	۳۱/۸			



شکل(۳): مقایسه قطر لبه تخت شده پرتابه حاصل از مدل تحلیلی با نتایج تجربی مرجع [۹] ارائه شده در جدول (۴) در جدول (۵) و شکل (٤)، پرتابه از جنس فولاد ٤٣٤٠ با قطر



جدول(۵): مقایسه نتایج مدل تحلیلی جدید با نتایج تجربی [۹]

		خت شده	قطر قسمت ت
		(mi	n)پرتابه
Test	سرعت اوليه برخورد	نتايج مدل	نتايج تجربى
#	(m/s)	تحليلى	[٩]
١	۲۸	۳۰/۲۸	٣٠/٣
۲	1.0	۳۰/٤٥	٣٠/٣
٣	١١٤	۳۰/٥٣	٣٠/٣
٤	١٢٥	۳۰/٦٣	٣٠/٥
٥	۱٦٣	۳١/٠٤	۳۰/۷
٦	۲۰۷	81/78	۳۱/۳
٧	771	۳۲/٤٩	3/27
٨	۳۱۸	۳٣/٥٤	۳۳/۳
٩	۳۲۲	۳۳/٦٢	۳۳/٤



شکل(۴): مقایسه قطر لبه تخت شده پرتابه حاصل از مدل تحلیلی با نتایج تجربی مرجع [۹] ارائه شده در جدول (۵)

در جدول (٦) و شکل (٥)، پرتابه از جنس فولاد - Maraging T 250، با مشخصات یاد شده در جدول (۲) است. ضخامت اهداف مورد استفاده در این آزمایش ها، برابر با ۱۰/۵ میلیمتر است.

[٩] ر	تجربى	نتايج	با	جديد	ى .	تحليلم	مدل ز	نتايج	):مقايسه	۶)	ول ا	جدو
-------	-------	-------	----	------	-----	--------	-------	-------	----------	----	------	-----

		لخت شده	قطر قسمت ت
		(mn	پرتابه(۱
Test	سرعت اوليه برخورد	نتايج مدل	نتايج تجربى
#	(m/s)	تحليلي	[٩]
١	٧٨	۳۰/۱۹	٣.
۲	١٢٧	۳۰/٥٠	۳۰/۱
٣	١٦٢	۳۰/۸۰	۳۰/٤
٤	۲۰۸	۳١/٩١	۳۲/۸
٥	۳۷۰	۳۳/٦٥	-



شکل(۵): مقایسه قطر لبه تخت شده پرتابه حاصل از مدل تحلیلی با نتایج تجربی مرجع [۹] ارائه شده در جدول (۶)

چنانکه در جداول(٤) تا (٦) و شکلهای (٣) تا (٥) نیز دیده می شود، قطر لبه تخت شده پیش بینی شده توسط مدل تحلیلی جدید، همخوانی بسیار خوبی با نتایج تجربی دارد.

در ادامه نتایج تحلیلی با نتایج تجربی مرجع [۱۵] که توسط وودوارد و مرتن<sup>۹</sup> ارائه شده است، مورد مقایسه قرار میگیرد. در این مرجع پرتابه ها از جنس فولاد ابزار بوده و هدف از جنس آلومینیوم  $T_0 - ۲$ ۲۲ است. خواص مکانیکی و هندسی پرتابه و هدف مورد استفاده در این مرجع، در جداول (۷) و (۸) ارائه شده است.

جدول(۷): مشخصات هندسی و مکانیکی هدف [۱۵]

مادہ ہدف	$\sigma_{_{Y}}$	Ε	ρ
	(Mpa)	(Gpa)	$(Kg/m^3)$
Aluminum2024- $T_0$	۲۰۰	۷۳	۲۷۷۰

جدول(۸):مشخصات هندسی و مکانیکی پرتابه [۱۵]

و اد و در تار و	$\sigma_{_{Y}}$	ρ	Mass	$L_0$	$D_0$
مادة پرتابه	(Mpa)	$(Kg/m^3)$	(Kg)	(mm)	(mm)
Arne tool steel	19	۷۸۰۰	•/•٣٩	٤١	۱۲/۵

در جدول (۹) و شکل (٦)، قطر لبه تخت شده حاصل از مدل تحلیلی با نتایج تجربی مرجع [۱٥] مقایسه شده است. گفتنی است، ضخامت اهداف مورد استفاده برابر با ٦ میلیمتر است.

جدول(٩): مقایسه نتایج مدل تحلیلی جدید با نتایج تجربی [۱۵]

		خت شده	قطر قسمت ت
		(mi	n)پرتابه
Test	سرعت اوليه برخورد	نتايج مدل	نتايج تجربى
#	(m/s)	تحليلي	[\0]
١	١٣٢	17/70	-
۲	١٤٨	۱۲/۷۰	۱۲/۲
٣	١٥٦	۱۲/۷۲	۱۲/۳
٤	١٧٥	۱۲/VV	١٢/٥
٥	۱۸٦/V	۱۲/۸۱	-
٦	٣٤٢	۱٣/٣٤	١٣
٧	302	۱۳/٤٠	۱۳/۱



شکل(۶): مقایسه قطر لبه تخت شده پرتابه حاصل از مدل تحلیلی با نتایج تجربی مرجع [۱۵] ارائه شده در جدول (۹)

چنانکه دیده می شود، نتایج بدست آمده از مدل تحلیلی جدید، با نتایج تجربی ارائه شده در مرجع [۱۵] نیز از همخوانی مناسبی برخوردار است که این موضوع نشان دهنده توانایی بالای مدل ارائه شده، در مدلسازی صحیح فرایند تغییر شکل پرتابه در نفوذ به اهداف نیمه ضخیم دارد. اما از آنجا که نتایج تجربی موجود تنها شامل قطر لبه تخت شده پرتابه بوده و نتایجی برای پروفایل پرتابه گزارش نشده، لذا در این بخش نیز، فقط قطر لبه تخت شده پرتابه حاصل از مدل تحلیلی با نتایج تجربی مقایسه شده است. با این وجود، توانمندی بالای مدل تطیلی جدید در پیش بینی مناسب قطر لبه تخت شده برای پرتابه، نشانگر قابل اعتماد بودن پروفایل پیش بینی شده برای پرتابه در طول تغییر شکل می باشد.

چنانکه نتایج ارائه شده در جداول و شکلهای یاد شده نشان می دهد، در اغلب موارد، قطر بدست آمده برای لبه تخت شده پرتابه در مدل تحلیلی اندکی بیشتر از نتایج تجربی است. این موضوع، شاید بدلیل برخی ساده سازیها در مدل کردن

تغییرشکل پرتابه، نظیر چشم پوشی کردن از انرژی تغییرشکل نواحی اطراف پلاگ در هدف است.

باید توجه داشت که نتایج بدست آمده از این مدل فقط در سرعتهای اولیه برخورد کمتر از سرعت موج تنش پلاستیک در پرتابه قابل استناد است. زیرا با توجه به آنکه در این مدل از فرسایش پرتابه و هدف در طول فرایند چشم پوشی شده است، در سرعتهای برخورد بالاتر پرتابه دچار فرسایش میشود.

## ۵– نتيجه

مقایسه نتایج بدست آمده از مدل تحلیلی جدید ارائه شده در این مقاله با نتایج آزمون های تجربی، نشان می دهد که مدل یاد شده، فرایند تغییر شکل پرتابه در طول نفوذ به اهداف تغییر شکل پذیرنیمه ضخیم را که دچار واماندگی پلاگینگ می شوند، به خوبی مدلسازی می نماید. از آنجا که مدلهای تحلیلی موجود در مدلسازی تغییر شکل پرتابه در طول نفوذ، بسیار محدود بوده و اغلب مدلهای تحلیلی نفوذ، با فرض صلب بودن پرتابه به تحلیل فرایند نفوذ پرداخته اند، لذا با توجه به توانمندی بالای مدل ارائه شده در مدل کردن صحیح و دقیق فرایند تغییر شکل پذیر به اهداف نیمه ضخیم را مورد مطالعه قرار داد.

# ۶– ضمائم

#### فهرست علائم لاتين

Α	سطح مقطع المان تغيير شكل يافته پرتابه، <i>m</i> ²
$A_0$	$m^2$ ، سطح مقطع اولیه پرتابه $m^2$
$A_1$	$m^2$ ،مطح مقطع پلاگ $m^2$
$C_{P}$	سرعت موج تنش پلاستیک در پرتابه، m/s
$C_t$	سرعت موج تنش پلاستیک در پلاگ، m/s
$D_0$	نطر اولیه پرتابه، <i>m</i>
$D_1$	<del>ت</del> طر پلاگ، <i>m</i>
Ε	مدول یانگ، Mpa
$E_1$	لفات انرژی جنبشی المان تغییرشکل یافته پرتابه، <i>N .m</i>
$E_2$	فزایش انرژی جنبشی المان تغییرشکل یافته پلاگ، <i>N .m</i>
f	ضخامت قسمت ت <b>غ</b> ییرشکل نیافته پلاگ در هر لحظه زمانی، <i>m</i>
h	ضخامت قسمت تغییرشکل یافته پلاگ در هر لحظه زمانی، <i>m</i>
$h_{f}$	ضخامت پایانی پلاگ، <i>m</i>
Κ	مدول حجمی، Mpa
$L_0$	طول اوليه پرتابه، <i>m</i>
	لغییر مکان انتهای پرتابه در هر لحظه زمانی نسبت به لحظه
S	رخورد، m
Т	طول پلاگ در هر لحظه، <i>m</i>
$T_{0}$	ضخامت هدف، m
t	زمان، s

	سىرعت قسىمت تغييرشىكل نيافته پرتابە، m/s
U	سرعت برخورد اوليه پرتابه، m/s
v	حجم تغییر شکل یافته، <sup>m3</sup>
$V_{c}$	سرعت سطح مشترک پرتابه-هدف، m/s
$V_{c0}$	سرعت سطح مشترک پرتابه-هدف در لحظه برخورد، m/s
$V_t$	سرعت بخش تغییرشکلنیافته پلاگ، m/s
$W_p$	کارپلاستیک انجام شده روی المان تغییرشکلیافته پرتابه، <i>N .m</i>
$W_{t}$	کار پلاستیک انجام شده روی المان تغییرشکلیافته پلاگ، N .m
$W_1$	تغییر انرژی جنبشی بخش تغییرشکلنیافته پرتابه، N .m
W	کار انجام شده بر بخش صلب پرتابه در جابجایی المان تغییر-
<b>W</b> <sub>2</sub>	شىكليافتە پرتابە، <i>N .m</i>
W	کار انجام شده بر بخش تغییرشکلیافته پلاگ در جابجایی المان
W 3	تغییرشکلیافته پلاگ، N .m تغییرشکلیافته
W	کار نیروی برشی مؤثر بر سطح محیطی بخش تغییرشکلیافته
<b>4</b>	پلاگ، N.m
$W_5$	افزایش انرژی جنبشی پلاگ صلب، N .m
x	طول قسمت بدون تغییرشکل پرتابه در هر لحظه زمانی، <i>m</i>
у	طول قسمت تغییرشکلیافته پرتابه در هر لحظه زمانی، <i>m</i>
Y	تنش تسلیم استاتیکی، Mpa
$Z_{c}$	تغییر مکان سطح مشترک پرتابه <i>–هد</i> ف برابر شکل(۱)، <i>m</i>
$Z_t$	تغییر مکان لبه جلویی پلاگ برابر شکل(۱)، <i>m</i>
	فهرست علائم يوناني
$\mathcal{E}_{\chi}$	كرنش محورى
$\mathcal{E}_{X}^{e}$	كرنش محورى الاستيك
$\mathcal{E}_{X}^{e}$ $\mathcal{E}_{X}^{p}$	كرنش محورى الاستيک كرنش محورى پلاستيک
$\mathcal{E}_{X}^{e}$ $\mathcal{E}_{X}^{p}$ $\mathcal{E}_{Y}$	كرنش محوری الاستیک كرنش محوری پلاستیک كرنش جانبی
$\mathcal{E}_X^{e}$ $\mathcal{E}_X^{p}$ $\mathcal{E}_Y^{e}$ $\mathcal{E}_Y^{e}$	کرنش محوری الاستیک کرنش محوری پلاستیک کرنش جانبی کرنش جانبی الاستیک
	کرنش محوری الاستیک کرنش محوری پلاستیک کرنش جانبی کرنش جانبی پلاستیک کرنش جانبی پلاستیک
$\mathcal{E}_{X}^{e}$ $\mathcal{E}_{X}^{p}$ $\mathcal{E}_{Y}^{e}$ $\mathcal{E}_{Y}^{e}$ $\mathcal{E}_{Y}^{p}$ $\mathcal{F}_{Y}^{p}$ $\mathcal{F}_{X}$	کرنش محوری الاستیک کرنش محوری پلاستیک کرنش جانبی کرنش جانبی پلاستیک کرنش جانبی پلاستیک تنش در راستای محور Mpa ، X
$\mathcal{E}_{X}^{e}$ $\mathcal{E}_{X}^{p}$ $\mathcal{E}_{Y}^{p}$ $\mathcal{E}_{Y}^{e}$ $\mathcal{E}_{Y}^{p}$ $\mathcal{O}_{X}$ $\mathcal{O}_{Y}$	کرنش محوری الاستیک کرنش محوری پلاستیک کرنش جانبی کرنش جانبی پلاستیک تنش در راستای محور Mpa ، X تنش در راستای محور Mpa ، Y
	کرنش محوری الاستیک کرنش محوری پلاستیک کرنش جانبی کرنش جانبی پلاستیک کرنش جانبی پلاستیک تنش در راستای محور Mpa ، X تنش در راستای محور Mpa Z
	کرنش محوری الاستیک کرنش محوری پلاستیک کرنش جانبی کرنش جانبی للاستیک تنش در راستای محور Mpa ، X تنش در راستای محور Mpa Z تنش در راستای محور Mpa Z
	کرنش محوری الاستیک کرنش محوری پلاستیک کرنش جانبی کرنش جانبی لاستیک کرنش جانبی پلاستیک تنش در راستای محور ۲، Mpa تنش در راستای محور ۲ Mpa تنش هیدروستاتیکی، Mpa تنش مسلیم دینامیکی پرتابه، Mpa
	کرنش محوری الاستیک کرنش محوری پلاستیک کرنش جانبی کرنش جانبی الاستیک کرنش جانبی پلاستیک ترنش در راستای محور Mpa ، X تنش در راستای محور Mpa Z تنش هیدروستاتیکی، Mpa تنش تسلیم دینامیکی پرتابه، Mpa تنش تسلیم دینامیکی هدف، Mpa
	کرنش محوری الاستیک کرنش محوری پلاستیک کرنش جانبی الاستیک کرنش جانبی پلاستیک تنش در راستای محور X، Mpa تنش در راستای محور Y، Mpa تنش میدروستاتیکی، Mpa تنش تسلیم دینامیکی پرتابه، Mpa تنش تسلیم دینامیکی هدف، Mpa تنش معادل یا تنش جریان، Mpa
	کرنش محوری الاستیک کرنش محوری پلاستیک کرنش جانبی الاستیک کرنش جانبی پلاستیک تنش در راستای محور X، Mpa تنش در راستای محور Mpa تنش میدروستاتیکی، Mpa تنش تسلیم دینامیکی پرتابه، Mpa تنش معادل یا تنش جریان، Mpa ضریب پواسون
	کرنش محوری الاستیک کرنش محوری پلاستیک کرنش جانبی کرنش جانبی للاستیک کرنش جانبی پلاستیک تنش در راستای محور Mpa ، X تنش در راستای محور Mpa ، X تنش در راستای محور Mpa تنش مدر وستاتیکی، Mpa تنش میدروستاتیکی پرتابه، Mpa تنش معادل یا تنش جریان، Mpa ضریب پواسون
	کرنش محوری الاستیک کرنش محوری پلاستیک کرنش جانبی الاستیک کرنش جانبی پلاستیک محور X ، Mpa تنش در راستای محور X ، Mpa تنش در راستای محور Mpa تنش مدر وستاتیکی، Mpa تنش معادل مینامیکی پرتابه، Mpa تنش معادل یا تنش جریان، Mpa چگالی پرتابه، Kg/m <sup>3</sup>
	کرنش محوری الاستیک کرنش محوری پلاستیک کرنش جانبی الاستیک کرنش جانبی پلاستیک تنش در راستای محور X، Mpa تنش در راستای محور X، Mpa تنش در راستای محور Mpa تنش میدروستاتیکی، Mpa تنش معادل یا تنش جریان، Mpa تنش معادل یا تنش جریان، Mpa خریب پواسون جگالی پرتابه، Kg/m <sup>3</sup>

## ۷–مراجع

Borvik, T., Langseth, M., Hopperstad, O.S., Malo, K.A.; "Ballistic penetration of steel plates", International Journal of Impact Engineering, 22, 855– 86, 1999.

[1.]

[17]

[۱٦]

Jones, S.E.; "An elementary theory for the Taylor impact test", International Journal of Impact Engineering, 21, 1-2, 1-13, 1998.

Maudlin, P.J., Foster, J.C., Jones, S.E.; " A continuum mechanics code analysis of steady plastic wave propagation in the Taylor test", International Journal of Impact Engineering, 19, 3, 231-256, 1997.

Woordward, R.L., Cimpoeru, S.J.; " A study of the perforation of aluminum laminate targets", International Journal of Impact Engineering ,21(3), 117–131, 1998.

Liss, J., Goldsmith, W., Kelly, J.M.; " A [1٤] phenomenological penetration model of plates", International Journal of Impact Engineering, 1, 4, 321-341, 1983.

Woodward, R.L., Morton, M.E., "Penetration of targets by flat-ended projectiles", International Journal of Mechanical science, 18, 119-127, 1976.

khodarahmi, H., Fallahi, A., Liaghat, G.H.;

"Incremental deformation and penetration analysis of deformable projectile into semi-infinite target", International Journal of Solids and Structures, 43, 569-582, 2006.

Liaghat, G.H., Malekzadeh, A.; "A comment on the penetration theory by Dikshit and Sundararajan", International Journal of Impact Engineering, 16(4), 691, 1995.

Liaghat, G.H., Malekzadeh, A.; "A modification to the mathematical model of perforation by Dikshit and Sundararajan", International Journal of Impact Engineering, 22, 543-550, 1999.  $[\Lambda]$ 

- [۱] عباسی، زهرا؛ "تحلیل فرایند نفوذ پرتابه های تخت تغییر-شکلپذیر در اهداف فلزی چند لایه"، پایان نامه کارشناسی ارشد، دانشگاه تربیت مدرس، ۱۳۸۵.
  - [۲] فعلى، سعيد؛ "تحليل فرآيند نفوذ پرتابه هاى تغيير شكل پذير
  - در اهداف فلزی با استفاده از انتشار امواج تنش پلاستیک"، رساله دکتری، دانشگاه تربیت مدرس، ۱۳۸۳.

Johnson, W.; "Impact strength of materials", Edward [٢] Arnold, 1972.

- Taylor, G.I.; "The used of flat-ended projectile for determining dynamic yield stress", Proc. Roy. Soc. Lond. A., 194, 289-299, 1948.
- Hawkyard, J.B.; "A theory of mushrooming of flatended projectiles impinging on a rigid anvil", International Journal of Mechanical science, 11, 313-333, 1969.
- Lee, E.H., Tupper, S.I.; "Analysis of plastic deformation in a steel cylinder striking a rigid target", Journal of Applied Mechanics, 19, 308- 314, 1952.
- Recht, R.F.; "Taylor ballistic impact modeling applied to deformation and mass loss determinations", International Journal of Engineering Science, 16, 809-827, 1978.
- Wenxue, Y., Lanting, Z.; "Plate perforation by deformable projectiles- a plastic wave theory", International Journal of Impact Engineering, 1, 4, 393-412, 1983.
- Forrestal, M.J., Hanchak, S.; "Penetration experiments on HY-100 steel plates with 4340  $R_c$  38 and maraging T-250 steel rod projectiles", International Journal of Impact Engineering, 22, 923-933, 1999.

۷– زیرنویس ها

- ` Muller
- <sup>v</sup> Taylor
- <sup>r</sup> Hawkyard
- <sup>٤</sup> Recht
- ° Lee and Tupper
- <sup>\</sup> Maudlin
- <sup>v</sup> Jones
- <sup>^</sup> Forrestal and Hanchak
- ' Woodward and Morton